

---

## OBSAH

PŘEDMLUVA . . . . .	9
ÚVOD: PŘEHLED ZÁKLADNÍCH POJMŮ TEORIE MNOŽIN . . . . .	13
A. Množiny a třídy . . . . .	13
B. Uspořádané dvojice a $n$ -tice . . . . .	15
C. Symboly, abecedy a slova . . . . .	15
D. Relace a zobrazení . . . . .	16
E. Kartézské součiny . . . . .	18
F. Ekvivalence . . . . .	19
G. Uspořádání . . . . .	20
H. Přirozená čísla . . . . .	21
I. Ordinální čísla . . . . .	22
J. Kardinální čísla . . . . .	23
K. Topologické prostory . . . . .	24
KAPITOLA I: ZÁKLADY TEORIE KATEGORIÍ . . . . .	27
1. Pojem kategorie . . . . .	27
2. Limity a kolimity . . . . .	32
3. Úplné a koúplné kategorie . . . . .	35
4. Modifikace . . . . .	39
KAPITOLA II: ALGEBRAICKÉ KONSTRUKCE . . . . .	42
5. Kvazistruktury, struktury a algebry: terminologie . . . . .	42
6. Příklady algeber a struktur . . . . .	44
7. Další příklady . . . . .	49
8. Homomorfismy . . . . .	54
9. Podstruktury . . . . .	57
10. Kongruence . . . . .	62
11. Kartézské součiny . . . . .	67
12. Subkartézské součiny . . . . .	68
13. Sumy . . . . .	70

14.	Kategorie všech kvazistuktur daného jazyka	70
15.	Kvaziprimitivní a primitivní třídy	72
16.	Volné kvazistuktury	75
17.	Modifikace v třídě všech struktur	78
18.	Absolutně volné struktury	79
19.	Termy	81
20.	Algebraické operace	83
21.	Extenzívni třídy	86
22.	Volné kompozice amalgámů	88
23.	Monomorfismy a epimorfismy v kvaziprimitivních třídách	90
<b>KAPITOLA III: TEORIE MODELŮ</b>		93
24.	Úvod do problematiky teorie modelů	93
25.	Formule	94
26.	Platnost	97
27.	Substituce	100
28.	Ekvivalentní formule	102
29.	Ultraprodukt	106
30.	Elementární podstruktury a diagramy	108
31.	Elementární ekvivalence	112
32.	Věta o kompaktnosti a její důsledky	113
33.	Úplné teorie	116
34.	Definovatelnost	118
35.	Axiomatizovatelné třídy	121
36.	Univerzální třídy	124
37.	Kvazivariety	126
38.	Příklady aplikací teorie modelů	129
<b>KAPITOLA IV: VARIETY ALGEBER</b>		132
39.	Birkhoffova věta	132
40.	Algebraické důkazy	137
41.	Homogenní a nehomogenní variety	140
42.	Minimální variety	143
43.	Vnoření svazů do svazů variet	148
44.	Obecná teorie pro věty Malcevova typu	150
45.	Variety se zaměnitelnými, distributivními a modulárními kongruencemi	156
46.	Variety splňující čínskou větu o zbytcích	159
47.	Variety s $n$ -zaměnitelnými kongruencemi	161
48.	Regulární variety	162
49.	Volné algebry ve varietách	165
50.	Variety s distributivními kongruencemi	167
51.	Ekvivalentní variety	172
52.	Variety, ekvivalentní varietám modulů	174

<b>KAPITOLA V: ALGORITMICKÉ PROBLÉMY ALGEBRY</b>	<b>182</b>
53. Algoritmy . . . . .	182
54. Slovní problémy . . . . .	185
55. Jiná formulace slovních problémů . . . . .	188
56. Variety s konečnou vnořovací vlastností a lokálně konečné variety . . . . .	190
57. Turingovy stroje . . . . .	195
58. Varieta všech pologrup jako příklad variety s neřešitelným slovním problémem . . . . .	200
59. Problém identit . . . . .	205
60. Rekurzivní přečíslitelnost množiny všech důsledků rekurzivně axiomatizované teorie . . . . .	208
61. Rozhodnutelnost . . . . .	215
<b>KOMENTÁŘE</b> . . . . .	<b>217</b>
<b>SEZNAM LITERATURY</b> . . . . .	<b>219</b>
<b>REJSTŘÍK</b> . . . . .	<b>223</b>