

## OBSAH

Předmluva . . . . .	9
---------------------	---

### Úvod

1. Komplexní čísla . . . . .	11
1.1 Základní vlastnosti komplexních čísel . . . . .	11
1.2 Geometrické znázornění a goniometrické vyjádření komplexních čísel . . . . .	14
2. Funkce . . . . .	20
2.1 Pojem funkce . . . . .	20
2.2 Graf funkce . . . . .	21
2.3 Mnohočleny . . . . .	26
2.4 Funkce komplexní proměnné . . . . .	31

### Část I. Rovnice o jedné neznámé

1. Algebraické rovnice prvního až čtvrtého stupně . . . . .	35
1.1 Rovnice . . . . .	35
1.2 Rovnice prvního a druhého stupně s reálnými koeficienty . . . . .	36
1.3 Rovnice prvního a druhého stupně s komplexními koeficienty . . . . .	43
1.4 Rovnice třetího stupně . . . . .	46
1.5 Rovnice čtvrtého stupně . . . . .	50
1.6 Neřešitelnost rovnic vyšších stupňů odmocninami . . . . .	52
2. Základní vlastnosti algebraických rovnic a metody řešení některých typů rovnic . . . . .	54
2.1 Základní věta algebry . . . . .	54
2.2 Souvislost kořenů a koeficientů algebraické rovnice . . . . .	57
2.3 Algebraické rovnice s komplexními koeficienty . . . . .	59
2.4 Binomické rovnice . . . . .	60
2.5 Reciproké rovnice . . . . .	63
2.6 Goniometrické řešení kvadratických a kubických rovnic . . . . .	67
2.7 Jiné příklady . . . . .	79
3. Poloha kořenů algebraické rovnice v komplexní rovině . . . . .	84
3.1 Význam grafu pro přibližné určení polohy reálných kořenů . . . . .	84
3.2 Horní a dolní hranice reálných kořenů . . . . .	85
3.3 Počet reálných kořenů v daném intervalu . . . . .	89
3.4 Komplexní kořeny algebraické rovnice . . . . .	96
4. Nealgebraické rovnice . . . . .	101
4.1 Rovnice obsahující neznámou ve jmenovateli . . . . .	101

4.2 Rovnice s absolutními hodnotami . . . . .	103
4.3 Iracionální rovnice . . . . .	105
4.4 Transcendentní rovnice . . . . .	109
4.5 Goniometrické rovnice . . . . .	112
<b>5. Přibližné metody řešení rovnic . . . . .</b>	<b>119</b>
5.1 Separace kořenů . . . . .	119
5.2 Grafické metody . . . . .	122
5.3 Lagrangeova metoda . . . . .	129
5.4 Metoda Gräffova-Lobačevského . . . . .	131
5.5 Linova metoda . . . . .	134
5.6 Iterační metody . . . . .	135
5.7 Podmínky a rychlosť konvergencie iteráčnych metod . . . . .	139
5.8 Metoda tětiv (regula falsi) . . . . .	141
5.9 Newtonova metoda . . . . .	144
5.10 Iterační metody vyšších rádov . . . . .	149
5.11 Výpočet kořene kvadratickou interpolácií . . . . .	150
5.12 Odhad chyby při použití iteráčnych metod . . . . .	152
<b>6. Slovní úlohy . . . . .</b>	<b>155</b>

## Část II. Soustavy lineárních rovnic

<b>1. Nejjednodušší soustavy a jejich řešení . . . . .</b>	<b>161</b>
1.1 Metoda dosazování a sčítání . . . . .	161
1.2 Slovní úlohy . . . . .	164
<b>2. Matice a determinanty . . . . .</b>	<b>168</b>
2.1 Matice . . . . .	168
2.2 Některé zvláštní druhy matic . . . . .	170
2.3 Lineární závislost . . . . .	171
2.4 Lineární kombinace . . . . .	175
2.5 Hodnost matice . . . . .	176
2.6 Elementární úpravy matice . . . . .	177
2.7 Determinant . . . . .	180
2.8 Rozvoj determinantu . . . . .	183
2.9 Další vlastnosti determinantu . . . . .	186
<b>3. Řešitelnost soustav lineárních rovnic . . . . .</b>	<b>191</b>
3.1 Některé základní pojmy . . . . .	191
3.2 Podmínky existence řešení soustav lineárních rovnic . . . . .	193
<b>4. Řešení soustav lineárních rovnic . . . . .</b>	<b>197</b>
4.1 Metoda dosazování (substituční) . . . . .	197
4.2 Gaussova eliminační metoda . . . . .	200
4.3 Řešení soustav s menší hodností . . . . .	204
4.4 Cramerovo pravidlo . . . . .	206
4.5 Numerický výpočet determinantu . . . . .	208
<b>5. Přibližné metody řešení soustav lineárních rovnic . . . . .</b>	<b>214</b>
5.1 Metoda iterací . . . . .	214
5.2 Seidelova metoda . . . . .	216

### **Část III. Soustavy nelineárních rovnic**

<b>1. Exaktní metody řešení soustav nelineárních rovnic . . . . .</b>	<b>219</b>
1.1 Řešitelnost soustav algebraických rovnic . . . . .	220
1.2 Soustavy dvou algebraických rovnic o dvou neznámých . . . . .	224
1.3 Některé soustavy speciálního typu . . . . .	228
1.4 Soustavy nealgebraických rovnic. . . . .	231
<b>2. Přibližné řešení soustav rovnic . . . . .</b>	<b>236</b>
2.1 Metoda iterací . . . . .	236
2.2 Newtonova metoda. . . . .	238
2.3 Jiné metody. . . . .	240
<b>Literatura . . . . .</b>	<b>241</b>
<b>Rejstřík . . . . .</b>	<b>242</b>