

# Obsah

Předmluva	v
<b>1 Numerické výpočty a jejich chyby</b>	<b>1</b>
1.1 Numerické chyby a jejich charakteristika . . . . .	2
1.2 Chyba při výpočtu hodnot funkcí . . . . .	4
1.3 Inverze úlohy určení chyby při výpočtu hodnot funkcí . . . . .	4
1.4 Podmíněnost úloh . . . . .	6
1.5 Aritmetika s pohyblivou řádovou čárkou . . . . .	6
1.5.1 IEEE standardní aritmetiky . . . . .	7
1.5.2 Přesnost zobrazení reálných čísel v IEEE aritmetice . . . . .	9
1.6 Zaokrouhlovací chyby v aritmetice s konečnou přesností . . . . .	9
<b>2 Řešení soustav lineárních algebraických rovnic</b>	<b>13</b>
2.1 Úvod — Soustavy lineárních rovnic . . . . .	13
2.2 Gaussova eliminační metoda . . . . .	14
2.3 Jacobiho iterační metoda . . . . .	18
2.4 Gauss-Seidlova iterační metoda . . . . .	19
2.5 Metoda LU–rozkladu . . . . .	20
2.6 Metoda LU–rozkladu a Gaussova eliminační metoda . . . . .	21
<b>3 Řešení soustav nelineárních rovnic</b>	<b>23</b>

	OBDRŽ	
3.1	Iterační metoda . . . . .	23
3.2	Newtonova metoda . . . . .	26
3.3	Gradientní metoda . . . . .	28
<b>4</b>	<b>Metoda nejmenších čtverců</b>	<b>33</b>
4.1	Aproximace pomocí lineární funkce . . . . .	33
4.2	Skalární součin a norma vektorů při daných váhách . . . . .	35
4.3	Existence minima kvadratické odchylky v prostoru . . . . .	36
<b>5</b>	<b>Aritmetika kódu zbytkových tříd</b>	<b>39</b>
5.1	Jedno-modulová aritmetika kódu zbytkových tříd . . . . .	39
5.1.1	Aplikace teorie . . . . .	43
5.2	Největší společný dělitel . . . . .	44
5.3	Euklidův algoritmus . . . . .	46
5.4	Základní věta aritmetiky . . . . .	47
5.5	Vlastnosti prvočísel . . . . .	51
5.6	Umocňování v modulární aritmetice . . . . .	57
5.7	Více-modulová aritmetika kódu zbytkových tříd . . . . .	58
5.8	Aritmetika v $\mathbb{Z}_\beta$ . . . . .	60
5.9	Převod z kódu zbytkových tříd do celých čísel . . . . .	62
5.9.1	Výpočet $d_i$ s použitím reziduální aritmetiky . . . . .	64
5.10	Přesný výpočet SLR v modulární aritmetice . . . . .	68
5.10.1	Celočíselné vstupní hodnoty . . . . .	69
<b>6</b>	<b>Reziduální aritmetika v kryptografii</b>	<b>75</b>
6.1	Znakové šifry . . . . .	75
6.2	Blokové šifry . . . . .	80
6.3	Exponenciální šifry . . . . .	84

6.4 Kryptografie veřejného klíče . . . . .	88
6.5 Kryptografie eliptických křivek . . . . .	92
6.5.1 Eliptická křivka nad tělesem $GF(p)$ . . . . .	94
6.5.2 Šifrování s ECC . . . . .	96

Předkládaný učební materiál je určen pro jeho studium v rámci vzdáleného vyučování při vedeném vzdáleném vyučování.

Tentýž rozdíl dospívá i mezi základním numerickým a polynomickým vybraným materiálem zatíženo například až dálším smysluplněním výrovnadou k získání výsledku. V poříkání čl. 5.10 je vysvětleno význam modulárního násobení jak zcela obecně, tak i v kontextu.

Druhá část této učebnice je věnována pochopení základů teorie čísel s přihlédnutím k speciálnímu řešení soustav rovnic.

První část předkládá významné algoritmy pro řešení ALM a využívá je k řešení výpočetně spočitlivé řešení výpočetně řešitelných matematických problémů.

Základním povídáním o výpočetním řešení soustav rovnic je využití řešení soustav rovnic.

Praha, říjen 2003