

# Obsah

|   |           |
|---|-----------|
| <b>Předmluva</b>  | iii       |
| <b>1 Teorie her</b>   | <b>1</b>  |
| 1.1 Historické poznámky . . . . .   | 1         |
| 1.2 Předmět TH . . . . .  | 1         |
| 1.3 Základní pojmy TH . . . . .   | 2         |
| 1.4 Klasifikace her . . . . .   | 3         |
| <b>2 Matematický model RS</b>   | <b>5</b>  |
| 2.1 Matematický model nekonfliktní RS . . . . .                             | 5         |
| 2.2 Konfliktní RS – 2 hráči, antagonistický konflikt . . . . .              | 6         |
| 2.2.1 Hry s konstantním součtem . . . . .                                   | 6         |
| 2.2.2 Princip minimaxu . . . . .  | 8         |
| 2.2.3 Základní věta maticových her . . . . .                                | 11        |
| 2.3 Dominace . . . . .  | 12        |
| 2.3.1 Dominace řádků . . . . .  | 12        |
| 2.3.2 Dominace sloupců . . . . .  | 12        |
| 2.4 $2n/m^2$ hry . . . . .  | 16        |
| 2.4.1 $2n$ hry . . . . .  | 16        |
| 2.4.2 $m^2$ hry . . . . .   | 19        |
| 2.4.3 Metoda fiktivní hry . . . . .   | 21        |
| <b>3 Ekvivalentnost maticových her s úlohou lineárního programování</b>     | <b>25</b> |
| 3.1 Úloha Teorie her . . . . .  | 25        |
| 3.2 Postup transformace úlohy TH na úlohu lineárního programování . . . . . | 26        |
| 3.3 Model úlohy TH jako úloha LP . . . . .                                  | 27        |
| 3.3.1 Primární úloha . . . . .  | 27        |
| 3.3.2 Duální úloha . . . . .  | 27        |
| 3.4 Alternativní způsoby převodu úlohy TH na úlohu LP . . . . .             | 28        |
| 3.4.1 Sestava úlohy LP pro hráče „1“ . . . . .                              | 28        |
| 3.4.2 Sestava úlohy pro hráče „2“ . . . . .                                 | 29        |
| <b>4 Konečná hra <math>n</math> osob v normálním tvaru</b>                  | <b>39</b> |
| 4.1 Všeobecný model hry v normálním tvaru . . . . .                         | 39        |
| 4.2 Konečná hra $n$ osob v normálním tvaru . . . . .                        | 40        |

|   |            |
|---|------------|
| <b>5 Konečná hra <math>n</math> osob v rozvinutém tvaru</b>   | <b>43</b>  |
| 5.1 Strom hry . . . . .   | 45         |
| 5.2 Informace a informační množiny . . . . .  | 46         |
| 5.3 Účast přírody . . . . .   | 50         |
| 5.4 Všeobecný model konečné hry $n$ osob v rozvinutém tvaru . . . . .   | 50         |
| 5.5 Přechod k normálnímu tvaru . . . . .  | 51         |
| 5.6 Úprava hry s účastí přírody do normálního tvaru . . . . .   | 52         |
| 5.6.1 Formulace všeobecného postupu odvození funkcí plateb $M_i$ . . . . .                                      | 52         |
| 5.7 Smíšené strategie . . . . .   | 56         |
| <b>6 Strategie chování</b>  | <b>61</b>  |
| 6.1 Vztah mezi strategiemi chování a smíšenými strategiemi $i$ . hráče . . . . .                                | 62         |
| 6.2 Odvození smíšené strategie ze zadáné strategie chování . . . . .  | 64         |
| <b>7 Řešení konfliktních her <math>n</math> osob (nekooperativní teorie)</b>                                    | <b>67</b>  |
| 7.1 Garanční strategie a platby . . . . .   | 67         |
| 7.2 Převod úlohy na LP . . . . .  | 68         |
| 7.3 Rovnovážný bod . . . . .  | 72         |
| 7.3.1 Intuitivní interpretace rovnovážného bodu . . . . .   | 73         |
| <b>8 Neantagonistická hra dvou hráčů (kooperativní teorie)</b>  | <b>75</b>  |
| 8.1 Kooperativní teorie s přenosnou výhrou . . . . .  | 75         |
| 8.2 Teorie „spravedlivého“ rozdělení maximální společné výhry . . . . .   | 78         |
| 8.3 Algoritmus řešení dvoumaticové hry . . . . .  | 78         |
| 8.4 Teorie rozdělení maximální společné výhry v podstatné hře s respektováním velikosti jistých výher . . . . . | 81         |
| <b>9 Kooperativní teorie s nepřenosnou výhrou – 2 hráči</b>   | <b>83</b>  |
| 9.1 Algoritmus řešení dvoumaticových her s kooperativní teorií a nepřenosnou výhrou . . . . .                   | 85         |
| <b>10 Neantagonistický konflikt 2 hráčů (nekooperativní teorie)</b>   | <b>89</b>  |
| 10.1 Algoritmus určení rovnovážných bodů . . . . .  | 91         |
| <b>11 Hry proti přírodě (2 hráči)</b>   | <b>93</b>  |
| 11.1 Hry proti přírodě s rizikem . . . . .  | 93         |
| 11.2 Hry proti přírodě s neurčitostí . . . . .  | 94         |
| 11.2.1 Návrh minimaxové optimální strategie . . . . .   | 95         |
| 11.2.2 Návrh optimální strategie minimaxem ztráty . . . . .   | 95         |
| 11.2.3 Návrh optimální strategie na základě optimismu racionálního hráče  | 96         |
| 11.3 Příklady na hry proti přírodě . . . . .  | 97         |
| <b>Obrazová příloha</b>   | <b>99</b>  |
| <b>Literatura</b>   | <b>101</b> |