

# Obsah

<b>Předmluva</b>	<b>5</b>
<b>1 Základní pojmy</b>	<b>9</b>
<b>2 Lebesgueova míra v <math>\mathbb{R}^d</math></b>	<b>13</b>
<b>3 Prostor s mírou</b>	<b>17</b>
Měřitelný prostor . . . . .	17
Borelovské množiny v $\mathbb{R}^d$ . . . . .	18
Míra . . . . .	19
<b>4 Měřitelné funkce</b>	<b>21</b>
Struktura měřitelných funkcí . . . . .	22
Jegorovova věta a Luzinova věta . . . . .	25
<b>5 Abstraktní integrál</b>	<b>29</b>
Základní výsledky . . . . .	31
Integrály závislé na parametru . . . . .	36
Pojem skoro všude . . . . .	38
Prostory $L^p$ . . . . .	41
Ortonormální posloupnosti v $L^2$ . . . . .	46
<b>6 Lebesgueův integrál v <math>\mathbb{R}^d</math></b>	<b>51</b>
Lebesgueův, Riemannův a Newtonův integrál . . . . .	51
Trigonometrický systém a Fourierovy řady . . . . .	63
Fubiniho věta . . . . .	64
Transformace míry a věta o substituci . . . . .	66
<b>7 Početní technika</b>	<b>71</b>
Konvergencie a existence integrálu . . . . .	71

Integrál a limitní přechody . . . . .	78
Integrály závislé na parametru . . . . .	85
Aplikace Fubiniho věty a věty o substituci . . . . .	95
<b>8 Existence Lebesgueovy míry</b>	<b>111</b>
Vnější Lebesgueova míra . . . . .	113
Vlastnosti vnější Lebesgueovy míry . . . . .	113
Lebesgueova míra . . . . .	117
<b>9 Fubiniho věta</b>	<b>121</b>
<b>10 Transformace Lebesgueovy míry</b>	<b>127</b>
Lineární obraz Lebesgueovy míry . . . . .	127
Faktorizace lineárního zobrazení . . . . .	130
Hladká zobrazení . . . . .	131
Difeomorfický obraz Lebesgueovy míry . . . . .	133
Věta o substituci . . . . .	136
<b>11 Poznámky a komentáře</b>	<b>139</b>
<b>12 Významné osobnosti</b>	<b>181</b>
<b>Seznam symbolů</b>	<b>193</b>
<b>Seznam obrázků</b>	<b>195</b>
<b>Jmenný rejstřík</b>	<b>197</b>
<b>Věcný rejstřík</b>	<b>199</b>
<b>Literatura</b>	<b>203</b>