

## OBSAH

ÚVOD . . . . .	11
PŘEHLED POUŽITÝCH ZNAČEK . . . . .	14

### ČÁST PRVNÍ - ZÁKLADY STAVEBNÍ DYNAMIKY

#### Kapitola 1 DYNAMICKE ÚCINKY

1.1 Všeobecně o dynamických účincích . . . . .	19
1.2 Dynamická zatížení . . . . .	21
1.2.1 Deterministická zatížení působící v čase spojité	21
1.2.2 Deterministická zatížení působící v čase nespojité	24
1.2.3 Stochastické zatížení . . . . .	24
1.2.4 Smíšená zatížení . . . . .	25
1.3 Seismické účinky . . . . .	26
1.3.1 Seismické účinky vyvolané zemětřesením . . . . .	26
1.3.2 Seismické účinky vyvolané dopravou	27
1.3.3 Seismické účinky vyvolané explozemi trhavin	27
1.3.4 Seismické účinky vyvolané beraněním pilot	28

#### KOSUZOVÁNÍ STAVEBNÍCH KONSTRUKcí VYSTAVENÝCH DYNAMICkÝM ÚCINKÓM

2.1 Dynamická odezva . . . . .	29
2.2 Obecné zásady při posuzování dynamicky namáhaných konstrukcí . . . . .	30
2.3 Kritéria bezpečnosti . . . . .	31
2.3.1 První mezní stav . . . . .	31
2.3.2 Druhý mezní stav . . . . .	32
2.4 Kritéria provozní způsobilosti . . . . .	34
2.4.1 Účinky kmitání na člověka	34
2.4.2 Účinky kmitání na měřicí a jiné přístroje	34
2.4.3 Účinky kmitání na strojní a jiná technologická zařízení	35
2.4.4 Účinky kmitání šířících se podležím . . . . .	36

#### Kapitola 3 ZÁKLADY TEORIE KMITÁNÍ STAVEBNÍCH KONSTRUKCÍ

3.1 Předpoklady . . . . .	37
3.2 Rozdělení výpočtových modelů a metod teoretické stavební dynamiky . . . . .	38
3.3 Principy . . . . .	39
3.3.1 d'Alembertův princip pro pohyb hmotného bodu a hmotného centra . . . . .	39
3.3.2 d'Alembertův princip pro pohyb soustavy s konečným počtem hmotných center	40
3.3.3 d'Alembertův princip pro pohyb soustavy s nekonečným počtem hmotných bodů . . . . .	41
3.4 Druhy kmitání a jejich obecné vlastnosti . . . . .	42
3.5 Útlum provázející kmitání stavebních konstrukcí . . . . .	43

### ČÁST DRUHÁ - SOUSTAVY S JEDNÍM STUPNĚM VOLNOSTI

#### Kapitola 4 ZÁKLADY TEORIE KMITÁNÍ SOUSTAV O JEDNOM STUPNI VOLNOSTI

4.1 Soustava s jedním stupněm volnosti a její použití . . . . .	45
4.2 Mechanické charakteristiky . . . . .	46
4.2.1 Přetvárná charakteristika . . . . .	46
4.2.2 Napjatostní charakteristika	47
4.2.3 Setrvačná charakteristika . . . . .	47

4.2.4 Útlumová charakteristika . . . . .	47
4.3 Podmínky pohybové rovnováhy . . . . .	48
4.4 Obecný postup při stanovení pohybového vychýlení a pohybové napjatosti . . . . .	49
4.5 Číselný příklad . . . . .	50

**Kapitola 5  
KMITÁNÍ VLASTNÍ**

5.1 Pohybové vychýlení netlumené soustavy . . . . .	51
5.2 Pohybové vychýlení tlumené soustavy, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	52
5.3 Pohybová napjatost . . . . .	56
5.4 Integrační konstanty . . . . .	56
5.5 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	57
5.6 Číselný příklad . . . . .	58

**Kapitola 6  
VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ V ČASE SPOJITÝM ZATÍŽENÍM**

6.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	60
6.2 Pohybová napjatost . . . . .	62
6.3 Integrační konstanty . . . . .	62
6.4 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	63
6.5 Rozšíření úlohy . . . . .	63

**Kapitola 7  
VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ NÁHLÝM ÚČINKEM ZATÍŽENÍ STÁLÉ VEĽIKOSTI**

7.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení za obecných počátečních podmínek kmitání . . . . .	64
7.2 Pohybová napjatost za obecných počátečních podmínek kmitání . . . . .	65
7.3 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení při rozkmitu z klidu . . . . .	65
7.4 Pohybová napjatost při rozkmitu z klidu . . . . .	66
7.5 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	67
7.6 Číselný příklad . . . . .	67

**Kapitola 8  
VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ HARMONICKÝM ZATÍŽENÍM**

8.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení za obecných počátečních podmínek kmitání . . . . .	70
8.2 Pohybová napjatost za obecných počátečních podmínek kmitání . . . . .	71
8.3 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	72
8.4 Fáze pohybových stavů vynuceného kmitání . . . . .	74
8.5 Mimorezonanční rozkmit z klidu . . . . .	75
8.6 Rozkmit z klidu za rezonance . . . . .	75
8.7 Číselné příklady . . . . .	76
8.7.1 Příklad 1 . . . . .	76
8.7.2 Příklad 2 . . . . .	78
8.7.3 Příklad 3 . . . . .	79

**Kapitola 9  
VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ PERIODICKÝM ZATÍŽENÍM**

9.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	80
9.2 Pohybová napjatost . . . . .	81
9.3 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	81
9.4 Rezonanční kmitání . . . . .	82

9.5 Číselný příklad . . . . .	82
-------------------------------	----

#### Kapitola 10

##### VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ OPAKOVANĚ PŮSOBÍCÍMI DLOUHODOBÝMI IMPULZY

10.1 Úplné vynucené kmitání po dobu působení impulzů . . . . .	84
10.2 Vlastní kmitání v časových úsecích, v nichž nepůsobí impulzy . . . . .	85
10.3 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	86
10.4 Rezonanční kmitání . . . . .	86
10.5 Číselný příklad . . . . .	86

#### Kapitola 11

##### VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ OPAKOVANĚ PŮSOBÍCÍMI KRÁTKODOBÝMI IMPULZY

11.1 Vlastní kmitání v dílčím časovém intervalu . . . . .	89
11.2 Rezonanční kmitání . . . . .	90
11.2.1 Rezonanční kmitání prvního cyklu . . . . .	91
11.2.2 Rezonanční kmitání $N$ -tého cyklu . . . . .	92
11.3 Číselný příklad . . . . .	93

#### Kapitola 12

##### VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ JEDNODUCHÝMI SEISMICKÝMI ÚČINKY

12.1 Mechanické charakteristiky . . . . .	95
12.1.1 Přetvárná charakteristika . . . . .	95
12.1.2 Napjatostní charakteristika . . . . .	96
12.2 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	96
12.3 Pohybové napjatost . . . . .	97
12.4 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	97
12.5 Obecný příklad . . . . .	97

## **ČÁST TŘETÍ - SOUSTAVY S KONEČNÝM POČTEM STUPŇŮ VOLNOSTI**

#### Kapitola 13

##### ZÁKLADY TEORIE KMITÁNÍ SOUSTAV S KONEČNÝM POČTEM STUPŇŮ VOLNOSTI

13.1 Soustava s konečným počtem stupňů volnosti . . . . .	99
13.1.1 Definice soustavy . . . . .	99
13.1.2 Odvození soustavy z konkrétní konstrukce . . . . .	100
13.1.3 Zjednodušování soustav . . . . .	101
13.2 Mechanické charakteristiky . . . . .	101
13.2.1 Přetvárná charakteristika . . . . .	102
13.2.2 Napjatostní charakteristika . . . . .	102
13.2.3 Setrvačná charakteristika . . . . .	103
13.2.4 Utílumová charakteristika . . . . .	103
13.3 Podmínky pohybové rovnováhy . . . . .	103
13.4 Obecný postup při stanovení pohybového vychýlení a pohybové napjatosti . . . . .	104
13.5 Vlastnosti redukovaných matic tuhostí a poddajnosti . . . . .	105
13.6 Charakteristické vychýlení, zatížení a napjatost . . . . .	107
13.7 Finitní modální analýza . . . . .	107
13.8 Číselné příklady . . . . .	108
13.8.1 Příklad 1 . . . . .	108
13.8.2 Příklad 2 . . . . .	108
13.8.3 Příklad 3 . . . . .	109
13.8.4 Příklad 4 . . . . .	109

Kapitola 14  
KMITÁNÍ VLASTNÍ

14.1 Pohybové vychýlení netlumené soustavy . . . . .	110
14.2 Pohybové vychýlení tlumené soustavy, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	111
14.3 Pohybová napjatost . . . . .	113
14.4 Integrační konstanty . . . . .	113
14.5 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	114
14.6 Číselné příklady . . . . .	114
14.6.1 Příklad 1 . . . . .	114
14.6.2 Příklad 2 . . . . .	115

Kapitola 15  
VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ V ČASE SPOJITÝM ZATÍŽENÍM

15.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení , . . . . .	117
15.2 Pohybová napjatost . . . . .	118
15.3 Integrační konstanty . . . . .	118
15.4 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	119
15.5 Rozšíření úlohy . . . . .	119

Kapitola 16

VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ NÁHLÝM ÚČINKEM ZATÍŽENÍ STÁLÉ VELIKOSTI

16.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení za obecných počátečních podmínek pohybu . . . . .	120
16.2 Pohybová napjatost za obecných počátečních podmínek pohybu . . . . .	120
16.3 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení při rozkmitu z klidu .	121
16.4 Pohybová napjatost při rozkmitu z klidu . . . . .	121
16.5 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	121
16.6 Číselný příklad . . . . .	122

Kapitola 17

VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ JEDNODUCHÝM HARMONICKÝM ZATÍŽENÍM

17.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení za obecných počátečních podmínek kmitání . . . . .	125
17.2 Pohybová napjatost za obecných počátečních podmínek kmitání .	127
17.3 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	127
17.4 Mimorezonanční rozkmit soustavy z klidu . . . . .	128
17.5 Rozkmit soustavy z klidu za rezonance . . . . .	128
17.6 Rezonanční křivky . . . . .	128
17.7 Číselný příklad . . . . .	129

Kapitola 18

VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ JEDNODUCHÝM PERIODICKÝM ZATÍŽENÍM

18.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	133
18.2 Pohybová napjatost . . . . .	134
18.3 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	134
18.4 Rezonanční kmitání . . . . .	134
18.5 Číselný příklad . . . . .	135

Kapitola 19

VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ OPAKOVANĚ PŮSOBÍCÍMI DLOUHODOBÝMI IMPULZY

19.1 Úplné vynucené kmitání po dobu působení impulzů . . . . .	138
19.2 Vlastní kmitání v časových úsecích, v nichž nepůsobí impulzy . . . . .	139

19.3 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	140
19.4 Rezonanční kmitání . . . . .	140
19.5 Číselný příklad . . . . .	140

#### Kapitola 20

##### VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ OPAKOVANĚ PŮSOBÍCÍMI KRÁTKODOBÝMI IMPULZY

20.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	144
20.2 Pohybové napjatost . . . . .	145
20.3 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	145
20.4 Rezonanční kmitání . . . . .	145
20.5 Číselný příklad . . . . .	146

#### Kapitola 21

##### VYNUCENÉ KMITÁNÍ VYVOLANÉ JEDNODUCHÝMI SEISMICKÝMI ÚČINKY

21.1 Mechanické charakteristiky . . . . .	149
21.1.1 Přetvárné charakteristiky . . . . .	149
21.1.2 Napjatostní charakteristiky . . . . .	150
21.2 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	150
21.3 Pohybové napjatost . . . . .	152
21.4 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	152
21.5 Obecný příklad . . . . .	152

## ČÁST ČTVRTÁ - SOUSTAVY S NEKONEČNÝM POČTEM STUPŇŮ VOLNOSTI

#### Kapitola 22

##### OHYBOVÉ KMITÁNÍ ŠTÍHLÝCH PŘÍMÝCH NOSNÍKŮ

22.1 Definice soustavy, její mechanické charakteristiky a podmínky pohybové rovnováhy . . . . .	154
22.2 Kmitání vlastní . . . . .	155
22.2.1 Pohybové vychýlení netlumené soustavy . . . . .	155
22.2.2 Pohybové vychýlení tlumené soustavy, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	160
22.2.3 Pohybové napjatost . . . . .	161
22.2.4 Integrační konstanty . . . . .	161
22.2.5 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	162
22.2.6 Číselný příklad . . . . .	162
22.3 Vynucené kmitání vyvolané v čase spojitým zatížením . . . . .	164
22.3.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	164
22.3.2 Pohybové napjatost . . . . .	165
22.3.3 Integrační konstanty . . . . .	165
22.3.4 Absolutní extrémy pohybových stavů . . . . .	166
22.3.5 Rezonanční kmitání . . . . .	166
22.3.6 Číselný příklad . . . . .	167
22.4 Kmitání vyvolané krátkodobým impulzovým zatížením . . . . .	168
22.4.1 V čase ojediněle působící impulzové zatížení . . . . .	168
22.4.2 Opakující se impulzové zatížení . . . . .	169
22.4.3 Číselný příklad . . . . .	170
22.5 Vynucené kmitání vyvolané nehmotným pohyblivým břemenem . . . . .	171
22.5.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlení . . . . .	172
22.5.2 Pohybové napjatost . . . . .	172
22.5.3 Integrační konstanty . . . . .	173
22.5.4 Absolutní extrémy pohybových stavů, kritické rychlosti . . . . .	173
22.5.5 Obecný a číselný příklad . . . . .	173

#### Kapitola 23

##### OHYBOVÉ KMITÁNÍ TENKÝCH OBDĚLNÍKOVÝCH DESEK

23.1 Definice soustavy, její mechanické charakteristiky a podmínky pohybové rovnováhy . . . . .	175
---	-----

23.2 Kmitání vlastní . . . . .	177
23.2.1 Pohybové vychýlení netlumené soustavy . . . . .	177
23.2.2 Pohybové vychýlení tlumené soustavy, jeho rychlosť a zrychlenie . . . . .	181
23.2.3 Pohybová napätosť . . . . .	182
23.2.4 Integračné konstanty . . . . .	183
23.2.5 Absolutné extrémy pohybových stavov . . . . .	183
23.2.6 Číselný príklad . . . . .	183
23.3 Vynucené kmitání vyvolané v čase spojitým zatížením . . . . .	185
23.3.1 Pohybové vychýlení, jeho rychlosť a zrychlenie . . . . .	185
23.3.2 Pohybová napätosť . . . . .	186
23.3.3 Integračné konstanty . . . . .	187
23.3.4 Absolutné extrémy pohybových stavov . . . . .	187
23.3.5 Resonančné kmitání . . . . .	187
23.3.6 Číselný príklad . . . . .	187
23.4 Kmitání vyvolané krátkodobým impulzovým zatížením . . . . .	188
23.4.1 V čase jediného pôsobiaci impulzové zatížení . . . . .	189
23.4.2 Opakujúci sa impulzové zatížení . . . . .	189
23.4.3 Číselný príklad . . . . .	190

## ČASŤ PÁTA - NĚKTERÉ TECHNICKÝ VÝZNAMNÉ ÚLOHY

### Kapitola 24

#### ZÁKLADY POD STROJI VYVOZUJÍCÍMI DYNAMICKÉ ÚCINKY

24.1 Mechanické charakteristiky tuhého základu na Winklerově podloži . . . . .	194
24.2 Mechanické charakteristiky tuhého základu uloženého na pružných podložkach . . . . .	197
24.3 Mechanické charakteristiky tuhého základu uloženého na izolátorech . . . . .	199
24.4 Kombinovaná zapojení pružných prvkov . . . . .	200

### Kapitola 25

#### PŘIBLIŽNÉ VYŠETŘOVÁNÍ DYNAMICKÉ ODEZVY VODOHOSPODÁRSKÝCH KONSTRUKCIÍ NA ÚCINKY PROUDIČÍ VODY

25.1 Vysvetlení úlohy . . . . .	200
25.2 Pohybové stavy a jejich absolutné extrémy . . . . .	202
25.3 Číselný príklad . . . . .	204

### Kapitola 26

#### TECHNICKÝ ZPŮSOB POSUZOVÁNÍ STAVEBNÍCH KONSTRUKCIÍ NA ÚCINKY ZEMĚTŘESENÍ

26.1 Seismické sily . . . . .	206
26.2 Posouzení odolnosti . . . . .	208
26.3 Hlavní zásady při navrhování stavebních konstrukcí vystavených účinkům zemětřesení . . . . .	208

## ČASŤ ŠESTÁ - NĚKTERÉ POUŽITÉ MATEMATICKÉ PROSTŘEDKY

### Kapitola 27

#### ZÁKLADY ALGEBRY MATIC

27.1 Úvodní poznámky . . . . .	210
27.2 Zápis matic, jejich typ a druh . . . . .	211
27.3 Nejdůležitější speciální matice . . . . .	212
27.4 Základní vlastnosti čtvercových matic . . . . .	214
27.5 Transponování matic, rovnost matic a násobení matic číslem . . . . .	215
27.6 Sečítání matic . . . . .	216
27.7 Skalární součin vektorů . . . . .	216

27.8 Násobení matic . . . . .	216
27.9 Matice adjungovaná . . . . .	219
27.10 Matice inverzní . . . . .	220
27.11 Dělení matic . . . . .	222
27.12 Mocniny a odmocniny matic . . . . .	223
27.13 Derivování a integrování funkčních matic . . . . .	224
27.14 Základní maticová rovnice a její řešení . . . . .	225
27.15 Řešení rovnice $\begin{bmatrix} A & J \\ J & X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & I \end{bmatrix}$ , je-li matice $\begin{bmatrix} A & J \end{bmatrix}$ singulární . . . . .	226

#### Kapitola 28

##### ÚLOHA O CHARAKTERISTICKÝCH VELIČINÁCH ČÍSELNÝCH MATIC

28.1 Úvodní poznámky, objasnění úlohy . . . . .	227
28.2 Charakteristická čísla . . . . .	228
28.3 Charakteristické vektory . . . . .	231
28.4 Normování charakteristických vektorů . . . . .	235
28.5 Ortogonalita . . . . .	236
28.6 Podobnostní transformace . . . . .	237
28.7 Některé důležité věty o charakteristických veličinách . . . . .	238
28.8 Využití ortogonality charakteristických vektorů . . . . .	239
<b>SEZNAM POUŽITÉ A DOPORUČENÉ LITERATURY . . . . .</b>	<b>243</b>