

# OBSAH.

| Článek                                    | Úvod. | Strana |
|---|-------|--------|
| Geometrická věda . . . . .                |       | 1      |
| Korespondence (transformace) . . . . .    |       | 2      |
| Metoda geometrická a analytická . . . . . |       | 4      |
| Prvky nevlastní . . . . .                 |       | 5      |
| Projektivní geometrie . . . . .           |       | 6      |
| Vývoj geometrie projektivní . . . . .     |       | 9      |
| Literatura . . . . .                      |       | 12     |

## I. Základy projektivní geometrie.

|   |    |
|---|----|
| 1. Postuláty I. (o incidenci prvků) . . . . .                                 | 15 |
| 2. Jednoduché věty a konstrukce . . . . .                                     | 17 |
| 3. Základní útvary . . . . .  | 18 |
| 4. Základní výkony . . . . .  | 20 |
| 5. Princip (zákon) duálnosti . . . . .  | 22 |
| 6. Jednoduché konfigurace . . . . .   | 24 |
| 7. Věta Desarguesova (o trojúhelnících) . . . . .                             | 27 |
| 8. Užití a rozšíření věty Desarguesovy . . . . .                              | 32 |
| 9. Postuláty II. (o uspořádání prvků v jednomocných útvarech zákl.) . . . . . | 36 |
| 10. Postulát III. (o spojitosti jednomocných útvarů zákl.) . . . . .          | 39 |

## II. Projektivnost mezi základními útvary prvního řádu.

|  |    |
|--|----|
| 11. Útvary perspektivní . . . . .  | 44 |
| 12. Útvary projektivní . . . . .   | 45 |
| 13. Čtyřhrnové skupiny prvků . . . . .   | 51 |
| 14. Harmonické skupiny prvků . . . . .   | 55 |
| 15. Konstrukce a projektivnost harmonických skupin . . . . .                     | 58 |
| 16. Racionální soustava prvků . . . . .  | 62 |
| 17. Určenost projektivní transformace (základní věta o projektivnosti) . . . . . | 63 |
| 18. Konstrukce projektivnosti . . . . .  | 66 |
| 19. Zavedení souřadnic . . . . .   | 72 |
| 20. Rovnice projektivnosti . . . . .   | 77 |
| 21. Jiné rovnice projektivnosti; projektivnost zvrhlá . . . . .                  | 83 |
| 22. Dvojpoměr . . . . .  | 86 |
| 23. Další vlastnosti dvojpoměru . . . . .  | 91 |

## III. Projektivnost souměrných útvarů jednomocných.

|   |     |
|---|-----|
| 24. Samodružné prvky . . . . .          | 97  |
| 25. Význam prvků samodružných . . . . . | 101 |
| 26. Prvky imaginární . . . . .          | 106 |

| Článek  | Strana |
|---|--------|
| 27. Involuční projektivnost . . . . .                             | 109    |
| 28. Rovnice involuční projektivnosti . . . . .                    | 113    |
| 29. Involuce k projektivnosti přidružená . . . . .                | 117    |
| 30. Produkt dvou involucí . . . . .                               | 122    |
| 31. Periodické projektivnosti . . . . .                           | 125    |
| 32. Jeden a dva prvky v základním útvaru jednomocném . . . . .    | 129    |
| 33. Skupiny $n$ prvků . . . . .                                   | 134    |
| 34. Invarianty forem binárních . . . . .                          | 140    |
| 35. Grupy projektivností v základním útvaru jednomocném . . . . . | 148    |

#### IV. Útvary odvozené z projektivních útvarů jednomocných.

|  |     |
|--|-----|
| 36. Křivka druhého stupně a křivka druhé třídy . . . . .                     | 156 |
| 37. Kužel druhého stupně a kužel druhé třídy . . . . .                       | 164 |
| 38. Přímková řada druhého stupně a druhé třídy . . . . .                     | 168 |
| 39. Souvislost přímkové řady kvadratické s útvary předcházejícími . . . . .  | 172 |
| 40. Věty Pascalova a Brianchonova . . . . .                                  | 177 |
| 41. Desarguesova věta o kuželosečkách . . . . .                              | 185 |
| 42. Svazek a řada kuželoseček . . . . .                                      | 187 |
| 43. Projektivní útvary kvadratické . . . . .                                 | 191 |
| 44. Projektivnost soumísných útvarů kvadratických . . . . .                  | 196 |
| 45. Úlohy druhého stupně . . . . .   | 202 |
| 46. Útvary vytvořené projektivními útvary lineárním a kvadratickým . . . . . | 207 |
| 47. Křivka třetího stupně v prostoru (a útvar duální) . . . . .              | 211 |
| 48. Projektivnost bodových řad kubických . . . . .                           | 216 |
| 49. Útvary vytvořené dvěma projektivními útvary kvadratickými . . . . .      | 219 |

#### V. Projektivnost mezi základními útvary druhého řádu.

|  |     |
|--|-----|
| 50. Definice projektivnosti, její určení a konstrukce . . . . .    | 224 |
| 51. Útvary odpovídající sobě v kolineaci nebo v korelaci . . . . . | 232 |
| 52. Útvary perspektivní . . . . .                                  | 235 |
| 53. Souřadnice bodu a souřadnice přímky v rovině . . . . .         | 237 |
| 54. Rovnice přímky a bodu v rovině; kuželosečka . . . . .          | 245 |
| 55. Analytické vyjádření kolineace . . . . .                       | 250 |
| 56. Analytické vyjádření korelace . . . . .                        | 254 |

#### VI. Kolineace a korelace soumísných útvarů dvojmocných.

|  |     |
|--|-----|
| 57. Typy kolineací v rovině . . . . .                                  | 257 |
| 58. Homologie (a elace) . . . . .                                      | 264 |
| 59. Kolineace nehomologické . . . . .                                  | 271 |
| 60. Involuční kolineace; kolineace periodické . . . . .                | 274 |
| 61. Kolineace s invariantní kuželosečkou . . . . .                     | 279 |
| 62. Konečné grupy kolineací v rovině . . . . .                         | 283 |
| 63. Spojité grupy kolineací v rovině . . . . .                         | 287 |
| 64. Vlastnosti korelace rovinné . . . . .                              | 291 |
| 65. Typy korelací v rovině . . . . .                                   | 296 |
| 66. Involuční korelace čili polárnost . . . . .                        | 299 |
| 67. Vlastnosti korelace polární . . . . .                              | 302 |
| 68. Kuželosečka jako incidenční čára polárnosti rovinné . . . . .      | 307 |
| 69. Rovinná polárnost určená kuželosečkou; vztahy analytické . . . . . | 315 |

#### VII. Čáry rovinné.

|   |     |
|---|-----|
| 70. Čáry druhého stupně a druhé třídy . . . . . | 320 |
| 71. Polární vlastnosti kuželoseček . . . . .    | 334 |

| Článek   | Strana |
|--|--------|
| 72. Kuželosečka jako křivka racionální; příslušné projektivnosti . . . | 342    |
| 73. Svazek a řada kuželoseček . . . . .                                | 347    |
| 74. Algebraické čáry $n$ -tého stupně (a $r$ -té třídy) . . . . .      | 358    |
| 75. Singulární body a přímky . . . . .                                 | 364    |
| 76. Čáry polární . . . . .   | 371    |
| 77. Čára Hesseova . . . . .  | 377    |
| 78. Parametrické vyjádření; čáry racionální . . . . .                  | 383    |
| 79. Soustavy čar algebraických . . . . .                               | 387    |
| 80. Čáry třetího stupně . . . . .                                      | 394    |
| 81. Kovariantní čáry kubiky . . . . .                                  | 405    |
| 82. Racionální čáry 3. stupně . . . . .                                | 411    |
| 83. Čáry čtvrtého stupně . . . . .                                     | 416    |
| 84. Racionální čáry bikvadratické . . . . .                            | 425    |

### VIII. Útvary odvozené z projektivních útvarů dvojmoenných.

|  |     |
|--|-----|
| 85. Přímkové kongruence 1. stupně nebo 1. třídy; kongruence lineární . . . . . | 433 |
| 86. Kongruence prvního stupně druhé nebo třetí třídy a útvary duální . . . . . | 437 |
| 87. Prostorová čára třetího stupně (a útvary duální) . . . . .                 | 441 |
| 88. Určenost prostorové čáry 3. stupně . . . . .                               | 445 |
| 89. Plocha druhého stupně a plocha druhé třídy . . . . .                       | 449 |
| 90. Polární prvky vzhledem k ploše 2. stupně . . . . .                         | 453 |
| 91. Druhy ploch kvadratických . . . . .  | 458 |
| 92. Soustavy ploch kvadratických . . . . .                                     | 463 |
| 93. Sestrojení plochy kvadratické z devíti bodů . . . . .                      | 472 |
| 94. Plocha třetího stupně . . . . .  | 479 |
| 95. Přímky na ploše 3. stupně . . . . .  | 485 |
| 96. Plocha 3. stupně s bodem dvojným . . . . .                                 | 491 |

### IX. Kolineace základních útvarů trojmoenných.

|  |     |
|--|-----|
| 97. Kolineace a její stanovení . . . . .                             | 495 |
| 98. Souřadnice v prostoru . . . . .                                  | 500 |
| 99. Rovnice roviny, bodu i přímky v prostoru . . . . .               | 509 |
| 100. Analytické vyjádření kolineace . . . . .                        | 514 |
| 101. Typy kolineací v prostoru . . . . .                             | 519 |
| 102. Analytická klasifikace kolineací prostorových . . . . .         | 526 |
| 103. Homologie . . . . .   | 529 |
| 104. Dvojosá kolineace . . . . .                                     | 532 |
| 105. Kolineace osová a kolineace s invariantním čtyrstěnem . . . . . | 537 |
| 106. Involuční kolineace prostorové . . . . .                        | 542 |
| 107. Kolineace periodické . . . . .                                  | 547 |
| 108. Útvary odpovídající sobě v kolineaci . . . . .                  | 549 |
| 109. Kolineace s invariantní plochou 2. stupně . . . . .             | 554 |
| 110. Kolineace s invariantní prostorovou čarou 3. stupně . . . . .   | 560 |
| 111. Konečné grupy kolineací v prostoru . . . . .                    | 564 |
| 112. Spojité grupy kolineací prostorových . . . . .                  | 568 |

### X. Korelace základních útvarů trojmoenných.

|  |     |
|--|-----|
| 113. Korelace a její stanovení . . . . .                                   | 578 |
| 114. Analytické vyjádření korelace . . . . .                               | 584 |
| 115. Vlastnosti korelace v prostoru . . . . .                              | 586 |
| 116. Involuční korelace prostorové, polární a nulová . . . . .             | 592 |
| 117. Vlastnosti korelace polární . . . . .                                 | 596 |
| 118. Plocha kvadratická jako základní útvar polární korelace . . . . .     | 600 |
| 119. Lineární komplex přímek jako základní útvar nulové korelace . . . . . | 605 |

| Článek  | <b>XI. Plochy a čáry prostorové.</b> | Strana |
|---|--------------------------------------|--------|
| 120. Plochy druhého stupně a druhé třídy . . . . .                            |                                      | 613    |
| 121. Roztřídění ploch kvadratických . . . . .                                 |                                      | 620    |
| 122. Polární vlastnosti ploch kvadratických . . . . .                         |                                      | 625    |
| 123. Svazek (a řada) ploch kvadratických . . . . .                            |                                      | 630    |
| 124. Algebraické plochy $n$ -tého stupně (a plochy $\nu$ -té třídy) . . . . . |                                      | 638    |
| 125. Plochy polární; plocha Hesseova . . . . .                                |                                      | 644    |
| 126. Plochy třetího stupně . . . . .  |                                      | 653    |
| 127. Plochy čtvrtého stupně . . . . .   |                                      | 659    |
| 128. Algebraické čáry prostorové a útvary duální . . . . .                    |                                      | 674    |
| 129. Prostorová čára třetího stupně . . . . .                                 |                                      | 685    |
| 130. Prostorové čáry čtvrtého stupně . . . . .                                |                                      | 690    |

### XII. Útvary přímkové.

|  |     |
|--|-----|
| 131. Souřadnice přímky v prostoru; přímkové útvary . . . . . | 698 |
| 132. Lineární komplex přímek . . . . .                       | 706 |
| 133. Soustavy lineárních komplexů . . . . .                  | 712 |
| 134. Kvadratický komplex . . . . .                           | 718 |
| 135. Některé jednoduché komplexy kvadratické . . . . .       | 726 |
| 136. Algebraický komplex $n$ -tého stupně . . . . .          | 735 |
| 137. Algebraické kongruence . . . . .                        | 742 |
| 138. Kongruence druhého stupně . . . . .                     | 749 |
| 139. Algebraické plochy zbrocené . . . . .                   | 755 |
| 140. Zbrocené plochy třetího a čtvrtého stupně . . . . .     | 761 |

### XIII. Projektivnost a útvary prostoru $r$ -rozměrného.

|  |     |
|--|-----|
| 141. Prostor $r$ -rozměrný . . . . .   | 768 |
| 142. Projektivnost dvou (různých) prostorů . . . . .                                 | 779 |
| 143. Souřadnice v $S_r$ ; rovnice prostorů nižších, rovnice projektivnosti . . . . . | 787 |
| 144. Kolineace prostoru $S_r$ . . . . .  | 796 |
| 145. Korelace prostoru $S_r$ . . . . .   | 805 |
| 146. Nadplochy kvadratické a jejich svazky . . . . .                                 | 816 |
| 147. Algebraické nadplochy . . . . .   | 826 |
| 148. Čáry, hlavně racionální . . . . .   | 837 |
| 149. Plochy, zejména racionální přímkové . . . . .                                   | 846 |
| 150. Algebraické variety bodové . . . . .  | 856 |
| Seznam věcný . . . . .   | 865 |