

# Obsah

|   |            |
|---|------------|
| <b>Předmluva</b>  | <b>ix</b>  |
| <b>1 Diskrétní komunikační kanál</b>                            | <b>1</b>   |
| 1.1 Bezpaměťový informační zdroj . . . . .                      | 4          |
| 1.2 Entropie . . . . .  | 9          |
| 1.3 Bezpaměťový přenosový kanál . . . . .                       | 15         |
| 1.4 Vzájemná informace a podmíněná entropie . . . . .           | 22         |
| 1.5 Podmíněná informace a podmíněná nezávislost . . . . .       | 26         |
| 1.6 Stacionární informační zdroj . . . . .                      | 29         |
| <b>2 Kódování informačního zdroje</b>                           | <b>36</b>  |
| 2.1 Kódy s pevnou délkou . . . . .                              | 37         |
| 2.2 Kódovací věta pro blokové kódy . . . . .                    | 40         |
| 2.3 Kódy s proměnlivou délkou . . . . .                         | 48         |
| 2.4 Konstrukce optimálních kódů . . . . .                       | 57         |
| 2.5 Kódovací věta pro kódy s proměnlivou délkou . . . . .       | 69         |
| <b>3 Kódy detekující chyby a samoopravné kódy</b>               | <b>74</b>  |
| 3.1 Minimální vzdálenost kódu . . . . .                         | 75         |
| 3.2 Binární lineární kódy . . . . .                             | 77         |
| 3.2.1 Generující a kontrolní matice . . . . .                   | 80         |
| 3.2.2 Opravné tabulky . . . . .                                 | 85         |
| 3.3 Perfektní kódy . . . . .                                    | 90         |
| 3.3.1 Hammingovy kódy . . . . .                                 | 94         |
| 3.3.2 Golayův kód . . . . .                                     | 99         |
| 3.4 Obecné lineární kódy . . . . .                              | 101        |
| 3.4.1 Grupy a tělesa . . . . .                                  | 101        |
| 3.4.2 Generující a kontrolní matice lineárních kódů . . . . .   | 105        |
| 3.5 Cyklické kódy . . . . .                                     | 107        |
| 3.5.1 Násobení a dělení polynomů . . . . .                      | 109        |
| 3.5.2 Generující a kontrolní polynomy cyklických kódů . . . . . | 111        |
| <b>4 Kódy pro sdílení utajované hodnoty</b>                     | <b>120</b> |
| 4.1 Rozdělení a sdílení utajované hodnoty . . . . .             | 122        |
| 4.1.1 Nedokonale a dokonalé rozdělení utajené hodnoty . . . . . | 122        |
| 4.1.2 Kvalifikované a nepřípustné skupiny . . . . .             | 124        |
| 4.2 Přístupové struktury a schémata . . . . .                   | 126        |
| 4.2.1 Přístupové struktury . . . . .                            | 126        |
| 4.2.2 Formalizace popisu rozdělení hodnoty . . . . .            | 131        |
| 4.2.3 Pravděpodobnostní schémata . . . . .                      | 134        |
| 4.3 Vlastnosti přístupových struktur . . . . .                  | 139        |
| 4.3.1 Souvislost přístupových struktur . . . . .                | 139        |

|          |  |            |
|----------|--|------------|
| 4.3.2    | Kódy na úplných strukturách . . . . .                            | 141        |
| 4.3.3    | Velikost částečných údajů . . . . .                              | 143        |
| 4.4      | Příklady rozdělení utajené hodnoty . . . . .                     | 145        |
| 4.4.1    | Dokonalé rozdělení utajené hodnoty podle Shamira . . . . .       | 145        |
| 4.4.2    | Nedokonalé rozdělení utajené hodnoty podle Blakleyho . . . . .   | 148        |
| 4.4.3    | Schodová schémata . . . . .                                      | 149        |
| 4.4.4    | Další aplikace rozdělení utajené hodnoty . . . . .               | 153        |
| <b>5</b> | <b>Bezeztrátová komprese dat</b> . . . . .                       | <b>158</b> |
| 5.1      | Základní pojmy . . . . .   | 159        |
| 5.2      | RLE – kódování proudu . . . . .                                  | 161        |
| 5.3      | Algoritmy Lempela a Ziva . . . . .                               | 164        |
| 5.3.1    | LZ77 . . . . .   | 164        |
| 5.3.2    | LZ78 . . . . .   | 166        |
| 5.3.3    | LZW . . . . .  | 169        |
| 5.4      | Aritmetické kódování . . . . .                                   | 172        |
| 5.5      | PPM . . . . .  | 176        |
| 5.6      | Burrows–Wheelerova metoda . . . . .                              | 181        |
| <b>6</b> | <b>Digitální zpracování signálu</b> . . . . .                    | <b>185</b> |
| 6.1      | Analogový a digitální signál . . . . .                           | 185        |
| 6.2      | Převod analogového signálu na digitální . . . . .                | 187        |
| 6.2.1    | Princip digitalizace . . . . .                                   | 187        |
| 6.2.2    | Určení vzorkovací frekvence . . . . .                            | 188        |
| 6.2.3    | Převod spojité funkce na diskrétní definiční obor . . . . .      | 191        |
| 6.2.4    | Kvantování . . . . .   | 192        |
| 6.3      | Rekonstrukce analogového signálu z digitálního . . . . .         | 195        |
| 6.4      | Lineární diskrétní transformace . . . . .                        | 196        |
| 6.4.1    | Diskrétní Fourierova a diskrétní kosinová transformace . . . . . | 199        |
| 6.4.2    | Vlnková transformace a lifting schéma . . . . .                  | 201        |
| 6.5      | Specifika obrazového signálu . . . . .                           | 206        |
| 6.5.1    | Digitalizace obrazu . . . . .                                    | 206        |
| 6.5.2    | Reprezentace barev . . . . .                                     | 206        |
| 6.5.3    | Barevné systémy s paletou . . . . .                              | 209        |
| <b>7</b> | <b>Ztrátová komprese</b> . . . . .                               | <b>210</b> |
| 7.1      | Odstranění irrelevance a měření ztrátovosti . . . . .            | 211        |
| 7.2      | Základní principy komprese . . . . .                             | 213        |
| 7.2.1    | Prediktivní metody . . . . .                                     | 214        |
| 7.2.2    | Hierarchické metody . . . . .                                    | 217        |
| 7.3      | Komprese zvuku . . . . .   | 218        |
| 7.3.1    | Digitální zvukový signál . . . . .                               | 218        |
| 7.3.2    | Psychoakustický model MP3 . . . . .                              | 218        |
| 7.3.3    | Zvuková komprese MP3 . . . . .                                   | 220        |
| 7.4      | Komprese statických obrázků . . . . .                            | 222        |
| 7.4.1    | Reprezentace statických obrázků . . . . .                        | 222        |
| 7.4.2    | Snižení barevné hloubky . . . . .                                | 224        |
| 7.4.3    | JPEG . . . . .   | 225        |
| 7.5      | Komprese videa . . . . .   | 235        |

|  |   |            |
|--|---|------------|
| 7.5.1                                  | Rámec kódování videa . . . . .                          | 235        |
| 7.5.2                                  | MPEG . . . . .  | 236        |
| 7.5.3                                  | Aplikace komprese videa . . . . .                       | 238        |
| <b>8</b>                               | <b>Základní metody šifrování</b>                        | <b>240</b> |
| 8.1                                    | Vigenérova substituční šifra . . . . .                  | 241        |
| 8.1.1                                  | Kryptoanalýza s využitím koincidencí . . . . .          | 245        |
| 8.1.2                                  | Kasiského kryptoanalýza . . . . .                       | 247        |
| 8.1.3                                  | Frekvenční kryptoanalýza při znalosti periody . . . . . | 248        |
| 8.1.4                                  | Vernamova šifra . . . . .                               | 250        |
| 8.1.5                                  | Enigma . . . . .  | 251        |
| 8.2                                    | Šifrový standard DES . . . . .                          | 252        |
| 8.2.1                                  | Expanze klíčů . . . . .                                 | 253        |
| 8.2.2                                  | Šifrování . . . . .                                     | 255        |
| 8.2.3                                  | Dešifrování . . . . .                                   | 260        |
| 8.2.4                                  | Vlastnosti DES . . . . .                                | 261        |
| 8.2.5                                  | Kryptoanalýza DES . . . . .                             | 261        |
| 8.3                                    | Nový šifrový standard AES . . . . .                     | 262        |
| 8.3.1                                  | Expanze klíčů . . . . .                                 | 266        |
| 8.3.2                                  | Šifrování . . . . .                                     | 267        |
| 8.3.3                                  | Dešifrování . . . . .                                   | 269        |
| 8.3.4                                  | Kryptoanalýza AES . . . . .                             | 269        |
| 8.4                                    | Šifrování s veřejným klíčem – metoda RSA . . . . .      | 270        |
| 8.4.1                                  | Podstata a použití RSA-kryptosystému . . . . .          | 270        |
| 8.4.2                                  | Matematické principy – Eulerova věta . . . . .          | 274        |
| 8.4.3                                  | Generování velkých provočísel . . . . .                 | 275        |
| 8.4.4                                  | Určení veřejného a soukromého klíče . . . . .           | 277        |
| 8.4.5                                  | Faktorizace a kryptoanalýza RSA . . . . .               | 280        |
| 8.5                                    | Další metody šifrování s veřejným klíčem . . . . .      | 283        |
| 8.5.1                                  | Diffie-Hellmanova metoda výměny klíčů . . . . .         | 283        |
| 8.5.2                                  | Micaliho rozšíření . . . . .                            | 285        |
| 8.5.3                                  | Kryptosystém ElGamal . . . . .                          | 287        |
| 8.5.4                                  | Metoda založená na problému batohu . . . . .            | 289        |
| <b>Použitá a doplňující literatura</b> | <b>293</b>  |            |
| <b>Použité symboly</b>                 | <b>297</b>  |            |
| <b>Rejstřík</b>                        | <b>303</b>  |            |