

# OBSAH:

## Úvod.

Odstavec	Strana
1. Některé předpoklady z funkční teorie . . . . .	1
<b>Část prvá. Čtyři thetafunkce Jacobiho.</b>	
2. Definice čtyř thetafunkcí Jacobiho . . . . .	6
3. Konvergence thetařad . . . . .	9
4. Rozvoje trigonometrické . . . . .	10
5. Rozvoje Mac Laurinovy . . . . .	11
6. Síť period . . . . .	12
7. Funkcionální rovnice . . . . .	13
8. Poloperiody . . . . .	13
9. Funkcionální tabulka . . . . .	15
10. Nullové body thetafunkcí z funkcionální tabulky . . . . .	16
11. > > > z věty Cauchy-ho . . . . .	16
12. Rozvoje čtyř thetafunkcí v nekonečné součiny . . . . .	18
13. Trigonometrické součiny . . . . .	20
14. Určení konstantního faktoru . . . . .	21
15. Rozvoje čtyř thetafunkcí v nekonečné součiny s použitím hodnot nullových bodů . . . . .	23
16. Trigonometrické rozvoje pro první a druhou logaritmickou derivaci čtyř thetafunkcí . . . . .	25
17. Thetafunkce nullových argumentů. Rozvoje jich v nekonečné součiny . . . . .	26
18. Differenciální rovnice thetafunkcí nullových argumentů . . . . .	27
19. Differenciální rovnice thetafunkcí . . . . .	28
<b>Část druhá. Obecná teorie thetafunkcí.</b>	
20. Definice thetafunkcí vyšších řádů . . . . .	30
21. Hermitův princip transformační . . . . .	32
22. Souvislost obecných thetafunkcí s thetafunkcemi Jacobiho . . . . .	33
23. Thetafunkce prvního řádu s obecnou charakteristikou . . . . .	36
24. Thetafunkce prvního řádu s poloviční charakteristikou . . . . .	37
25. Thetafunkce prvního řádu, jichž charakteristiky tvořeny jsou $\frac{1}{r}$ ti-nami celých čísel . . . . .	41
26. <i>Obecné a zvláštní thetafunkce vyšších řádů, obecné charakteristiky.</i> Definice . . . . .	44

Odstavec	Strana
27. — Konstrukce takových funkcí . . . . .	45
28. — Další vlastnosti . . . . .	46
29. — Hermitův princip . . . . .	47
30. — Parita thetafunkcí vyššího řádu . . . . .	49
31. — Nullové body . . . . .	54

### Část třetí. O transformaci thetafunkcí.

32. Problém transformační . . . . .	56
33. <i>Některé věty z teorie substitucí.</i> Pojmy základní . . . . .	58
34. — Věty o skládání transformací . . . . .	59
35. — Transformace lineární . . . . .	61
36. — Gruppy lineárních transformací . . . . .	64
37. — O rozkládání transformací na třídy . . . . .	65
38. — Příklady . . . . .	68
39. — Rozklad obecné transformace na transformace hlavní . . . . .	70
40. Transformační rovnice $n$ -ho stupně pro thetafunkce prvního řádu obecných charakteristik . . . . .	73
<b>A. Lineární transformace thetafunkcí prvního řádu.</b>	
41.—43. Vyjádření konstanty transformační a úplná transformační rov- nice pro thetafunkce obecných i polovičních charakteristik . . . . .	75
44. <i>Část číselně theoretická.</i> Jednotný tvar součtů $G\left(-\frac{\alpha}{\beta}\right)$ . . . . .	87
45. — Definice součtů Gaussových . . . . .	91
46. — O symbolu Legendrově . . . . .	93
47. — Příklad první . . . . .	95
48. — » druhý. Algorithmus Eisensteinův . . . . .	96
49.—54. — Vlastnosti a vyjádření součtů Gaussových . . . . .	97
55. — Součty Lebesgueovy . . . . .	115
56. — Výpočet součtů $G\left(-\frac{\alpha}{\beta}\right)$ . . . . .	120
57. — Reciproční zákon součtů Gaussových . . . . .	126
58. — Souvislost součtů $G\left(-\frac{\alpha}{\beta}\right)$ a $G\left(\frac{\alpha}{\beta}\right)$ . . . . .	130
59.—66. <i>Lineární transformace čtyř thetafunkcí Jacobiho ve všech šesti třídách transformačních</i> . . . . .	132
67. — Poznámky . . . . .	140
68.—69. — Skládání lineárních transformací . . . . .	145
70. <i>Řešení lineární transformace thetafunkcí rozvoji řetězovými.</i> Úvod historický . . . . .	149
71. — Odvození rovnice transformační . . . . .	150
72.—76. — Vyjádření osmého kořenu jedničkového vyskytujícího se v trans- formační rovnici řetězci . . . . .	156
77. <i>Použití lineární transformace thetafunkcí.</i> Weierstrassova $\sigma$ -funkce . . . . .	166

Odstavec	Strana
78.—79.	
— Vlastnosti $\sigma$ -funkcí . . . . .	169
80. — Kofunkce: $\sigma$ -funkce s indexy . . . . .	171
81.—83. Vlastnosti $\sigma_\alpha$ -funkcí . . . . .	172
84. — Užití lineární transformace k urychlení konvergence thetařad . . . . .	174

### B. Transformace vyšších řádů.

85. <i>Transformace kvadratická.</i> Uvedení v problém . . . . .	176
86. — Odvození z obecné rovnice transformační . . . . .	178
87. — Transformace Landenova . . . . .	179
88. — Transformace Gaussova . . . . .	182
89. — Pomocný vzorec pro transformaci vyšších řádů . . . . .	184
90.—91.	
— Jiná transformace kvadratická . . . . .	184
92. <i>Transformace čtvrtého stupně</i> . . . . .	187
93. <i>Transformace lichého stupně.</i> Úvod . . . . .	189
94. — Obecná teorie transformační . . . . .	190
95. — Transformace $v' = nv, \tau' = n\tau$ . . . . .	191
96.—98.	
— — Určení transformační konstanty . . . . .	195
99. — — Další tvary transformačních rovnic . . . . .	205
100. — Použití rovnice Cotovy . . . . .	206
101. — Transformace $v' = v, \tau' = \frac{\tau}{n}$ . . . . .	207
102. — — Určení transformační konstanty . . . . .	210
103. — — Další tvary transformačních rovnic . . . . .	215
104. — Souvislost obou hlavních transformací . . . . .	216
105. — Transformace $n^2$ stupně $\vartheta(nv, \tau)$ . . . . .	218

#### Část čtvrtá.

106. O komplexním násobení . . . . .	221
--------------------------------------	-----

#### Část pátá. **Součtové věty thetafunkcí polovičních charakteristik.**

107.—108.	
Transformace nekonečných řad zaváděním nového součtového písmene. Použití na thetařady . . . . .	225
109.—111.	
Odvození obecné základní rovnice Krazer-Prymovy . . . . .	230
112. Riemannův vzorec . . . . .	239
113.—114.	
Relace Jacobiho . . . . .	244
115.—117.	
Relace Weierstrassovy a Forsythovy . . . . .	247
118. Poznámka historická . . . . .	251
119. <i>Důsledky obecných vět součtových.</i> Vztahy mezi čtverci theta-funkcí . . . . .	252
120. — Vztah mezi čtvrtými mocnostmi thetafunkcí nullových argumentů . . . . .	253

Odstavec	Strana
121. — Součtové vzorce pro $\vartheta_\alpha(x+y)$ , $\vartheta_\alpha(x-y)$ , $\vartheta_\alpha(x \pm y)\vartheta_\beta(x \mp y)$ . . . . .	253
122. — Použití předešlých vzorců k odvození differ. rovnice thetafunkcí nullových argumentů . . . . .	255
123.—126. — Thetapodíly . . . . .	256
127.—128. — Odvození součtových rovnic Jacobiho cestou elementární . . . . .	259

### Část šestá. Použití čtyř základních thetafunkcí.

#### A. Užití v nauce o funkcích eliptických.

129. <i>Eliptické funkce Jacobiho</i> . Definice . . . . .	263
130. — Vlastnosti periodické . . . . .	265
131.—132. — Paríta, nullové body, póly . . . . .	265
133. — Souvislost mezi $sn\ v$ , $cn\ v$ a $dn\ v$ . . . . .	266
134. — Součtové věty . . . . .	266
135. — První derivace eliptických funkcí . . . . .	266
136. — Differenciální rovnice . . . . .	267
137. — Lineární a kvadratická transformace eliptických funkcí Jacobiho . . . . .	267
138. — <i>Eliptické integrály v Legendrových kanonických tvarech</i> . Integrály prvního druhu . . . . .	268
139. — Integrály druhého druhu . . . . .	271
140. — Relace Legendrova . . . . .	273
141. — Integrály třetího druhu . . . . .	274
142. — <i>Funkce Weierstrassovy</i> . Souvislost $\sigma$ -funkcí s funkcemi Jacobiho . . . . .	276
143. — Weierstrassova $p$ -funkce . . . . .	277
144. — — Derivace $p$ -funkce . . . . .	279
145. — Vliv lineární transformace period na funkce Weierstrassovy . . . . .	281
146. — <i>Eliptické integrály ve Weierstrassových normálních tvarech</i> . Integrál prvního druhu . . . . .	282
147. — Integrály druhého a třetího druhu tvaru Weierstrassova . . . . .	285

#### B. Geometrická diskuse čtyř thetafunkcí v reálném oboru.

148. Předběžné vzorce . . . . .	287
149. Průběh reálných hodnot eliptických funkcí $sn\ v$ , $cn\ v$ , $dn\ v$ , . . . . .	288
150. Průběh reálných hodnot prvních logaritmických derivací čtyř thetafunkcí . . . . .	291
151. Průběh reálných hodnot druhých logaritmických derivací čtyř thetafunkcí . . . . .	294
152. Průběh křivek $y = \vartheta_\alpha(x)$ pro reálné hodnoty proměnné a ryze imaginární hodnoty modulu . . . . .	297

**C. Různé definice a způsoby označování čtyř základních thetafunkcí.**

Odstavec

Strana

153.—154.

Thetafunkce Jacobiho a Krazerovy. Souhlas s označováním  $\sigma_\alpha$  funkcí. Tabulka podávající označení thetafunkcí různých autorů 300**Část sedmá. Součtové věty thetafunkcí racionálních charakteristik.**155. *Z theorie charakteristik* . . . . . 307

156. — Charakteristiky syzygetické a azygetické . . . . . 309

157.—158.

Riemannův vzorec pro thetafunkce racionálních charakteristik . . 309

159. Thetapotence a úplné thetasoučiny . . . . . 314

160.—162. Příklad. Thetafunkce s třetinami charakteristik . . . 315

**Část osmá. Obecné řešení problému transformačního.**

163. Tři základní transformace lineární . . . . . 321

164.—167.

Obecné řešení hlavní transformace  $n$ -ho řádu . . . . . 322

168. Souhlas s výsledky dříve nabytými . . . . . 329

169. Cesta, kterou lze získatí obecný vzorec transformační. Skládání transformací . . . . . 331

170. Obecná rovnice transformační . . . . . 332

**Část devátá. Thetafunkce více proměnných.**171. O  $2p$ -periodických funkcích  $p$  proměnných . . . . . 334172. *Thetafunkce  $p$  proměnných*. Definice a vlastnosti . . . . . 335173. — Souvislost thetafunkcí  $p$  proměnných s funkcemi  $2p$  periodickými . . . . . 336

174. — Charakteristiky . . . . . 338

175. — Transformační problém thetafunkcí  $p$  proměnných . . . . . 339176. *Základy obecné theorie charakteristik*. Charakteristiky poloviční 340

177. — Syzygetičnost a azygetičnost . . . . . 342

178. — Charakteristiky racionální . . . . . 343

179. Poznámka historická . . . . . 344

180. *Thetarelace* . . . . . 345

Závěr.

**Poznámka k theorii vedení tepla v prstenci.**

Thetařada Fonierova . . . . . 346

