

# OBSAH

1.	Základní pojmy matematické statistiky.....	9
1.1	Teorie chyb.....	9
1.2	Náhodná veličina.....	11
1.2.1	Základní pojmy .....	11
1.2.2	Jednorozměrná náhodná veličina .....	12
1.3	Zákony rozdělení náhodných veličin .....	15
1.3.1	Normální rozdělení $N(\mu, \sigma^2)$ .....	15
1.3.2	$\chi^2(v)$ rozdělení.....	17
1.3.3	Studentovo rozdělení $t(v)$ .....	18
1.3.4	Fisherovo-Snedecorovo rozdělení $F(v_1, v_2)$ .....	18
1.4	Charakteristiky jednorozměrné náhodné veličiny.....	19
1.4.1	Charakteristiky polohy .....	19
1.4.2	Charakteristiky rozptýlení (variability) .....	22
1.4.3	Charakteristiky šíkmosti.....	23
1.4.4	Charakteristiky špičatosti .....	23
1.4.5	Charakteristiky funkce náhodných veličin.....	24
1.4.6	Transformace dat .....	25
2.	Základy bodového odhadu .....	27
2.1	Základní pojmy .....	27
2.2	Metody bodového odhadu .....	28
2.2.1	Metoda maximální věrohodnosti .....	28
2.2.2	Metoda nejmenších čtverců .....	30
2.3	Robustní a neparametrické bodové odhady .....	31
3.	Základy intervalového odhadu .....	32
4.	Testování statistických hypotéz .....	35
4.1	Parametrické testy .....	36
4.1.1	Testy hypotéz o středních hodnotách normálního rozdělení.....	37
4.1.2	Testy hypotéz o rozptylu normálního rozdělení.....	39
4.2	Neparametrické testy .....	40
4.2.1	Testy o shodě úrovně v několika souborech při nezávislých výběrech .....	40
4.2.2	Testy o shodě úrovně v několika souborech při závislých výběrech .....	43
5.	Průzkumová analýza jednorozměrných dat.....	45
5.1	Histogram .....	45
5.2	Diagram rozptýlení.....	46
5.3	Krabicové grafy .....	46
5.4	Kvantilový graf .....	47
5.5	Graf rozptýlení s kvantily.....	48
5.6	Kvantil-kvantilový graf (Q-Q graf) .....	48
5.7	Ověření minimální velikosti výběru.....	49
5.8	Ověření předpokladu nezávislosti prvků výběru.....	50
5.9	Ověření homogeneity výběru.....	51
6.	Analýza rozptylu .....	53
6.1	Jednofaktorová analýza rozptylu.....	53
6.2	Testování rozdílů mezi úrovněmi faktorů .....	56
6.3	Dvoufaktorová a třífaktorová analýza rozptylu.....	58
7.	Závislost mezi proměnnými, korelace .....	62
7.1	Závislost mezi proměnnými .....	62

7.2	Výběrová kovariance.....	62
7.3	Výběrový korelační koeficient .....	63
7.4	Výběrový koeficient mnohonásobné korelace .....	64
7.5	Výběrový koeficient parciální korelace .....	65
7.6	Neparametrické charakteristiky těsnosti korelace.....	65
8.	Regresy, lineární regresní analýza.....	68
8.1	Předpoklady aplikace metody nejmenších čtverců v regresní analýze .....	69
8.2	Jednoduchá lineární regrese .....	70
8.3	Vícenásobná lineární regrese .....	72
8.4	Statistické charakteristiky lineárních regresních modelů .....	73
8.4.1	Globální statistické charakteristiky .....	73
8.4.2	Rozptyly a směrodatné odchylinky regresních parametrů .....	75
8.4.3	Intervaly spolehlivosti regresních parametrů a pás spolehlivosti.....	78
8.5	Testování statistických hypotéz v lineární regresní analýze .....	78
8.6	Regresní diagnostika v lineární regresní analýze .....	82
8.6.1	Posouzení kvality dat pro navržený model.....	82
8.6.2	Projekční matice .....	82
8.6.3	Rezidua .....	82
8.6.4	Identifikace vlivných bodů.....	84
8.6.5	Analýza stálosti rozptylu .....	85
8.6.6	Analýza nezávislosti pozorování .....	87
8.6.7	Normalita rozdělení odchylek .....	88
8.6.8	Multikolinearity .....	88
8.7	Zobecněný model lineární regrese .....	89
8.8	Hledání nejlepšího lineárního regresního modelu .....	89
9.	Regresní analýza, nelineární regrese .....	96
9.1	Jednorozměrné optimalizační metody .....	99
9.1.1	Kroková optimalizace s proměnnou délhou kroku .....	99
9.1.2	Fibonacciho metoda .....	99
9.2	Vícerozměrné optimalizační metody .....	102
9.2.1	Metoda Monte Carlo .....	102
9.2.2	Simplexová metoda .....	103
9.2.3	Levenbergova-Marquardtova metoda .....	105
9.3	Statistické vlastnosti nelineárních regresních modelů .....	109
9.3.1	Globální charakteristiky .....	109
9.3.2	Rozptyly, směrodatné odchylinky a intervaly spolehlivosti parametrů .....	110
9.3.3	Testování statistických hypotéz .....	110
9.3.4	Regresní diagnostika .....	111
9.4	Zobecněný model nelineární regrese .....	112
9.5	Obecný postup hledání nelineárního regresního modelu .....	113
10.	Vícerozměrná náhodná veličina .....	116
11.	Metody s latentními proměnnými .....	120
11.1	Analýza latentní struktury jedné matice .....	122
11.1.1	Metoda hlavních komponent (PCA) .....	122
11.1.2	Metoda konjugovaných odchylek (CDA) .....	128
11.1.3	Metoda modelování latentních proměnných (ModLaV) .....	130
11.1.4	Faktorová analýza (FA) .....	132
11.1.5	Vysvětlená variabilita .....	136
11.1.6	Určení počtu latentních proměnných .....	137
11.1.7	Krátký cyklus .....	141

11.1.8	Vlastnosti a interpretace matice zátěží .....	143
11.1.9	Vlastnosti a interpretace matice latentních proměnných .....	148
11.1.10	Postup při analýze dat .....	152
11.1.11	Aplikace metod analýzy latentních proměnných .....	153
11.2	Analýza latentní struktury vztahu dvou matic .....	154
11.2.1	Kanonická korelace (CC) .....	154
11.2.2	Metoda projekce latentních struktur (PLS) .....	157
12.	Klasifikační metody .....	161
12.1	Základní pojmy .....	161
12.1.1	Objekt a míry podobnosti objektů .....	161
12.1.2	Shluk a míry podobnosti shluků .....	163
12.2	Diskriminační analýza .....	164
12.2.1	Lineární diskriminační analýza .....	164
12.2.2	Neuronové sítě .....	166
12.3	Shluková analýza .....	167
12.3.1	Agglomerativní hierarchické metody .....	168
12.3.2	Divizní hierarchické metody .....	172
12.3.3	Optimalizační nehierarchické metody .....	173
12.3.4	Analýza modů .....	174
12.3.5	Postup při shlukové analýze .....	174
13.	Použitá a doporučená literatura .....	177
14.	Tabulková příloha .....	181