

# Obsah

<b>Předmluva</b>	<b>5</b>
<b>1 Diferenciální počet funkcí dvou a více proměnných</b>	<b>7</b>
1.1 Základní pojmy . . . . .	7
1.1.1 Souřadnicová soustava v rovině . . . . .	7
1.1.2 Souřadnicová soustava v prostoru . . . . .	8
1.1.3 Význačné body a množiny bodů v prostoru . . . . .	9
1.2 Pojem funkce dvou a více proměnných . . . . .	11
1.2.1 Grafické znázornění funkce dvou proměnných . . . . .	14
1.3 Limita a spojitost funkcí dvou a více proměnných . . . . .	18
1.3.1 Limita funkce . . . . .	18
1.3.2 Spojitost funkcí více proměnných . . . . .	23
1.4 Derivace funkcí dvou a více proměnných . . . . .	25
1.4.1 Parciální derivace . . . . .	25
1.4.2 Tečná rovina a normála plochy . . . . .	28
1.4.3 Parciální derivace vyšších řádů . . . . .	29
1.4.4 Totální diferenciál . . . . .	30
1.4.5 Derivace ve směru . . . . .	35
1.4.6 Derivace implicitních funkcí . . . . .	37
1.5 Extrémy funkcí dvou proměnných . . . . .	42
1.5.1 Lokální extrémy . . . . .	42
1.5.2 Vázané extrémy . . . . .	50
1.5.3 Absolutní extrémy . . . . .	52
<b>2 Integrální počet funkcí dvou proměnných</b>	<b>59</b>
2.1 Dvojný integrál v obdélníkové oblasti . . . . .	59
2.1.1 Výpočet dvojného integrálu v obdélníku . . . . .	62
2.2 Dvojný integrál v obecné uzavřené oblasti . . . . .	67
2.3 Transformace dvojného integrálu . . . . .	76
2.4 Geometrické aplikace dvojních integrálů . . . . .	84
2.4.1 Objem prímeho válce . . . . .	84

2.4.2 Obsah rovinné oblasti . . . . .	91
2.4.3 Obsah plochy . . . . .	93
2.5 Fyzikální aplikace dvojních integrálů . . . . .	96
<b>3 Diferenciální rovnice</b>	<b>99</b>
3.1 Základní pojmy . . . . .	99
3.2 Diferenciální rovnice prvního řádu . . . . .	100
3.2.1 Diferenciální rovnice se separovanými proměnnými . . . . .	102
3.2.2 Homogenní diferenciální rovnice . . . . .	106
3.2.3 Lineární diferenciální rovnice . . . . .	109
3.3 Diferenciální rovnice druhého řádu . . . . .	113
3.3.1 Lineární diferenciální rovnice 2. řádu . . . . .	114
3.3.2 Homogenní LDR 2. řádu s konstantními koeficienty . . . . .	116
3.3.3 Nehomogenní LDR 2. řádu s konstantními koeficienty . . . . .	119
<b>Příloha</b>	
<b>A Analytická geometrie v rovině</b>	<b>129</b>
A.1 Souřadnicové soustavy v rovině . . . . .	129
A.2 Rovnice rovinné čáry . . . . .	129
A.3 Přímka v rovině . . . . .	130
A.4 Užitečné vzorce pro řešení metrických úloh . . . . .	132
A.5 Křivky druhého stupně – kuželosečky . . . . .	133
<b>B Analytická geometrie v prostoru</b>	<b>137</b>
B.1 Souřadnicové soustavy v prostoru . . . . .	137
B.2 Rovnice plochy a prostorové čáry . . . . .	138
B.3 Rovina v prostoru . . . . .	139
B.4 Přímka v prostoru . . . . .	142
B.5 Užitečné vzorce pro řešení metrických úloh . . . . .	143
B.6 Plochy druhého stupně neboli kvadratické plochy . . . . .	144
<b>Výsledky</b>	<b>149</b>
<b>Literatura</b>	<b>157</b>