

# OBSAH

Předmluva .....	7
Úvod .....	15

## *První část*

### TENSORY NAPĚtí A DEFORMACE

#### *Kapitola I*

##### KARTÉZSKÉ TENSORY — GAUSSOVA A STOKESOVA VĚTA

§ 1.1. Ortogonální transformace souřadnic .....	19
§ 1.2. Definice vektorů na základě transformačních vlastností .....	25
§ 1.3. Definice a základní vlastnosti kartézských tensorů .....	27
§ 1.4. Hlavní osy a invarianty symetrického tensoru druhého řádu .....	34
§ 1.5. Isotropní tensory .....	40
§ 1.6. Derivace tensorů .....	42
§ 1.7. Integrální definice operací divergence a rotace .....	46
§ 1.8. Věta Gaussova a Stokesova .....	50
Úlohy ke cvičení .....	53

#### *Kapitola II*

##### TENSORY V METRICKÝCH PROSTORECH

§ 2.1.* Křivočaré souřadnice. Sdružené base vektorů .....	56
§ 2.2.* Definice tensorů. Afinní a metrický prostor .....	61
§ 2.3.* Základní vlastnosti metrického tensoru a Levi-Civitova symbolu .....	67
§ 2.4.* Paralelní přenos .....	73
§ 2.5.* Kovariantní derivace .....	79
§ 2.6.* Geodetické čáry .....	86
§ 2.7.* Tensor křivosti .....	90
Úlohy ke cvičení .....	95

#### *Kapitola III*

##### TENSOR NAPĚtí

§ 3.1. Síly objemové a plošné. Vektor napětí .....	98
§ 3.2. Složky tensoru napětí .....	100
§ 3.3. Podmínky rovnováhy .....	103

§ 3.4. Tensorový charakter složek napětí .....	108
§ 3.5. Kvadrika napětí a hlavní napětí .....	110
§ 3.6. Mohrovy kruhy. Určení největších tečných napětí .....	115
§ 3.7. Oktaedrické napětí .....	119
§ 3.8.* Tensor napětí v křivočarých souřadnicích .....	121
Úlohy ke cvičení .....	126

#### *Kapitola IV*

##### TENSOR DEFORMACE

§ 4.1. Geometrie konečných deformací .....	128
§ 4.2. Teorie malých deformací .....	134
§ 4.3. Rovnice kompatibility deformací .....	145
§ 4.4.* Kovariantní formulace základních vlastností tensoru deformace .....	150
Úlohy ke cvičení .....	156

#### *Část druhá*

#### KLASICKÁ TEORIE PRUŽNOSTI

##### *Kapitola V*

##### ZOBECNĚNÝ HOOKŮV ZÁKON

§ 5.1. Intermolekulární sily .....	159
§ 5.2. Hookův zákon .....	163
§ 5.3. Zobecněný Hookův zákon .....	166
§ 5.4. Základní elastické konstanty homogenního isotropního tělesa .....	175
§ 5.5. Rovnice Beltramiho-Michellova .....	180
§ 5.6. Formulace základních okrajových úloh teorie pružnosti .....	182
§ 5.7. Dynamické rovnice isotropního elastického prostředí .....	183
§ 5.8.* Obecný tvar rovnice Beltramiho-Michellovy .....	185
Úlohy ke cvičení .....	187

##### *Kapitola VI*

##### ENERGETICKÉ ÚVAHY

§ 6.1. Energie deformace .....	189
§ 6.2. Věta o minimu potenciální energie .....	197
§ 6.3. Castiglianův princip .....	201
§ 6.4. Hamiltonův princip .....	204
§ 6.5. Jednoznačnost řešení okrajových úloh klasické teorie pružnosti .....	206
§ 6.6. Saint-Venantův princip .....	210
Úlohy ke cvičení .....	212

### *Kapitola VII*

#### JEDNODUCHÉ PROBLÉMY ELASTICKÉ ROVNOVÁHY — TORSE A OHYB TYČÍ

§ 7.1. Deformace válce vlastní vahou .....	213
§ 7.2. Rozložení napětí v kulové skořepině a válcové rouře, na které působí rovnoměrný vnitřní a vnější tlak .....	218
§ 7.3. Tors kruhového válce .....	224
§ 7.4. Obecnější případy torse .....	227
§ 7.5. Čistý ohyb tyče .....	240
§ 7.6. Ohyb upevněné tyče silou, působící na jejím volném konci .....	248
Úlohy ke cvičení .....	252

### *Kapitola VIII*

#### OBECNÁ ŘEŠENÍ ROVNIC ROVNOVÁHY — ROVINNÝ PROBLÉM

§ 8.1. Matematický charakter složek napětí .....	254
§ 8.2. Matematický charakter složek posunutí .....	260
§ 8.3. Rovinná deformace a napjatost .....	263
§ 8.4. Lovova metoda řešení rovinného problému .....	263
§ 8.5. Základy Muschelišviliho metody .....	276
§ 8.6. Síla působící kolmo na elastickou polorovinu .....	281
Úlohy ke cvičení .....	284

### *Kapitola IX*

#### ELASTICKÉ VLNY V NEOMEZEŇEM PROSTŘEDÍ

§ 9.1. Vlny podélné a příčné .....	286
§ 9.2. Odraz rovinných elastických vln .....	292
§ 9.3. Povrchové vlny Rayleighovy .....	299
Úlohy ke cvičení .....	305

### *Kapitola X*

#### KMITY STRUN, MEMBRÁN A TYČÍ

§ 10.1. Pohybové rovnice struny .....	306
§ 10.2. Integrace pohybové rovnice struny. Metoda d'Alembertova .....	311
§ 10.3. Bernoulliho řešení pohybové rovnice struny .....	315
§ 10.4. Vynucené kmity struny .....	322
§ 10.5. Pohybová rovnice membrány .....	327
§ 10.6. Obdélníková a kruhová membrána .....	331
§ 10.7. Kmity tyčí .....	340
Úlohy ke cvičení .....	352

## *Část třetí*

### MECHANIKA TEKUTIN

#### *Kapitola XI*

##### HYDROSTATIKA

§ 11.1. Základní vlastnosti a mikroskopický model tekutin . . . . .	355
§ 11.2. Základní rovnice rovnováhy tekutin . . . . .	358
§ 11.3. Aplikace hydrostatické rovnice: Pascalův zákon, barometrická formule, kapalina v otáčející se nádobě . . . . .	360
§ 11.4. Archimedův zákon. Tlak tekutiny na stěnu . . . . .	366
§ 11.5. Rovnováha plovoucích těles . . . . .	371
Úlohy ke cvičení . . . . .	379

#### *Kapitola XII*

##### KINEMATIKA TEKUTIN

§ 12.1. Lagrangeova a Eulerova metoda . . . . .	382
§ 12.2. Trajektorie a proudnice. Rychlosť translace, rotace a deformace . . . . .	385
§ 12.3. Vírové čáry a trubice. Intensita víru . . . . .	388
§ 12.4. Cirkulace rychlosťi . . . . .	391
Úlohy ke cvičení . . . . .	393

#### *Kapitola XIII*

##### ZÁKLADNÍ ROVNICE POHYBU DOKONALÝCH TEKUTIN

§ 13.1. Rovnice kontinuity . . . . .	395
§ 13.2. Pohybové rovnice . . . . .	401
§ 13.3. Obecná formulace problémů hydrodynamiky. Počáteční a okrajové podmínky . . . . .	406
§ 13.4. Rovnice energie. Tok energie a hybnosti kontrolní plochou . . . . .	408
§ 13.5. Odvození pohybových rovnic z Hamiltonova principu . . . . .	412
§ 13.6. Věta o hybnosti a momentu hybnosti při stacionárním pohybu . . . . .	419
Úlohy ke cvičení . . . . .	422

#### *Kapitola XIV*

##### JEDNODUŠŠÍ PROBLÉMY POHYBU DOKONALÝCH TEKUTIN

§ 14.1. Bernoulliho rovnice . . . . .	425
§ 14.2. Příklady na použití Bernoulliho rovnice . . . . .	429

§ 14.3. Příklady na použití věty o hybnosti .....	437
§ 14.4. Zvukové vlny .....	440
§ 14.5. Nárazový pohyb .....	446
Úlohy ke cvičení .....	448

### *Kapitola XV*

#### NEVÍŘIVÉ PROUDĚNÍ

§ 15.1. Nevířivé proudění v prostoru .....	450
§ 15.2. Proudění v rovině. Proudová funkce .....	456
§ 15.3. Nevířivé proudění v rovině. Komplexní potenciál .....	460
§ 15.4. Obtékání kruhového válce .....	468
§ 15.5. Konformní zobrazení. Žukovského profil .....	476
§ 15.6. Hydrodynamické reakce při stacionárním proudění .....	482
Úlohy ke cvičení .....	490

### *Kapitola XVI*

#### POHYB VÍŘIVÝ

§ 16.1. Vznik vírů. Helmholtzovy věty o vírech .....	492
§ 16.2. Určení rychlosti proudění, je-li dán pole zdrojů a pole vírů rychlosti .....	498
§ 16.3. Vírové vlákno v nestlačitelné tekutině .....	504
§ 16.4. Soustava přímočarých rovnoběžných vírových vláken .....	508
§ 16.5. Vírové řady .....	516
§ 16.6. Kármánův vzorec pro odpor tekutiny vůči pohybujícímu se tělesu .....	521
Úlohy ke cvičení .....	528

### *Kapitola XVII*

#### VLYNY NA POVRCHU DOKONALÉ NESTLAČITELNÉ TEKUTINY

§ 17.1. Základní rovnice .....	529
§ 17.2. Gravitační vlny .....	532
§ 17.3. Kapilární vlny .....	539
§ 17.4. Skupinová rychlosť .....	543
Úlohy ke cvičení .....	549

### *Kapitola XVIII*

#### DYNAMIKA VAZKÝCH TEKUTIN

§ 18.1. Navierova-Stokesova rovnice .....	551
§ 18.2. Disipace energie. Rovnice toku tepla .....	559
§ 18.3. Zákon podobnosti .....	564

§ 18.4. Stacionární proudění vazké nestlačitelné tekutiny mezi dvěma rovnoběžnými stěnami .....	571
§ 18.5. Laminární proudění ve válcových trubicích .....	576
§ 18.6.* Stacionární rotační pohyb .....	580
§ 18.7.* Difuse víru .....	584
§ 18.8.* Translace koule ve vazké tekutině. Stokesův vzorec .....	590
§ 18.9. Mezní vrstva .....	595
Úlohy ke cvičení .....	601

### ŘEŠENÍ ÚLOH

Kapitola I .....	603
Kapitola II .....	611
Kapitola III .....	622
Kapitola IV .....	626
Kapitola V .....	633
Kapitola VI .....	635
Kapitola VII .....	636
Kapitola VIII .....	644
Kapitola IX .....	649
Kapitola X .....	652
Kapitola XI .....	657
Kapitola XII .....	667
Kapitola XIII .....	668
Kapitola XIV .....	680
Kapitola XV .....	685
Kapitola XVI .....	692
Kapitola XVII .....	699
Kapitola XVIII .....	703
Rejstřík .....	709