

# OBSAH

<b>Predhovor</b>	9	
<b>1</b>	<b>Úvod (doc. Ing. S. Caban, CSc.) . . . . .</b>	<b>11</b>
1.1	Krátky historický prehľad rozvoja dynamiky . . . . .	11
1.2	Úloha dynamiky a jej význam . . . . .	13
1.3	Rozdelenie dynamiky . . . . .	13
1.4	Základné kategórie a pojmy dynamiky . . . . .	14
1.5	Základné axiómy dynamiky . . . . .	17
1.6	Jednotky základných fyzikálnych veličín v dynamike . . . . .	19
<b>2</b>	<b>Dynamika hmotného bodu (doc. Ing. S. Caban, CSc.) . . . . .</b>	<b>20</b>
2.1	Pohybová rovnica hmotného bodu . . . . .	20
2.2	Vyjadrenie pohybovej rovnice v rôznych súradnicových sústavách . . . . .	20
2.2.1	Pohybové rovnice hmotného bodu v pravouhlnej súradnicovej sústave . . . . .	20
2.2.2	Pohybové rovnice hmotného bodu vo valcovej (polárnej) súradnicovej sústave . . . . .	21
2.2.3	Pohybové rovnice hmotného bodu v prirodzenej súradnicovej sústave . . . . .	22
2.3	Viazaný pohyb hmotného bodu. Lagrangeove rovnice I. druhu . . . . .	24
2.4	Metodika riešenia úloh pomocou pohybových rovníc . . . . .	30
2.5	D'Alembertov princíp (metóda zotrvačných síl) . . . . .	39
2.6	Základné vety dynamiky hmotného bodu . . . . .	42
2.6.1	Veta o zmene hybnosti . . . . .	42
2.6.2	Veta o zmene momentu hybnosti . . . . .	43
2.6.3	Práca, výkon, kinetická energia. Veta o zmene kinetickej energie . . . . .	48
2.6.4	Potenciálne silové pole. Veta o zachovaní mechanickej energie . . . . .	54
<b>3</b>	<b>Dynamika sústavy hmotných bodov (doc. Ing. S. Caban, CSc.) . . . . .</b>	<b>65</b>
3.1	Základné pojmy . . . . .	65
3.2	Pohybové rovnice sústavy hmotných bodov . . . . .	66
3.3	Vety o pohybe čažiska sústavy hmotných bodov . . . . .	66
3.4	Hybnosť sústavy hmotných bodov . . . . .	70
3.5	Moment hybnosti sústavy hmotných bodov . . . . .	77
3.6	Kinetická energia sústavy hmotných bodov . . . . .	80
3.7	D'Alembertov princíp pre sústavu hmotných bodov . . . . .	83
<b>4</b>	<b>Geometria hmôt (doc. Ing. S. Caban, CSc.) . . . . .</b>	<b>85</b>
4.1	Momenty zotrvačnosti . . . . .	85
4.2	Vzťahy medzi momentmi zotrvačnosti pri zmenených osiach . . . . .	87
4.2.1	Moment zotrvačnosti k natočenej osi. Elipsoid zotrvačnosti . . . . .	87
4.2.2	Moment zotrvačnosti k rovnobežným osiam. Steinerova veta . . . . .	90

4.2.3	Deviačné momenty k pootočeným osiam . . . . .	92
4.3	Výpočet momentov zotrvačnosti tuhého telesa . . . . .	93
<b>5</b>	<b>Posuvný a rotačný pohyb telesa (doc. Ing. S. Caban, CSc.) . . . . .</b>	<b>102</b>
5.1	Posuvný pohyb telesa . . . . .	102
5.2	Rotačný pohyb telesa . . . . .	106
5.3	Výsledné zotrvačné účinky pri rotácii telesa . . . . .	109
5.4	Dynamické reakcie v ložiskách rotujúceho telesa . . . . .	114
5.5	Vyvažovanie tuhých rotorov . . . . .	120
5.5.1	Podmienky vyváženosťi . . . . .	120
5.5.2	Druhy nevyváženosťi. Miera nevyváženosťi . . . . .	121
5.5.3	Spôsoby vyvažovania tuhých rotorov . . . . .	123
<b>6</b>	<b>Všeobecný rovinný pohyb telesa (doc. Ing. S. Caban, CSc.) . . . . .</b>	<b>126</b>
6.1	Pohybové rovnice telesa . . . . .	127
6.2	Kinetická energia telesa . . . . .	128
6.3	Výsledné zotrvačné účinky . . . . .	135
6.4	Vnútorné silové účinky . . . . .	142
<b>7</b>	<b>Sférický pohyb telesa (prof. Ing. A. Medvec, CSc.) . . . . .</b>	<b>143</b>
7.1	Moment hybnosti telesa . . . . .	143
7.2	Eulerove pohybové rovnice . . . . .	145
7.3	Kinetická energia telesa . . . . .	147
7.4	Zotrvačníkový pohyb tuhého telesa . . . . .	148
7.4.1	Bezsilový zotrvačník . . . . .	149
7.4.2	Ťažký zotrvačník. Približné riešenie . . . . .	154
7.4.3	Približná teória gyroskopov . . . . .	158
<b>8</b>	<b>Všeobecný priestorový pohyb telesa (doc. Ing. O. Záhorec, CSc.) . . . . .</b>	<b>164</b>
8.1	Úvod . . . . .	164
8.2	Pohybové rovnice . . . . .	164
8.3	Hybnosť, moment hybnosti a kinetická energia . . . . .	167
8.4	Skrutkový pohyb telesa . . . . .	176
8.5	Nahradenie telesa hmotnými bodmi . . . . .	181
8.5.1	Nahradenie telesa vykonávajúceho všeobecný priestorový pohyb . . . . .	181
8.5.2	Nahradenie telesa vykonávajúceho všeobecný rovinný pohyb . . . . .	184
8.5.2.1	Nahradenie telesa dvoma hmotnými bodmi . . . . .	185
8.5.2.2	Nahradenie telesa troma hmotnými bodmi . . . . .	186
8.6	Dynamika telesa premennej hmotnosti . . . . .	188
8.6.1	Pohybové rovnice . . . . .	188
<b>9</b>	<b>Dynamika súčasných pohybov telies (doc. Ing. O. Záhorec, CSc.) . . . . .</b>	<b>199</b>
9.1	Úvod . . . . .	199
9.2	Základné pojmy . . . . .	199
9.3	Určenie zotrvačných síl pri súčasných pohyboch . . . . .	202
9.4	Pohybové rovnice unášavého a relatívneho pohybu . . . . .	207
<b>10</b>	<b>Dynamika sústav telies (doc. Ing. O. Záhorec, CSc.) . . . . .</b>	<b>219</b>
10.1	Úvod . . . . .	219

10.2	Prenos silových účinkov v pohyblivej rovinnej mechanickej sústave . . . . .	221
10.3	Metóda uvoľnenia . . . . .	229
10.4	Metóda redukcie hmotnostných a silových veličín . . . . .	230
10.4.1	Redukcia hmotnostných veličín . . . . .	230
10.4.2	Redukcia silových veličín . . . . .	232
10.4.3	Pohybová rovnica pohyblivej mechanickej sústavy s jedným stupňom voľnosti	233
10.5	Rovinné pohyblivé sústavy s konštantným prevodom . . . . .	235
10.6	Rovinné pohyblivé sústavy s nekonštantným prevodom . . . . .	244
<b>11</b>	<b>Základy teórie rázu (doc. Ing. O. Záhorec, CSc.) . . . . .</b>	<b>256</b>
11.1	Základné pojmy . . . . .	256
11.2	Elementárna teória rázu . . . . .	258
11.2.1	Priamy centrálny ráz . . . . .	261
11.2.2	Šíkmý ráz . . . . .	270
11.3	Excentrický ráz . . . . .	277
11.3.1	Ráz na teleso vykonávajúce rotačný pohyb . . . . .	277
11.3.2	Excentrický ráz volného telesa . . . . .	281
<b>12</b>	<b>Základy analytickej dynamiky (doc. Ing. J. Stradiot, CSc.) . . . . .</b>	<b>286</b>
12.1	Úvod . . . . .	286
12.2	Klasifikácia väzieb . . . . .	286
12.3	Druhy posunutí . . . . .	292
12.4	Ideálne väzby . . . . .	294
12.5	Zovšeobecnená sila . . . . .	296
12.6	Princíp virtuálnych prác v dynamike . . . . .	300
12.7	Lagrangeove rovnice II. druhu . . . . .	303
<b>13</b>	<b>Základy teórie kmitania lineárnych mechanických sústav so sústredenými parametrami (doc. Ing. O. Záhorec, CSc.) . . . . .</b>	<b>316</b>
13.1	Úvod . . . . .	316
13.2	Kmitanie lineárnych mechanických sústav s jedným stupňom voľnosti . . . . .	325
13.2.1	Voľné kmitanie lineárnych mechanických sústav s jedným stupňom voľnosti bez tlmenia . . . . .	325
13.2.2	Voľné kmitanie lineárnych mechanických sústav s jedným stupňom voľnosti s tlmením . . . . .	348
13.2.2.1	Priamočiare voľné kmitanie s viskóznym tlmením . . . . .	349
13.2.2.2	Priamočiare voľné kmitanie so šmykovým trením . . . . .	359
13.2.3	Vynútené kmitanie lineárnych mechanických sústav s jedným stupňom voľnosti s viskóznym tlmením . . . . .	363
13.2.3.1	Budiaca sila je konštantná . . . . .	365
13.2.3.2	Budiaca sila je harmonická funkcia s konštantnou amplitúdou . . . . .	367
13.2.3.3	Budiaca sila je odstredivá sila nevyváženej rotujúcej hmotnosti . . . . .	377
13.2.3.4	Dve harmonické budiace sily s blízkymi kruhovými frekvenciami . . . . .	379
13.2.3.5	Budiaca sila je ľubovoľná periodická funkcia . . . . .	382
13.2.3.6	Budiaca sila je všeobecná funkcia . . . . .	386
13.2.3.7	Kinematické budenie . . . . .	388
13.2.3.8	Riešenie vynúteného kmitania lineárnej mechanickej sústavy v komplexnom tvarze	395
13.3	Kmitanie lineárnych mechanických sústav s viac stupňami voľnosti . . . . .	397

---

13.3.1	Voľné kmitanie lineárnych mechanických sústav s viac stupňami voľnosti bez tlmenia . . . . .	397
13.3.2	Voľné kmitanie lineárnych mechanických sústav s viac stupňami voľnosti s tlmením . . . . .	417
13.3.3	Vynútené kmitanie lineárnych mechanických sústav s viac stupňami voľnosti bez tlmenia . . . . .	424
13.3.4	Vynútené kmitanie lineárnych mechanických sústav s viac stupňami voľnosti s tlmením . . . . .	431
13.3.5	Kritické otáčky hriadeľov . . . . .	438
13.3.5.1	Kritická uhlová rýchlosť hriadeľa s jedným kolesom . . . . .	439
13.3.5.2	Kritická uhlová rýchlosť hriadeľa s nekruhovým prierezom . . . . .	446
13.3.5.3	Vplyv gyroskopického účinku kolesa na kritickú uhlovú rýchlosť . . . . .	448
13.3.5.4	Kritická uhlová rýchlosť hriadeľa s viacerými kolesami . . . . .	451
13.3.6	Prenášanie kmitavého pohybu do základu . . . . .	453
<b>14</b>	<b>Základy teórie nelineárneho kmitania (doc. Ing. O. Záhorec, CSc.)</b> . . . . .	460
14.1	Úvod . . . . .	460
14.2	Voľné nelineárne kmitanie . . . . .	466
14.2.1	Metóda ekvivalentnej linearizácie . . . . .	468
14.2.2	Metóda Krylovova—Bogoliubovova . . . . .	470
14.2.3	Voľné nelineárne kmitanie s lomenou charakteristikou vratnej sily . . . . .	474
14.2.4	Znázornenie voľného nelineárneho kmitania vo fázovej rovine . . . . .	477
14.3	Vynútené nelineárne kmitanie . . . . .	480
14.3.1	Druhy rezonancií pri nelineárnom kmitaní . . . . .	484
14.4	Samobudené kmitanie . . . . .	486
14.5	Parametrické kmitanie . . . . .	489
14.5.1	Lineárne parametrické kmitanie . . . . .	491
<b>Literatúra</b> . . . . .		500
<b>Register</b> . . . . .		501