

# OBSAH:

I. Pojmy základní. Skaláry, vektory, tensory.	Str.
Odst.	
1. Skaláry . . . . .	1
2. Vektory . . . . .	1
3. Tensory . . . . .	1
4. Soustavy souřadnic . . . . .	1
5. Určovací části skalárů, vektorů a tensorů . . . . .	2
Poznámka.	
<b>II. Elementární operace vektorové.</b>	
1. Sčítání a odčítání vektorů . . . . .	3
6., 7. Definice a vlastnosti součtu vektorového . . . . .	3, 4
8. Odečítání vektorů . . . . .	4
9. Součet stejných sčítanců . . . . .	4
2. Rozklad vektorů na složky	
10. Složky vektorů v přímce, v rovině a v prostoru . . . . .	5
11. Vektory jednotkové . . . . .	6
Cvičení 1. . . . .	6
3. O součinách vektorových . . . . .	8
12. Násobení skalárů vektory . . . . .	8
13. Analytický součin dvou vektorů . . . . .	8
Součin geometrický.	
14.—16. Součin skalární, vnější a vektorový . . . . .	8, 9
17. Doplňek vektorů . . . . .	10
18. Součiny v souřadnicích kartézských . . . . .	10
19. Hamiltonovy kvaterniony . . . . .	11
20.—21. Čelnější vlastnosti součinu skalárního a vektorového . . . . .	12
22.—30. Fyzikální význam součinu skalárního a vektorového . . . . .	14—18
31. Vektory polárně a axiálně . . . . .	18
Cvičení 2. . . . .	21
4. Součiny více vektorů . . . . .	22
32. Úvod. Užívání závorek . . . . .	22
33. Skalární součin tří vektorů . . . . .	22
34. > > < > Vlastnosti . . . . .	23
35. Vektory reciproké . . . . .	24
36. Kovariantní a kontravariantní vektory . . . . .	25
37. Vektorový součin tří vektorů . . . . .	25
38.—39. > > > > Vlastnosti . . . . .	27
40.—41. Skalární a vektorový součin dvou vektorů axiálních . . . . .	28
42. > > > > Fyzikální význam . . . . .	29
5. Podíly vektorů . . . . .	29
43. Definice a význam těchto podílů . . . . .	29
Cvičení 3. . . . .	30
<b>III. Diferenciální počet vektorový.</b>	
44. 1. Vektor jakožto funkce skalární proměnné . . . . .	31
45.—46. Pravidla derivování . . . . .	32, 33
47. Použití fyzikální . . . . .	33
Cvičení 4. . . . .	35

Odst.	Str.
2. Diferenciální operátory . . . . .	36
48. Skalární funkce bodová. Derivace skalární funkce ve směru vektoru $r$ . — Gradient . . . . .	36
49. — Příklad . . . . .	39
50. Gradient složených funkcí skalárních . . . . .	40
51. Význam fyzikální . . . . .	40
52. Derivace funkce vektorové ve směru vektoru $r$ . Operátor $(dr \nabla)$ při argumentu vektoriálním . . . . .	41
53. Casová změna vektorů . . . . .	42
54. Další operátory. Divergence a rotace vektoru . . . . .	43
55. Fyzikální význam divergence a rotace . . . . .	44
56. Divergence, gradient . . . . .	44
57. Rotace . . . . .	46
58. Fyzikální význam rotace . . . . .	46
59. „ „ „ jiný význam . . . . .	48
60. Rotace gradientu . . . . .	49
61. Divergence rotace . . . . .	49
62. Pole lamelární a komplex-lamelární . . . . .	50
63. Operátory vzhledem k paritě vektorů, resp. skaláru . . . . .	50
64. Operátory vektorových součinů . . . . .	51
65. Diferenciální operátory pro funkce polohových vektorů . . . . .	51
66. Některé speciální výsledky . . . . .	52
67.—69. 3. Obdoba řady Taylorovy . . . . .	53—55
70. 4. Diferenciální operátory druhého řádu . . . . .	57
71.—72. Fyzikální význam operátoru Laplaceova. Ostatní operátory 2. řádu . . . . .	59
Cvičení 5. 5. Vektorové výrazy v souřadnicích křivočarých. . . . .	59
73. Úvod . . . . .	60
74.—76. Divergence, gradient, rotace . . . . .	61, 62
77. Operátor Laplaceův . . . . .	64
Cvičení 6 . . . . .	64

#### IV. Integrální počet vektorový.

78. 1. Integrály základní . . . . .	65
79. 2. Skalární integrály křívkové . . . . .	66
80. „ „ „ Použití fyzikální . . . . .	67
81. 3. Integrály plošné. Věta Gaussova. Integrální definice operátorů . . . . .	68
82. Rovnice Laplaceova . . . . .	70
83.—87. 4. Integrály křívkové . . . . .	71—74
88. Věta Stokesova . . . . .	75
89. Věta Greenova . . . . .	76
90. „ „ „ Důsledky . . . . .	77
91. Vektorová obdoba věty Greenovy . . . . .	78
92.—94. „ „ „ „ Důsledky . . . . .	78—80
95. 5. Integrální operátory . . . . .	81
96. Fyzikální význam . . . . .	82
97.—99. Vlastnosti operátorů . . . . .	83—84
100. 6. Rovnice Maxwellovy pro isotr. média klidná . . . . .	85
Cvičení 7 . . . . .	87

#### V. Počátky počtu tensorového.

101.—102. Úvod na základě příkladů . . . . .	88—90
103. Skalární součin dvou dyad . . . . .	90
104. Celistvé mocnosti tensorů . . . . .	91
105. Tensory symetrické a antisymetrické . . . . .	91
106. Tensory inversní . . . . .	92
107. Rovnice Hamilton-Cayleyova . . . . .	93
108. Invariante lineární homogenní funkce vektorové . . . . .	94

Odst.	Str.
109. Geometrický význam tensoru . . . . .	96
110. Tvary normální . . . . .	96
111. Geometrický význam invariantů . . . . .	97
112. Tensory souměrné . . . . .	98
113. Rozbor kubické rovnice . . . . .	99
114. Kubická rovnice pro tensory souměrné . . . . .	102
115. Tensory planární a lineární . . . . .	103
116. Tensorové pole. Fysikální použití počtu tensorového . . . . .	103
117. Deformace infinitesimální koule v pohybující se kapalině . . . . .	104
118. Elipsoid setrvácnosti . . . . .	106
119. Rovnice Maxwellovy pro media krystalická . . . . .	108
120. Síření se světla v mediích krystalických . . . . .	108

## VI. Některá užití počtu vektorového v theorii čar a ploch.

121. Čáry prostorové. Formule Frenetovy . . . . .	112
122. Křivost a torse čar prostorových . . . . .	114
123. Křivost ploch. Úvahy základní . . . . .	115
124. Čáry na plochách . . . . .	117
125. Křivost normálních řezů. Theorem Eulerův. . . . .	117
Cvičení 8. . . . .	118

---

## BIBLIOGRAFIE.

### A. DÍLA KLASICKÁ:

*Möbius*: Der baryzentrische Kalkül et c. Lipsko 1827.

*Grassmann*: Die Ausdehnungslehre von 1844. Berlin 1862. Lipsko 1878.

*Hamilton R. W.*: Lectures on Quaternions. Dublin 1853. Elements of Quaternions 1. ed. 1866, německy od Glana, Lipsko 1884.

*Tait*: Traité élémentaire des quaternions. Německy od Scherffa. Lipsko 1880

### B. UČEBNICE:

#### 1. české:

*A. Libický*: Vektorová analysis. Praha 1914.

*B. Kučera*: Základy mechaniky tuhých těles. Praha 1921.

#### 2. cizojazyčné:

*A. Bucherer*: Elemente der Vektor-analysis. Lipsko 1903 (stran 91). Kniha starší, hojný zřetel k aplikacím fyzikálním, symbolika starší.

*E. Jahnke*: Vorlesungen über die Vektorenrechnung. Lipsko 1905 (stran 235). Kniha užívá method Grassmannových a obsahuje mimo aplikaci geometrických. Diferenciální a integrální počet stručně, o tensorovém počtu jen zmínka.

*W. v. Ignatowski*: Die Vektoranalysis und ihre Anwendung in der theoretischen Physik. Lipsko 1909. 2. nezm. vyd. 1921. Díl I. 111 str. Veškeré operace vektorové definovány nezávisle na systému současném. Vychází od integrálních definicí veškerých operátorů. Tensorový počet stručně. II. díl (120) obsahuje aplikace ze všech téměř oborů fysiky.