

# **Obsah**

|          |   |           |
|----------|---|-----------|
| <b>1</b> | <b>Úvod</b>   | <b>9</b>  |
| <b>2</b> | <b>Model</b>  | <b>11</b> |
| 2.1      | Lineární model . . . . .  | 11        |
| 2.2      | Odhad vektoru středních hodnot . . . . .  | 13        |
| 2.3      | Rezidua . . . . .   | 14        |
| 2.4      | Normální rovnice . . . . .  | 14        |
| 2.5      | Odhadnutelné parametry . . . . .  | 15        |
| 2.6      | Normální lineární model . . . . .   | 18        |
| 2.7      | Normální lineární model s plnou hodností . . . . .                              | 20        |
| 2.8      | Aitkenův model . . . . .  | 23        |
| <b>3</b> | <b>Podmodel</b>   | <b>29</b> |
| 3.1      | Podmodel . . . . .  | 29        |
| 3.2      | Vypuštění sloupců . . . . .   | 32        |
| 3.3      | Lineární omezení na parametry . . . . .   | 32        |
| 3.4      | Předem daná hodnota regresního koeficientu v modelu s úplnou hodností . . . . . | 34        |
| 3.5      | Koeficient determinace . . . . .  | 36        |
| <b>4</b> | <b>Regresní funkce s jedinou nezávisle proměnnou</b>                            | <b>41</b> |
| 4.1      | Jedna přímka . . . . .  | 41        |
| 4.2      | Obecnější funkce . . . . .  | 43        |
| 4.3      | Pás spolehlivosti pro regresní funkci . . . . .                                 | 45        |
| 4.4      | Kalibrace . . . . .   | 46        |
| 4.5      | Několik přímek . . . . .  | 49        |
| <b>5</b> | <b>Identifikace</b>   | <b>55</b> |
| 5.1      | Nejkratší řešení normální rovnice . . . . .                                     | 55        |
| 5.2      | Identifikační omezení . . . . .   | 56        |
| <b>6</b> | <b>Analýza rozptylu</b>   | <b>61</b> |
| 6.1      | Jednoduché třídění . . . . .  | 61        |
| 6.2      | Dvojně třídění . . . . .  | 71        |
| <b>7</b> | <b>Následky nesplnění předpokladů</b>   | <b>81</b> |
| 7.1      | Prostor středních hodnot . . . . .  | 81        |
| 7.2      | Varianční matice . . . . .  | 87        |
| 7.3      | Typ rozdělení . . . . .   | 91        |

---

|  |            |
|--|------------|
| <b>8 Rezidua</b>                                 | <b>99</b>  |
| 8.1 Vynechání jednoho pozorování . . . . .       | 99         |
| 8.2 Studentizovaná rezidua . . . . .             | 101        |
| 8.3 Vliv jednotlivých pozorování . . . . .       | 103        |
| 8.4 Nabídka prostředí R . . . . .                | 107        |
| 8.5 Nekorelovaná rezidua . . . . .               | 109        |
| 8.6 Parciální rezidua . . . . .                  | 111        |
| 8.7 Grafy reziduí . . . . .                      | 113        |
| <b>9 Testy o splnění předpokladů</b>             | <b>115</b> |
| 9.1 Tvar závislosti . . . . .                    | 115        |
| 9.2 Rozptyl . . . . .                            | 119        |
| 9.3 Normalita . . . . .                          | 128        |
| 9.4 Nezávislost . . . . .                        | 131        |
| <b>10 Hledání modelu</b>                         | <b>139</b> |
| 10.1 Porovnání modelu a podmodelu . . . . .      | 139        |
| 10.2 Sekvenční postupy . . . . .                 | 143        |
| 10.3 Praxe hledání modelu . . . . .              | 146        |
| 10.4 Transformace . . . . .                      | 149        |
| <b>11 Multikolinearita</b>                       | <b>153</b> |
| 11.1 Teorie . . . . .                            | 153        |
| 11.2 Regrese standardizovaných veličin . . . . . | 156        |
| 11.3 Zjištování multikolinearity . . . . .       | 162        |
| 11.4 Regrese na hlavních komponentách . . . . .  | 164        |
| 11.5 Hřebenová regrese . . . . .                 | 166        |
| <b>12 Logistická regrese</b>                     | <b>171</b> |
| 12.1 Tvar závislosti . . . . .                   | 171        |
| 12.2 Odhad parametrů . . . . .                   | 172        |
| 12.3 Interpretace parametrů . . . . .            | 174        |
| 12.4 Testování podmodelu . . . . .               | 178        |
| 12.5 Tři druhy studií . . . . .                  | 183        |
| <b>13 Model nelineární regrese</b>               | <b>187</b> |
| 13.1 Úvod . . . . .                              | 187        |
| 13.2 Předpoklady . . . . .                       | 189        |
| 13.3 Lineární approximace . . . . .              | 190        |
| 13.4 Testování jednoduché hypotézy . . . . .     | 191        |
| 13.5 Testování složené hypotézy . . . . .        | 194        |

## **Obsah**

---

|   |            |
|---|------------|
| <b>14 Parametrizace v nelineární regresi</b>        | <b>203</b> |
| 14.1 Označení . . . . .                             | 203        |
| 14.2 Odhad vychýlení . . . . .                      | 205        |
| 14.3 Dvojí parametrizace . . . . .                  | 207        |
| 14.4 Míry křivosti . . . . .                        | 209        |
| <b>15 Výpočet odhadů v nelineární regresi</b>       | <b>217</b> |
| 15.1 Zobecněná Newtonova metoda . . . . .           | 219        |
| 15.2 Gaussova metoda . . . . .                      | 219        |
| 15.3 Metody nevyžadující výpočet derivací . . . . . | 222        |
| <b>A Pomocná tvrzení, označení, procedury</b>       | <b>225</b> |
| A.1 Tvrzení o maticích . . . . .                    | 225        |
| A.2 Některé vlastnosti náhodných veličin . . . . .  | 230        |
| A.3 Metoda maximální věrohodnosti . . . . .         | 231        |
| A.4 Pomocné procedury v prostředí R . . . . .       | 233        |
| <b>Literatura</b>                                   | <b>244</b> |
| <b>Rejstřík</b>                                     | <b>249</b> |