

SOUČASNÝM POJEDNÁVÁ o základních vlastnostech funkce více proměnných. Jejími autory jsou prof. Ing. Petr Vojtěchovský, Ph.D. a doc. Ing. Petr Šťastný, Ph.D., oba profesori na Fakultě strojního inženýrství ČVUT v Praze. Téma je vyučováno v katedře matematiky a fyziky pro studenty prvního ročníku studijního programu Inženýrství strojního inženýrství.

Obsah

1 Základní topologické pojmy a vztahy mezi nimi	9
1.1 Elementární charakteristiky funkce více proměnných	9
1.2 Limita funkce více proměnných	12
1.3 Spojitost funkce více proměnných	25
1.4 Základní topologické věty	27
2 Diferenciální počet	31
2.1 Parciální derivace a jejich alternativy	31
2.2 Základy vektorové analýzy	40
2.3 Totální diferenciál	42
3 Posloupnosti a řady funkcí více proměnných	55
3.1 Posloupnosti funkcí více proměnných	55
3.2 Řady funkcí více proměnných	60
3.3 Mocninné řady více proměnných	64
4 Teorie Taylorových řad a taylorovských rozvojů	67
4.1 Taylorovy a Maclaurinovy řady	67
4.2 Polynomiální approximace funkcí	69
5 Teorie implicitních funkcí	77
5.1 Funkce zadaná implicitně rovnicí	77
5.2 Funkce zadané implicitně soustavou rovnic	83
6 Regulární transformace parciálních diferenciálních výrazů	95
6.1 Záměna proměnných	95
6.2 Lineární a křivočaré souřadné systémy	106
7 Úvod do teorie parciálních diferenciálních rovnic	115
7.1 Parciální diferenciální rovnice druhého řádu	115
7.2 Transformace parciálních diferenciálních rovnic druhého řádu	117
7.3 Kvaziparciální diferenciální rovnice	121
7.4 Parciální diferenciální rovnice druhého řádu pro funkci dvou proměnných	123
7.5 Parciální diferenciální rovnice druhého řádu s konstantními koeficienty	131
7.6 Parciální diferenciální rovnice vyšších řádů	137
8 Extrémy funkce více proměnných	141
8.1 Lokální extrémy	141
8.2 Lokální vázané extrémy	146
8.3 Globální extrémy	150

9 Riemannův integrál	157
9.1 Riemannův integrál přes vícedimenzionální interval	157
9.2 Riemannův integrál přes obecnou množinu	162
9.3 Vlastnosti Riemannova integrálu	163
10 Integrál po křivce	181
10.1 Křivky	181
10.2 Křivkový integrál	185
11 Integrál po ploše	195
11.1 Dvoudimenzionální plochy ve třídimenzionálním prostoru	195
11.2 Plošné integrály	198
11.3 Integrální věty teorie plošných integrací	204
12 Neřešené příklady	207
12.1 Zadání příkladů	207
12.2 Výsledky cvičení	247