

Obsah

| | |
|---|-----|
| Předmluva | 3 |
| 1. Metrické prostory | 5 |
| 1.1 Pojem metrického prostoru | 5 |
| 1.2 Normované lineární prostory a unitární prostory | 8 |
| 1.3 Základní pojmy teorie metrických prostorů | 12 |
| 1.4 Funkce a zobrazení na metrických prostorech | 16 |
| 1.5 Vztahy mezi metrikami | 23 |
| 1.6 Součin metrických prostorů | 26 |
| 1.7 Separabilní a totálně omezené prostory | 28 |
| 1.8 Úplné metrické prostory | 30 |
| 1.9 Kompaktní prostory | 34 |
| 1.10 Souvislé prostory | 37 |
| 1.11 Lineární zobrazení mezi normovanými lineárními prostory | 39 |
| 1.12 Bilineární a multilinear zobrazení | 45 |
| 2. Diferenciální počet funkcí více proměnných | 49 |
| 2.1 Parciální derivace a totální diferenciál reálné funkce | 49 |
| 2.2 Derivace zobrazení mezi eukleidovskými prostory | 65 |
| 2.3 Derivace složeného zobrazení a složené funkce | 71 |
| 2.4 Věta o přírůstku funkce | 76 |
| 2.5 Parciální derivace vyšších řádů a funkce třídy C^k | 79 |
| 2.6 Záměrnost parciálních derivací | 83 |
| 2.7 Diferenciály a derivace vyššího řádu a Taylorova věta | 90 |
| 2.8 Lokální extrémy | 99 |
| 2.9 Věta o implicitních funkčích | 103 |
| 2.10 Difeomorfismus a regulární zobrazení | 115 |
| 2.11 Křivočaré souřadnice | 119 |
| 2.12 Záměna proměnných | 124 |
| 2.13 Hladké k-rozměrné plochy v \mathbb{R}^n | 136 |
| 2.14 Vázané extrémy | 149 |
| 2.15 Věta o hodnosti; funkce závislá a nezávislá | 155 |
| 3. Úvod do diferenciálního počtu v Banachových prostorech | 161 |
| 3.1 Fréchetova a Gâteauxova derivace | 162 |
| 3.2 Zobrazení třídy C^1 | 169 |
| 3.3 Zobrazení ze součinu prostorech | 170 |
| 3.4 Příklady výpočtu Fréchetovy derivace | 172 |
| 3.5 Derivace vyšších řádů | 174 |
| 3.6 Derivace vyššího řádu složeného zobrazení | 178 |
| 3.7 Vlastnosti zobrazení $L \mapsto L^{-1}$, $L \in \text{Izom}(X, Y)$ | 180 |
| 3.8 Věta o inverzním zobrazení a věta o implicitní funkci | 183 |
| 4. Fourierovy řady a Fourierova transformace | 187 |
| 4.1 Fourierovy řady periodických funkci | 187 |

| | | |
|-------------------|---|------------|
| 4.2 | Fejérova věta a její důsledky | 205 |
| 4.3 | Fourierovy řady v Hilbertově prostoru | 211 |
| 4.4 | Fourierovy řady funkcí z $L^2(\alpha, \alpha + 2\pi)$ | 221 |
| 4.5 | Fourierův integrál a Fourierova transformace | 223 |
| 5. | Dodatky | 231 |
| 5.1 | Limita vzhledem k bázi filtru | 231 |
| 5.2 | O pojmech z lineární algebry | 235 |
| 5.3 | Úmluvy a terminologie | 236 |
| Literatura | | 239 |
| Rejstřík | | 241 |