

OBSAH

str.

| | |
|---------------------|---|
| Předmluva | 7 |
|---------------------|---|

Úvod.

| | |
|--|----|
| 1. Příklad na diferenciální rovnici | 9 |
| 2. Základní pojmy | 12 |
| 3. Elementární metody řešení obyčejných diferenciálních rovnic | 15 |

Část první.

Zvláštní případy rovnice prvního řádu

$$y' = \frac{dy}{dx} = f(x, y).$$

| | |
|--|----|
| 4. Metoda separace proměnných | 19 |
| 5. Rovnice $y' = f(\alpha x + \beta y + \gamma)$ | 38 |
| 6. Homogenní rovnice $y' = f\left(\frac{y}{x}\right)$ | 41 |
| 7. Isogonální trajektorie | 48 |
| 8. Rovnice $y' = f\left(\frac{ax + by + c}{a'x + b'y + c'}\right)$ | 53 |
| 9. Lineární rovnice prvního řádu $y' + f(x) y + \varphi(x) = 0$ | 56 |

10. Bernoulliho rovnice

$$y' + f(x) y + \varphi(x) y^{\kappa} = 0$$

11. Riccatiho rovnice

$$y' + by^2 = cx^m$$

12. Zobecněná Riccatiho rovnice

$$y' = Py^2 + Qy + R$$

13. Exaktní diferenciální rovnice

14. Integrační faktor

Část druhá.

Lineární rovnice druhého řádu

$$y'' + Py' + Qy = R.$$

| | |
|--|-----|
| 15. Základní úvahy | 77 |
| 16. Homogenní lineární diferenciální rovnice druhého řádu s konstantními koeficienty | 81 |
| 17. Lineární kmity | 87 |
| 18. Nehomogenní lineární diferenciální rovnice druhého řádu. Lagrangeova metoda variace konstant | 94 |
| 19. Vynucené kmity | 99 |
| 20. Některé fyzikální příklady | 106 |

Část třetí.

Lineární diferenciální rovnice n -tého řádu

$$y^{(n)} + p_1(x) y^{(n-1)} + \dots + p_{n-1}(x) y' + p_n(x) y = X(x).$$

| | |
|---|-----|
| 21. Základní věty | 111 |
| 22. Metoda variace konstant pro nehomogenní lineární diferenciální rovnici n -tého řádu | 114 |
| 23. Symbol D a jeho vlastnosti | 118 |
| 24. Lineární diferenciální rovnice n -tého řádu s konstantními koeficienty | 120 |
| 25. Operátor $\frac{1}{P(D)}$ | 130 |
| 26. Zvláštní případy nehomogenní lineární rovnice n -tého řádu s konstantními koeficienty | 136 |
| 27. Eulerova rovnice | 148 |

Část čtvrtá.

Soustavy obyčejných diferenciálních rovnic.

| | |
|---|-----|
| 28. Soustava dvou lineárních rovnic prvního řádu | 151 |
| 29. Řešení soustav lineárních rovnic s konstantními koeficienty operátorovou metodou | 166 |
| 30. Řešení soustav lineárních rovnic s konstantními koeficienty metodou eliminace | 171 |
| 31. Některé fyzikální úlohy, které vedou na soustavy lineárních diferenciálních rovnic s konstantními koeficienty | 174 |
| 32. Příklad na soustavu nelineárních diferenciálních rovnic | 182 |

Část pátá.

Některé jiné typy obyčejných diferenciálních rovnic.

| | |
|---|------------|
| 33. Rovnice prvního řádu a vyššího stupně | 185 |
| 34. Rovnice $y = f(x, y')$, $x = g(y, y')$ | 189 |
| 35. Obálka soustavy rovinných čar | 191 |
| 36. Clairautova rovnice | 193 |
| 37. Lagrangeova rovnice | 196 |
| 38. Rovnice $y^{(n)} = f(x)$ | 197 |
| 39. Rovnice $y^{(n)} = f(y)$ | 201 |
| 40. Rovnice $y^{(n)} = f(y^{(n-1)})$, $y^{(n)} = f(y^{(n-2)})$, $F[x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}] = 0$ | 205 |
| 41. Rovnice $F[y, y', \dots, y^{(n)}] = 0$ | 213 |
| 42. Rovnice homogenní v $y, y', \dots, y^{(n)}$ | 215 |
| 43. Stejnoodměřená rovnice | 216 |
| Rejstřík | 221 |