

# Obsah

Předmluva	9
Úvod	11
<b>1 Výchozí pojmy, rovnice a principy</b>	<b>15</b>
1.1 Základní rovnice teorie pružnosti . . . . .	15
1.2 Lineárně pružný materiál . . . . .	17
1.2.1 Fyzikální rovnice pro anizotropní materiál . . . . .	17
1.2.2 Transformace fyzikálních rovnic pro ortotropní materiál	21
1.2.3 Tenzorový zápis rovnic pružnosti . . . . .	23
1.3 Pružnoplastický materiál . . . . .	25
1.3.1 Podmínka plasticity a funkce zatěžování . . . . .	25
1.3.2 Konstitutivní rovnice pro pružnoplastický materiál . .	30
1.4 Materiál s poškozením . . . . .	35
1.4.1 Model křehkého porušování . . . . .	36
1.4.2 Lokalizace . . . . .	40
1.4.3 Disipace energie. Rozměrový efekt. . . . .	44
1.4.4 Omezovače lokalizace . . . . .	49
1.5 Vazkopružný materiál . . . . .	52
1.5.1 Konstitutivní vztahy pro jednoosou napjatost . . . . .	53
1.5.2 Přírůstkové konstitutivní vztahy - jednoosá napjatost	56
1.5.3 Přírůstkové konstitutivní vztahy - obecná napjatost .	57
1.6 Princip virtuálních prací a variační principy . . . . .	59
1.6.1 Princip virtuálních prací (PVP) . . . . .	59
1.6.2 Variační principy . . . . .	61
1.6.3 Modifikované variační principy . . . . .	66
1.6.4 Ritzova metoda . . . . .	70

1.7	Podmínky konvergence v deformační variantě . . . . .	75
1.8	Nelineární systémy a kritérium stability . . . . .	76
<b>2</b>	<b>Prutové konstrukce . . . . .</b>	<b>81</b>
2.1	Základní vztahy pro prut . . . . .	81
2.1.1	Transformace základních rovnic pružnosti k průřezu . . . . .	81
2.1.2	Prut na pružném podloží . . . . .	86
2.2	Tažený - tlačенý a ohýbaný prvek . . . . .	93
2.2.1	Silová varianta řešení . . . . .	93
2.2.2	Deformační (posunová) varianta řešení . . . . .	100
2.3	Zakřivený prutový prvek . . . . .	106
2.4	Prvek pro řešení roštových konstrukcí . . . . .	109
2.4.1	Analogie mezi taženým-tlačeným prvkem a krouce- ným prvkem . . . . .	109
2.4.2	Roštový prvek na pružném Winklerově-Pasternakově podloží . . . . .	110
2.5	Statická kondenzace . . . . .	115
2.6	Transformace souřadnic . . . . .	122
<b>3</b>	<b>Plošné konstrukce . . . . .</b>	<b>131</b>
3.1	Základní vztahy pro izoparametrické prvky . . . . .	131
3.1.1	Podstata izoparametrických prvků . . . . .	131
3.1.2	Aproximační funkce na čtyřúhelníku . . . . .	133
3.2	Základní vztahy pro trojúhelníkové prvky . . . . .	137
3.2.1	Plošné souřadnice na trojúhelníku . . . . .	137
3.2.2	Aproximační funkce na trojúhelníku . . . . .	139
3.3	Tažený-tlačенý prvek . . . . .	140
3.4	Tenkostěnný prutový prvek . . . . .	141
3.5	Prvky pro rovinnou úlohu . . . . .	145
3.5.1	Trojúhelníkový prvek . . . . .	147
3.5.2	Izoparametrický bilineární čtyřúhelníkový prvek . . . . .	150
3.5.3	Modifikovaný čtyřúhelníkový prvek . . . . .	153
3.5.4	Rovinný prvek s rotačními stupni volnosti . . . . .	158
3.6	Deskové prvky . . . . .	169
3.6.1	Mindlinova teorie tlustých desek . . . . .	171
3.6.2	Trojúhelníkový prvek DKT (Diskrete Kirchhoff Theory) . . . . .	180
3.6.3	Deskový prvek CCT (Constant Curvature Triangle) . . . . .	183
3.6.4	Čtyřúhelníkový deskový prvek s pružným podkladem . . . . .	187
3.6.5	Modifikovaný čtyřúhelníkový deskový prvek . . . . .	191

3.7	Skořepinové prvky . . . . .	196
3.7.1	Zakřivený trojúhelníkový prvek v lokálních souřadnicích	196
3.7.2	Transformace skořepinového prvku do globálních souřadnic . . . . .	200
3.8	Interakce konstrukcí s podložím . . . . .	201
3.8.1	Neovlivňující se základové prvky . . . . .	202
3.8.2	Interakce základových prvků . . . . .	204
3.9	Patch test . . . . .	208
<b>4</b>	<b>Tělesa</b>	<b>213</b>
4.1	Čtyřstěny . . . . .	214
4.2	Cihly . . . . .	215
4.3	Cihla s rotačními stupni volnosti . . . . .	217
4.4	Rotačně souměrné kontinuum . . . . .	221
<b>5</b>	<b>Lineární dynamika a stabilita</b>	<b>225</b>
5.1	Základní pojmy a vztahy . . . . .	226
5.1.1	Matice hmotnosti . . . . .	226
5.1.2	Matice počátečních napětí . . . . .	226
5.1.3	Pohybová rovnice . . . . .	228
5.1.4	Lineární stabilita . . . . .	229
5.1.5	Vlastní kmitání lineárních soustav . . . . .	229
5.1.6	Ortogonalita vlastních tvarů . . . . .	231
5.1.7	Rayleighův kvocient . . . . .	232
5.1.8	Spektrální rozklad matice tuhosti . . . . .	233
5.2	Metody řešení vlastního kmitání . . . . .	233
5.2.1	Přehled metod . . . . .	233
5.2.2	Statická kondenzace . . . . .	234
5.2.3	Rayleighova-Ritzova metoda . . . . .	235
5.2.4	Kombinace statické kondenzace a Rayleighovy-Ritzovy metody . . . . .	237
5.2.5	Inverzní iterace . . . . .	241
5.2.6	Grammova-Schmidtova ortogonalizace . . . . .	243
5.2.7	Inverzní iterace s posunutím . . . . .	244
5.2.8	Jacobiho metoda rotací . . . . .	244
5.2.9	Metoda iterace podprostoru . . . . .	249
5.2.10	Lanczosova metoda . . . . .	251
5.2.11	Aplikace Lanczosovy metody na řešení vlastního tlumeného kmitání . . . . .	260