

# Obsah

<b>Předmluva</b>	<b>5</b>
<b>Úmlovy a označení</b>	<b>9</b>
<b>1 Úvod</b>	<b>13</b>
1.1 Obsah rovinných útvarů a momenty . . . . .	13
1.2 Křívkové integrály . . . . .	15
<b>2 Funkce s konečnou variací</b>	<b>17</b>
2.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	17
2.2 Prostor funkcí s konečnou variací . . . . .	24
2.3 Konečná variace a spojitost . . . . .	27
2.4 Derivace funkcí s konečnou variací . . . . .	31
2.5 Skokové funkce . . . . .	32
2.6 Jordanův rozklad funkce s konečnou variací . . . . .	36
2.7 Bodová konvergence . . . . .	39
<b>3 Absolutně spojité funkce</b>	<b>43</b>
3.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	43
3.2 Absolutně spojité funkce a Lebesgueův integrál . . . . .	48
3.3 Lebesgueův rozklad funkcí s konečnou variací . . . . .	52
<b>4 Regulované funkce</b>	<b>55</b>
<b>5 Riemannův-Stieltjesův integrál</b>	<b>63</b>
5.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	63
5.2 Podmínka pseudoadditivity a její důsledky . . . . .	74
5.3 Absolutní integrovatelnost . . . . .	79
5.4 Substituce . . . . .	85
5.5 Integrace per partes . . . . .	88
5.6 Stejnoměrná konvergence a existence integrálu . . . . .	89
5.7 Bodová konvergence . . . . .	94
5.8 Další věty o existenci integrálu . . . . .	99
5.9 Věty o střední hodnotě . . . . .	104
5.10 Další integrály Stieltjesova typu . . . . .	105
5.11 Cvičení na závěr . . . . .	105

<b>6 Kurzweilův-Stieltjesův integrál</b>	<b>107</b>
6.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	107
6.2 Existence integrálu . . . . .	115
6.3 Integrace per-partes . . . . .	129
6.4 Sakovo-Henstockovo lemma a některé jeho důsledky . . . . .	134
6.5 Neurčitý integrál . . . . .	137
6.6 Substituce . . . . .	139
6.7 Bodová konvergence . . . . .	143
6.8 Integrály maticových a vektorových funkcí . . . . .	144
6.9 Souvislost s dalšími typy integrálů . . . . .	146
<b>7 Aplikace Stieltjesova integrálu ve funkcionální analýze</b>	<b>151</b>
7.1 Několik základních pojmů z funkcionální analýzy . . . . .	151
7.2 Spojité lineární funkcionály na prostoru spojitých funkcí . . . . .	152
7.3 Spojité lineární funkcionály na prostorech integrovatelných, resp. absolutně spojitých funkcí . . . . .	159
7.4 Spojité lineární funkcionály na prostorech regulovaných funkcí . .	160
7.5 Aplikace v teorii distribucí . . . . .	166
<b>8 Zobecněné lineární diferenciální rovnice</b>	<b>171</b>
8.1 Úvod . . . . .	171
8.2 Diferenciální rovnice s impulsy . . . . .	172
8.3 Lineární operátory . . . . .	175
8.4 Existence řešení zobecněných lineárních diferenciálních rovnic .	177
8.5 Zobecněné Gronwallovo lemma a apriorní odhadování řešení . . .	183
8.6 Spojitá závislost řešení na parametrech a existence řešení pro regulované pravé strany . . . . .	187
8.7 Fundamentální matice . . . . .	192
8.8 Nehomogenní rovnice . . . . .	199
<b>Literatura</b>	<b>205</b>
Věcný rejstřík . . . . .	209
Symboly . . . . .	211