

Obsah

| | |
|---|---------------|
| Kapitola 1 Teorie diferenciálních rovnic prvního řádu, základní metody hledání řešení | str. 9 |
| 1. Úvod | 9 |
| 2. Věta o existenci a jednoznačnosti | 10 |
| 3. Globální věta o existenci a jednoznačnosti, charakteristiky | 13 |
| 4. Závislost řešení na počátečních podmínkách | 18 |
| 5. Existence řešení při spojité pravé straně - Lipschitzova podmínka nemusí být splněna | 20 |
| 6. Některé elementární metody integrace vybraných typů diferenciálních rovnic prvního řádu, rozřešených vzhledem k první derivaci | 24 |
| 6.1 Rovnice typu $\dot{x}=h(t)$ | 24 |
| 6.2 Rovnice typu $\dot{x}=k(x)$ | 25 |
| 6.3 Speciální případ rovnice typu $\dot{x}=p(t,x)/q(t,x)$ | 31 |
| 6.4 Lineární diferenciální rovnice prvního řádu | 33 |
| 6.4.1 Homogenní lineární diferenciální rovnice | 33 |
| 6.4.2 Nehomogenní lineární diferenciální rovnice | 36 |
| 6.5 Rovnice, které se dají převést na lineární | 39 |
| 6.6 Rovnice se separovanými proměnnými | 39 |
| 6.7 Rovnice homogenního typu | 46 |
| 6.8 Rovnice, které lze převést na homogenní | 50 |
| 6.9 Rovnice Riccatiova | 53 |
| 6.10 Transformace proměnných | 60 |
| 7. Cvičení | 62 |
| Kapitola 2 Teorie lineárních diferenciálních rovnic n-tého řádu, základní metody hledání řešení | 64 |
| 1. Úvod | 64 |
| 2. Lineární diferenciální rovnice n-tého řádu, věta o existenci a jednoznačnosti | 64 |
| 3. Homogenní rovnice | 66 |
| 4. Nehomogenní rovnice | 77 |
| 5. Některé elementární metody integrace lineárních diferenciálních rovnic n-tého řádu s nekonstantními koeficienty | 78 |
| 5.1 Metody založené na uhodnutí všech funkcí fundamentálního systému .. | 78 |
| 5.2 Metoda variace konstant | 78 |
| 6. Některé metody zjednodušení lineárních diferenciálních rovnic n-tého řádu s nekonstantními koeficienty | 84 |
| 6.1 Snížení řádu | 84 |
| 6.2 Zavedení nové nezávisle proměnné | 89 |
| 6.3 Zavedení nové neznámé funkce | 90 |
| 6.4 Převedení lineární diferenciální homogenní rovnice druhého řádu na formálně samoadjungovaný tvar | 91 |
| 6.5 Převedení lineární diferenciální rovnice druhého řádu na tvar $\ddot{x}+Q(t)x=0$ | 92 |
| 6.6 Speciální případ - Riccatiova rovnice | 93 |
| 7. Rovnice s konstantními koeficienty | 93 |
| 7.1 Homogenní rovnice | 94 |
| 7.2 Nehomogenní rovnice | 98 |
| 8. Rovnice, které lze převést na rovnice s konstantními koeficienty | 103 |
| 8.1 Eulerovy rovnice | 103 |
| 8.2 Některé další typy lineárních diferenciálních rovnic n-tého řádu, které lze převést na rovnice s konstantními koeficienty | 105 |
| 9. Nulové body řešení homogenní lineární diferenciální rovnice druhého řádu | 106 |

| | |
|--|-----------------|
| 10. Cvičení | str. 117 |
| Kapitola 3 Základní pojmy teorie systémů diferenciálních rovnic..... | 120 |
| 1. Úvod..... | 120 |
| 2. Eukleidovský prostor, norma, metrika, maticová norma | 120 |
| 3. Vektorové a maticové funkce, derivace, integrál | 121 |
| 4. Soustavy diferenciálních rovnic prvního řádu. Věta o ekvivalence řešení soustavy diferenciálních rovnic prvního řádu a příslušné soustavy integrálních rovnic | 121 |
| 5. Prodloužení řešení, pojem maximálního řešení, pojem charakteristiky, směrové pole | 122 |
| Kapitola 4 Soustavy lineárních diferenciálních rovnic prvního řádu | 124 |
| 1. Vymezení pojmu | 124 |
| 2. Věta o existenci a jednoznačnosti řešení | 124 |
| 3. Vlastnosti množiny řešení soustav lineárních diferenciálních rovnic prvního řádu | 129 |
| 4. Vzorec pro řešení nehomogenní soustavy | 134 |
| 5. Příklady | 135 |
| 6. Cvičení | 138 |
| 7. Homogenní lineární diferenciální rovnice prvního řádu s konstantními koeficienty, případ jednotlivých kořenů charakteristické rovnice | 139 |
| 8. Homogenní lineární diferenciální rovnice prvního řádu s konstantními koeficienty, případ násobných kořenů charakteristické rovnice | 141 |
| 9. Zobecnění exponenciální funkce a její užití | 165 |
| 10. Vlastnosti řešení lineárních homogenních rovnic s konstantními koeficienty | 169 |
| 11. Soustavy lineárních nehomogenních diferenciálních rovnic prvního řádu s konstantní maticí | 173 |
| 12. Cvičení | 174 |
| Kapitola 5 Periodické lineární diferenciální rovnice | 176 |
| Kapitola 6 Asymptotický průběh řešení lineárních diferenciálních rovnic..... | 189 |
| Kapitola 7 Lineární diferenciální rovnice n-tého řádu jako speciální případ soustav rovnic prvního řádu | 195 |
| 1. Věta o existenci a jednoznačnosti | 195 |
| 2. Cvičení | 197 |
| Kapitola 8 Okrajové úlohy pro lineární diferenciální rovnice | 198 |
| 1. Úvod | 198 |
| 2. Formulace úlohy, základní pojmy, obecně nehomogenní okrajové podmínky | 198 |
| 3. Homogenní okrajové podmínky | 208 |
| 4. Greenova funkce, vlastní funkce a vlastní čísla okrajové úlohy | 222 |
| 5. Vlastní čísla a vlastní funkce okrajových úloh | 229 |
| 6. Přehled úlohy | 232 |
| Kapitola 9 Soustavy nelineárních diferenciálních rovnic prvního řádu | 234 |
| 1. Existence a jednoznačnost řešení | 234 |
| 2. Vlastnosti charakteristických funkcí | 243 |
| 3. Diferenciální rovnice s parametrem | 246 |
| 4. Cvičení | 255 |
| Kapitola 10 Autonomní systémy | 257 |
| 1. Úvod | 257 |
| 2. Základní vlastnosti autonomních systémů | 257 |
| 3. Cvičení | 258 |
| Kapitola 11 Stabilita | 259 |

| | |
|--|------------|
| 1. Úvod | str. 259 |
| 2. Pojem lјapunovské stability triviálního řešení. Základní předpoklady o diferenciální rovnici | 259 |
| 3. Pojem lјapunovské stability klidového stavu | 264 |
| 4. Kritéria lјapunovské stability pro lineární soustavy | 268 |
| 5. Metoda linearizace neelineárních soustav | 272 |
| 6. Exponenciální stabilita | 279 |
| Kapitola 12 Diferenciální rovnice n-tého řádu a jejich systému | 282 |
| 1. Úvod | 282 |
| 2. Základní pojmy | 282 |
| 3. Některé případy diferenciálních rovnic n-tého řádu řešitelné kvadraturami .. | 282 |
| 4. Cvičení | 285 |
| Literatura | 286 |