

# OBSAH

Předmluva . . . . .	7
Přehled znaků a symbolů . . . . .	8
1. NEBOJTE SE NÁZVU MNOŽINA . . . . .	11
1.1 Množiny a prvky . . . . .	11
1.2 Podmnožiny . . . . .	16
1.3 Prázdná množina . . . . .	17
1.4 Potence množiny . . . . .	18
1.5 Výrok a jeho negace . . . . .	19
1.6 Konjunkce a disjunkce . . . . .	21
1.7 Implikace a ekvivalence . . . . .	23
1.8 Kvantifikátory . . . . .	26
2. TVOŘENÍ MNOŽIN . . . . .	28
2.1 Sjednocení a průnik . . . . .	28
2.2 Rozdíl a doplněk . . . . .	35
2.3 Rovnost množin – princip neurčitého prvku . . . . .	38
2.4 Rovnost množin – tabulková metoda . . . . .	41
2.5 Rovnost množin – obrázková metoda . . . . .	47
2.6 Užitečné vzorce . . . . .	52
2.7 De Morganovy vzorce. Jak najít doplněk? . . . . .	57
3. DVOJICE A $n$ -TICE . . . . .	59
3.1 Uspořádané a neuspořádané dvojice . . . . .	59
3.2 Uspořádané a neuspořádané $n$ -tice . . . . .	60
3.3 Kartézský součin . . . . .	63
4. RELACE . . . . .	66
4.1 Binární relace mezi množinami . . . . .	66
4.2 Binární relace na množině . . . . .	73
4.3 Reflexivní a antireflexivní relace . . . . .	77
4.4 Symetrické a antisymetrické relace . . . . .	78
4.5 Tranzitivní relace . . . . .	80
4.6 Dichotomické relace . . . . .	83
4.7 Ekvivalence . . . . .	84
4.8 Disjunktní rozklady množin . . . . .	88
5. ZOBRAZENÍ . . . . .	92
5.1 Základní vlastnosti zobrazení . . . . .	92
5.2 Injektivní, surjektivní a bijektivní zobrazení . . . . .	101

5.3	Inverzní zobrazení . . . . .	106
5.4	Jádra a rozklady zobrazení . . . . .	109
5.5	Transformace a permutace množiny . . . . .	111
6.	<b>DOBŘE USPOŘÁDÁNÍ</b> . . . . .	113
6.1	Uspořádání . . . . .	113
6.2	Dobře uspořádání . . . . .	120
6.3	Ordinální čísla . . . . .	123
7.	<b>KONEČNÉ A NEKONEČNÉ MNOŽINY</b> . . . . .	128
7.1	Konečné a nekonečné množiny . . . . .	128
7.2	Jak definovat počet prvků nekonečné množiny? . . . . .	129
7.3	Ekvivalence množin . . . . .	132
7.4	Spočetné množiny . . . . .	134
7.5	Mohutnost. Kardinální čísla . . . . .	137
7.6	Kardinální aritmetika je snadná . . . . .	140
8.	<b>TEORIE MNOŽIN JAKO ZÁKLAD MATEMATIKY</b> . . . . .	145
8.1/	Jak definovat matematické pojmy? . . . . .	145
8.2	Čísla . . . . .	148
8.3	Axiomatická metoda . . . . .	155
8.4	Systém axiomů teorie množin . . . . .	158
9.	<b>AXIÓM VÝBĚRU</b> . . . . .	161
9.1	Co říká axióm výběru . . . . .	161
9.2	Existence dobrého uspořádání . . . . .	162
9.3	Zornovo lemma . . . . .	164
9.4	Kardinální čísla . . . . .	166
	Výsledky a návody k některým cvičením . . . . .	169
	Literatura . . . . .	173
	Rejstřík . . . . .	174