

# Obsah

Predslov .....	3
Úvod .....	5
I. Základné tézy a pojmy teórie pružnosti .....	10
1.1 Všeobecná charakteristika úloh a metódy teórie pružnosti. Pružné teleso. Základné hypotézy .....	10
1.1.1 Pojem zaťaženia a jeho klasifikácia .....	10
1.2 Pojem pružnosti a pevnosti, pojem napätia a deformácie .....	14
1.2.1 Saint-Venantov princíp .....	19
1.3 Vnútorne sily v spojitom prostredí .....	21
1.3.1 Tenzor napätia .....	23
1.4 Okrajové rovnice rovnováhy .....	27
1.5 Podmienky rovnováhy. Cauchyho rovnice rovnováhy .....	28
1.6 Tenzor deformácie, Cauchyho geometrické rovnice .....	33
1.6.1 Rovnice Saint-Venantove. Rovnice kompatibility .....	41
1.7 Fyzikálne rovnice - Hookov zákon .....	49
1.7.1 Zovšeobecnený Hookov zákon .....	50
II. Elementárne úlohy teórie pružnosti .....	57
2.1 Prostý ťah - tlak .....	57
2.2 Teória čistého - jednoduchého šmyku .....	61
2.3 Jednoduché krútenie .....	65
2.3.1 Krútenie prizmatických prútov kruhového prierezu .....	65
2.4 Napätia pri ohybe .....	69
2.5 Teória ohybu .....	72
2.6 Čistý ohyb .....	75
2.6.1 Formula pre normálové napätie $\tilde{\sigma}_x$ .....	75
2.6.2 Navrhovanie prierezov a posúdenie pevnosti ohybaného nosníka na normálové napätia .....	84
2.6.3 Ekonomicky výhodné tvary prierezov nosníka pri ohybe ....	85
2.7 Teória šmyku za ohybu - jednoduchý ohyb .....	88
2.8 Teória deformácií pri ohybe .....	92
2.9 Graficko-analytická metóda .....	109
2.10 Premiestnenie nosníka od šmykových deformácií. Vplyv šmyku na napätosť nosníka .....	113
2.11 Vplyv priečnej sily na napätosť nosníka .....	120
III. Všeobecné vlastnosti stavov napätosti a deformácie .....	123
3.1 Priestorový stav napätosti .....	123
3.1.1 Napätia na sklonených ploškách. Transformácia tenzora napätia pri pootočení súradnicových osí .....	123

3.2	Hlavné napätia a ich smery. Invarianty stavu napätosti .....	126
3.2.1	Napätie na oktaedrickej ploche .....	134
3.3	Základné závislosti a vlastnosti stavu deformácie v bode ....	135
3.3.1	Hlavné deformácie a ich smery. Invarianty tenzora de- formácie .....	136
3.3.2	Extremálne hodnoty uhlových deformácií .....	137
3.4	Deformácie objemu a formy .....	137
3.5	Rovinná napätosť .....	139
3.6	Trajektória hlavných napätí .....	142
3.6.1	Diferenciálna rovnica izostatickej krivky .....	142
3.6.2	Numerické riešenie diferenciálnej rovnice - izostat ...	143
IV.	Práca pružných síl .....	147
4.1	Potenciálna energia deformácie pružného telesa .....	147
4.2	Energetické princípy a variačné metódy .....	156
4.2.1	Princíp potenciálnej energie .....	156
4.2.2	Castiglianov variačný princíp .....	166
4.2.3	Dirichletov princíp .....	172
4.2.4	Hamiltonov princíp .....	174
4.3	Bettiho veta vzájomnosti .....	175
4.4	Priame metódy riešenia úloh teórie pružnosti .....	179
4.4.1	Ritzova metóda .....	179
4.5	Riešenie úloh teórie ohybu nosníkov variačnými metódami .....	180
4.5.1	Metóda Ritza-Timoschenka .....	181
4.5.2	Bubnova-Galerkinova metóda .....	184
V.	Zložené namáhanie prútov .....	187
5.1	Šikmý (zložený) ohyb - všeobecný prípad jednoduchého ohybu ..	187
5.2	Zložené namáhanie .....	191
5.2.1	Ohyb prizmatického prúta s ťahom (tlakom) .....	192
5.2.2	Jadrová plocha .....	198
5.3	Pevnostné teórie .....	200
VI.	Stabilita priamych prútov .....	207
6.1	Stabilita pružného prúta .....	208
6.2	Stabilita neprizmatických tlačných prútov .....	221
6.3	Stabilita prútov v nepružnej oblasti .....	226
6.4	Navrhovanie a posudzovanie centricky tlačných prútov .....	234
6.5	Kombinácia tlaku (ťahu) a ohybu štíhlych prútov v pružnej ob- lasti .....	237
6.5.1	Potenciálna energia a práca vonkajších síl .....	241
6.5.2	Princíp superpozície pri pozdĺžne priečnom ohybe .....	243
6.5.3	Pozdĺžne-priečny ohyb prizmatických nosníkov .....	244
6.5.4	Voľne podpretý prizmatický nosník s rovnomerne rozde- leným priečnym zaťažením .....	245
6.6	Riešenie úloh pozdĺžne-priečného ohybu nosníkov variačnými metódami .....	249
6.6.1	Kanonické rovnice Ritzovej metódy pre ohyb nosníka ....	251
	Použitá literatúra .....	260