

# **Obsah**

|        |                                                               |    |
|--------|---------------------------------------------------------------|----|
| 1      | Úvod . . . . .                                                | 11 |
| 1      | Prvky a operace symetrie . . . . .                            | 13 |
| 1.1    | Pojem symetrie . . . . .                                      | 13 |
| 1.2    | Symetrie v chemii . . . . .                                   | 13 |
| 1.3    | Definice základních pojmu . . . . .                           | 16 |
| 1.4    | Identita, operace identity . . . . .                          | 18 |
| 1.5    | Rotační osy a rotace . . . . .                                | 18 |
| 1.6    | Roviny symetrie a operace zrcadlení . . . . .                 | 20 |
| 1.7    | Střed symetrie a operace inverze . . . . .                    | 21 |
| 1.8    | Rotačně-reflexní osy a rotačně-reflexní operace . . . . .     | 22 |
| 1.9    | Skládání operací symetrie . . . . .                           | 23 |
|        | Úlohy . . . . .                                               | 25 |
|        | Literatura . . . . .                                          | 25 |
| 2      | Některé jednoduché aplikace molekulové symetrie . . . . .     | 27 |
| 2.1    | Ekvivalentní atomy . . . . .                                  | 27 |
| 2.2    | Symetrie a optická aktivita . . . . .                         | 28 |
| 2.3    | Chiralita . . . . .                                           | 30 |
| 2.4    | Nukleární magnetická rezonance a ekvivalentní atomy . . . . . | 31 |
| 2.5    | Dipolové momenty . . . . .                                    | 34 |
|        | Úlohy . . . . .                                               | 35 |
|        | Literatura . . . . .                                          | 36 |
| 3      | Matice, funkce a operátory . . . . .                          | 37 |
| 3.1    | Matice . . . . .                                              | 37 |
| 3.2    | Maticová algebra . . . . .                                    | 38 |
| 3.3    | Transponovaná a ortogonální matice . . . . .                  | 40 |
| 3.4    | Blokové matice (matice rozdelené na pole) . . . . .           | 41 |
| 3.5    | Podobné matice. Stopa matice . . . . .                        | 42 |
| 3.6    | Matice jako reprezentace operací symetrie . . . . .           | 44 |
| 3.7*   | Funkce a funkční prostory . . . . .                           | 49 |
| 3.8*   | Operátory . . . . .                                           | 52 |
| 3.8.1* | Lineární operátory . . . . .                                  | 52 |
| 3.8.2* | Algebra lineárních operátorů . . . . .                        | 52 |

|        |                                                                     |     |
|--------|---------------------------------------------------------------------|-----|
| 3.8.3* | Maticová reprezentace operátorů. Charakteristický problém . . . . . | 53  |
| 3.8.4* | Hermitovské operátory . . . . .                                     | 55  |
| 3.8.5* | Projekční operátory . . . . .                                       | 55  |
|        | Úlohy . . . . .                                                     | 56  |
|        | Literatura . . . . .                                                | 57  |
| 4      | <b>Grupy a některé jejich základní vlastnosti . . . . .</b>         | 58  |
| 4.1    | Grupové postuláty . . . . .                                         | 58  |
| 4.2    | Příklady grup . . . . .                                             | 59  |
| 4.3    | Grupová tabulka . . . . .                                           | 61  |
| 4.4    | Cyklické grupy. Podgrupy . . . . .                                  | 63  |
| 4.5    | Třídy konjugovaných prvků grupy . . . . .                           | 63  |
| 4.6    | Izomorfismus a homomorfismus grup . . . . .                         | 65  |
|        | Úlohy . . . . .                                                     | 68  |
|        | Literatura . . . . .                                                | 69  |
| 5      | <b>Bodové grupy . . . . .</b>                                       | 70  |
| 5.1    | Přehled důležitějších bodových grup . . . . .                       | 70  |
| 5.1.1  | Grupy rotací . . . . .                                              | 71  |
| 5.1.2  | Bodové grupy o vyšší symetrii . . . . .                             | 76  |
| 5.1.3  | Grupy s operací symetrie $C_\infty$ . . . . .                       | 77  |
| 5.2    | Určování bodové grupy molekuly . . . . .                            | 79  |
| 5.3    | Příklady určování molekulové symetrie . . . . .                     | 80  |
|        | Úlohy . . . . .                                                     | 81  |
|        | Literatura . . . . .                                                | 82  |
| 6      | <b>Maticové reprezentace grup . . . . .</b>                         | 83  |
| 6.1    | Definice reprezentace grupy . . . . .                               | 83  |
| 6.2    | Báze reprezentace . . . . .                                         | 85  |
| 6.2.1  | Souřadnice jako báze reprezentace . . . . .                         | 85  |
| 6.2.2  | Vektory jako báze reprezentace . . . . .                            | 86  |
| 6.2.3  | Reprezentace $I^{3N}$ . . . . .                                     | 88  |
| 6.2.4  | Atomové orbitaly jako báze reprezentace . . . . .                   | 91  |
| 6.3*   | Funkce jako báze reprezentace . . . . .                             | 92  |
|        | Úlohy . . . . .                                                     | 98  |
|        | Literatura . . . . .                                                | 98  |
| 7      | <b>Reducibilní a ireducibilní reprezentace . . . . .</b>            | 99  |
| 7.1    | Ekvivalentní a reducibilní reprezentace . . . . .                   | 99  |
| 7.2    | Charakter reprezentace . . . . .                                    | 104 |
| 7.3    | Některé důležitější věty pro ireducibilní reprezentace . . . . .    | 105 |

|           |                                                                                              |            |
|-----------|----------------------------------------------------------------------------------------------|------------|
| 7.4       | Analýza reducibilní reprezentace . . . . .                                                   | 108        |
| 7.5       | Charakter reprezentace $I^{3N}$ . . . . .                                                    | 110        |
| 7.6       | Označení irreducibilních reprezentací bodových grup symetrie . . . . .                       | 112        |
|           | Úlohy . . . . .                                                                              | 113        |
|           | Literatura . . . . .                                                                         | 113        |
| <b>8</b>  | <b>Teorie grup a kvantová chemie . . . . .</b>                                               | <b>114</b> |
| 8.1       | Schrödingerova rovnice . . . . .                                                             | 114        |
| 8.2*      | Molekulová symetrie a teorie grup . . . . .                                                  | 115        |
| 8.3*      | Vlnové funkce jako báze irreducibilní reprezentace . . . . .                                 | 116        |
| 8.4*      | Maticová reprezentace operátorů symetrie . . . . .                                           | 117        |
| 8.5*      | Příklady reprezentací s bází tvořenou vlnovými funkcemi . . . . .                            | 119        |
| 8.6*      | Symetricky adaptované funkce . . . . .                                                       | 120        |
| 8.7*      | Direktivní součin reprezentací grupy . . . . .                                               | 125        |
| 8.8*      | Maticové elementy a výběrová pravidla . . . . .                                              | 127        |
| 8.8.1*    | Maticové elementy a symetrie . . . . .                                                       | 127        |
| 8.8.2*    | Výběrová pravidla pro přechody mezi dvěma různými energetickými stavami . . . . .            | 130        |
| 8.9       | Teorie grup a kvantová chemie: stručný souhrn nejdůležitějších výsledků . . . . .            | 131        |
|           | Úlohy . . . . .                                                                              | 133        |
|           | Literatura . . . . .                                                                         | 134        |
| <b>9</b>  | <b>Atomové a hybridní orbitaly . . . . .</b>                                                 | <b>135</b> |
| 9.1       | Atomové orbitaly a jejich symetrie . . . . .                                                 | 135        |
| 9.2       | Hybridní orbitaly . . . . .                                                                  | 139        |
| 9.2.1     | Hybridní orbitaly pro vazby $\sigma$ . . . . .                                               | 139        |
| 9.2.2     | Hybridní orbitaly pro vazby $\pi$ . . . . .                                                  | 142        |
| 9.3*      | Matematický tvar hybridních orbitalů . . . . .                                               | 144        |
|           | Úlohy . . . . .                                                                              | 149        |
|           | Literatura . . . . .                                                                         | 149        |
| <b>10</b> | <b>Molekulové orbitaly a symetrie . . . . .</b>                                              | <b>150</b> |
| 10.1      | Sekulární problém . . . . .                                                                  | 150        |
| 10.2      | Homonukleární dvouatomové molekuly . . . . .                                                 | 153        |
| 10.2.1    | Molekulové orbitaly molekuly vodíku . . . . .                                                | 153        |
| 10.2.2    | Korelační diagramy . . . . .                                                                 | 156        |
| 10.3      | <i>cis</i> - a <i>trans</i> -Butadien . . . . .                                              | 157        |
| 10.3.1    | Orbitální energie a symetrie molekulových orbitalů butadienu . . . . .                       | 157        |
| 10.3.2*   | Konstrukce symetricky adaptovaných orbitalů butadienu pomocí projekčních operátorů . . . . . | 162        |
| 10.4      | Naftalen . . . . .                                                                           | 163        |
| 10.5      | Diboran . . . . .                                                                            | 166        |
| 10.6*     | Molekula vody . . . . .                                                                      | 168        |

|         |                                                                                      |     |
|---------|--------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| 10.7    | Symetrie elektronových stavů a výběrová pravidla pro elektronové přechody            | 171 |
| 10.7.1  | Symetrie elektronových stavů molekul . . . . .                                       | 171 |
| 10.7.2  | Výběrová pravidla pro elektronové přechody . . . . .                                 | 174 |
| 10.8    | Elektronová struktura a tvary jednoduchých víceatomových molekul . . . . .           | 175 |
|         | Úlohy . . . . .                                                                      | 178 |
|         | Literatura . . . . .                                                                 | 178 |
| <br>11  | <br>Symetrie a elektronová struktura komplexů přechodných kovů                       | 180 |
| 11.1    | Komplexy přechodných kovů . . . . .                                                  | 180 |
| 11.2    | Teorie krystalového pole . . . . .                                                   | 181 |
| 11.3    | Jahnův–Tellerův teorém . . . . .                                                     | 184 |
| 11.4    | Molekulové orbitaly oktaedrických komplexů přechodných kovů . . . . .                | 187 |
| 11.4.1  | Reprezentace $\Gamma^{AO}$ pro komplexy . . . . .                                    | 187 |
| 11.4.2  | Komplexy s vazbami $\sigma$ . . . . .                                                | 188 |
| 11.4.3  | Komplexy s vazbami $\pi$ . . . . .                                                   | 190 |
|         | Úlohy . . . . .                                                                      | 193 |
|         | Literatura . . . . .                                                                 | 193 |
| <br>12  | <br>Teorie grup a molekulové vibrace . . . . .                                       | 194 |
| 12.1    | Normální vibrace a normální souřadnice . . . . .                                     | 194 |
| 12.2    | Typy vibračních přechodů . . . . .                                                   | 198 |
| 12.3    | Symetrie normálních vibrací . . . . .                                                | 199 |
| 12.3.1* | Normální souřadnice a symetrie . . . . .                                             | 199 |
| 12.3.2  | Určení symetrie normálních vibrací . . . . .                                         | 201 |
| 12.4    | Výběrová pravidla pro fundamentální vibrační přechody . . . . .                      | 204 |
| 12.4.1  | Výběrová pravidla pro infračervená spektra . . . . .                                 | 204 |
| 12.4.2* | Symetrie vlnových funkcí fundamentálních stavů . . . . .                             | 205 |
| 12.4.3  | Výběrová pravidla pro Ramanova spektra . . . . .                                     | 206 |
| 12.4.4  | Vylučovací pravidlo . . . . .                                                        | 208 |
| 12.4.5  | Příklady stanovení výběrových pravidel pro fundamentální vibrační přechody . . . . . | 209 |
| 12.5    | Charakteristické frekvence a klasifikace normálních vibrací . . . . .                | 210 |
| 12.6    | Fermiho rezonance . . . . .                                                          | 216 |
| 12.7    | Normální souřadnice pro lineární molekuly . . . . .                                  | 216 |
| 12.8*   | Souřadnice symetrie . . . . .                                                        | 217 |
| 12.9*   | Molekuly s velkými amplitudami vibrací . . . . .                                     | 218 |
| 12.9.1* | Molekuly s vnitřní rotací . . . . .                                                  | 218 |
| 12.9.2* | Inverzní vibrace amoniaku . . . . .                                                  | 219 |
| 12.9.3* | Permutačně inverzní grupy . . . . .                                                  | 221 |
|         | Úlohy . . . . .                                                                      | 224 |
|         | Literatura . . . . .                                                                 | 225 |

|         |                                                                                                                                                                                                                                                                             |     |
|---------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| 13      | Orbitální symetrie v reakční kinetice . . . . .                                                                                                                                                                                                                             | 226 |
| 13.1    | Úvodní poznámky . . . . .                                                                                                                                                                                                                                                   | 226 |
| 13.2    | Korelační pravidla pro chemické reakce . . . . .                                                                                                                                                                                                                            | 227 |
| 13.2.1  | Zachování momentů hybnosti v chemické reakci . . . . .                                                                                                                                                                                                                      | 227 |
| 13.2.2* | Wignerova–Witmerova pravidla . . . . .                                                                                                                                                                                                                                      | 229 |
| 13.2.3* | Pravidlo o nekřížení . . . . .                                                                                                                                                                                                                                              | 231 |
| 13.3    | Zachování orbitální symetrie při chemických reakcích . . . . .                                                                                                                                                                                                              | 232 |
| 13.3.1  | Korelační diagramy. Princip zachování orbitální symetrie . . . . .                                                                                                                                                                                                          | 233 |
| 13.3.2  | Elektrocyklické reakce . . . . .                                                                                                                                                                                                                                            | 234 |
| 13.3.3  | Cykloadiční reakce . . . . .                                                                                                                                                                                                                                                | 237 |
| 13.4    | Hraniční orbitaly a výběrová pravidla pro chemické reakce . . . . .                                                                                                                                                                                                         | 240 |
| 13.4.1  | Interakce hraničních orbitalů při chemických reakcích . . . . .                                                                                                                                                                                                             | 240 |
| 13.4.2  | Výběrová pravidla pro chemické reakce . . . . .                                                                                                                                                                                                                             | 242 |
| 13.4.3  | Příklady použití teorie hraničních orbitalů . . . . .                                                                                                                                                                                                                       | 244 |
| 13.4.4* | Odvození výběrových pravidel pro chemické reakce . . . . .                                                                                                                                                                                                                  | 247 |
| 13.5    | Orbitální symetrie v katalýze . . . . .                                                                                                                                                                                                                                     | 251 |
|         | Úlohy . . . . .                                                                                                                                                                                                                                                             | 254 |
|         | Literatura . . . . .                                                                                                                                                                                                                                                        | 255 |
|         | Dodatky . . . . .                                                                                                                                                                                                                                                           | 256 |
|         | Dodatek 1 Tab. D.1.1 Korelace Schönliesových a Hermannových–Mau-<br>ginových symbolů pro prvky symetrie . . . . .                                                                                                                                                           | 256 |
|         | Dodatek 2 Důkaz několika vět o reprezentacích grup . . . . .                                                                                                                                                                                                                | 256 |
| D.2.1   | Souvislost mezi maticovou reprezentací operací symetrie, gene-<br>rovanou kartézskými vektory $\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \mathbf{e}_3$ a maticovou reprezentaci<br>odvozenou na základě působení operací symetrie na souřadnice<br>libovolného bodu v téže bázi . . . . . | 256 |
| D.2.2   | Důkaz, že množina operátorů $\hat{O}_R$ tvoří grupu homomorfní<br>s grupou $\mathcal{G} = \{\mathbf{R}\}$ . . . . .                                                                                                                                                         | 257 |
| D.2.3   | Důkaz, že matice $\mathbf{D}(\mathbf{R})$ operátorů symetrie $\hat{O}_R$ tvoří reprezentaci<br>bodové grupy $\mathcal{G} = \{\mathbf{R}\}$ . . . . .                                                                                                                        | 258 |
|         | Dodatek 3 Tabulky charakterů pro některé důležitější bodové grupy . . . . .                                                                                                                                                                                                 | 259 |
|         | Řešení úloh . . . . .                                                                                                                                                                                                                                                       | 267 |
|         | Seznam použitých zkratek a symbolů . . . . .                                                                                                                                                                                                                                | 282 |
|         | Rejstřík . . . . .                                                                                                                                                                                                                                                          | 284 |