

# Obsah

Předmluva	5
Algebraické funkce	7
1 Reálná funkce jedné reálné proměnné	8
1.1 Pojem funkce . . . . .	8
1.2 Příklady některých důležitých funkcí . . . . .	9
1.3 Grafy funkcí a některá shodná zobrazení . . . . .	13
1.4 Řešené příklady . . . . .	15
1.5 Cvičení . . . . .	16
2 Operace s funkcemi	19
2.1 Aritmetické operace . . . . .	19
2.2 Polynomy . . . . .	19
2.3 Racionální funkce . . . . .	22
2.4 Operace skládání funkcí . . . . .	24
2.5 Operace zúžení (parcializace) funkce . . . . .	26
2.6 Řešené příklady . . . . .	26
2.7 Cvičení . . . . .	30
3 Vlastnosti funkcí	34
3.1 Sudost, lichost, periodičnost funkce . . . . .	34
3.2 Řešené příklady . . . . .	35
3.3 Cvičení . . . . .	37
4 Injektivnost a bijektivnost funkcí, inverzní a monotonní funkce	40
4.1 Injektivnost a bijektivnost funkcí . . . . .	40
4.2 Operace invertování (prosté) funkce . . . . .	42
4.3 Monotonie funkcí . . . . .	44
4.4 Funkce n-tá odmocinu . . . . .	46
4.5 Funkce mocninu s racionálním exponentem . . . . .	47
4.6 Řešené úlohy . . . . .	49
4.7 Cvičení . . . . .	53
5 Suprénum a infimum reálných čísel a funkce	58
5.1 Suprénum a infimum množiny reálných čísel . . . . .	58
5.2 Suprénum a infimum funkce . . . . .	60
5.3 Řešené úlohy . . . . .	61

Diferenciální počet funkcí jedné proměnné	64
<b>6 Limita a spojitost funkce</b>	<b>64</b>
6.1 Limita funkce . . . . .	64
6.2 Věty o limitách . . . . .	66
6.3 Spojitost funkce v bodě, na intervalu . . . . .	71
6.4 Řešené příklady na limitu funkce . . . . .	74
6.5 Cvičení . . . . .	75
<b>7 Derivace funkce</b>	<b>76</b>
7.1 Fyzikální a geometrická interpretace derivace . . . . .	76
7.2 Věty o derivaci . . . . .	78
7.3 Věty o střední hodnotě . . . . .	81
7.4 L'Hospitalovo pravidlo a derivace n-tého rádu . . . . .	83
7.5 Cvičení . . . . .	85
<b>8 Elementární funkce</b>	<b>86</b>
8.1 Funkce logaritmická, exponenciální a obecná mocnina . . . . .	86
8.2 Goniometrické funkce . . . . .	91
8.3 Cyklometrické funkce . . . . .	96
8.4 Řešené příklady . . . . .	100
8.5 Cvičení . . . . .	103
<b>9 Průběh funkce</b>	<b>105</b>
9.1 Monotonie funkce a lokální extrémy . . . . .	105
9.2 Konvexnost, konkávnost a inflexní body . . . . .	107
9.3 Asymptoty funkce . . . . .	111
9.4 Vyšetřování průběhu funkce . . . . .	113
9.5 Cvičení . . . . .	117
<b>10 Výsledky cvičení</b>	<b>119</b>
<b>Literatura</b>	<b>132</b>