

# OBSAH

<b>Predhovor</b>	9
<b>I. Základy matematické analýzy</b>	11
RNDr. Ludmila Machačová, CSc.	
1 Výroky a množiny	11
2 Množina reálných čísel a množina komplexních čísel	13
3 Zobrazení	15
4 Pojem posloupnosti a její limita	15
5 Vlastnosti konvergentních posloupností	16
6 Vlastnosti nevlastních limit posloupností	18
7 Monotónní posloupnosti	20
8 Funkce jedné proměnné	20
9 Některé speciální třídy funkcí	22
10 Elementární funkce	25
11 Racionální funkce	30
12 Limita funkce	32
13 Věty o limitách funkce	33
14 Spojitost funkce	39
Výsledky	42
<b>II. Diferenciální počet funkcí jedné proměnné</b>	57
RNDr. Ludmila Machačová, CSc.	
1 Derivace funkce a její vlastnosti	57
2 Věty o derivacích a derivace elementárních funkcí	60
3 Diferenciál funkce	69
4 Derivace a diferenciály vyšších řádů	72
5 Věty o střední hodnotě	75
6 L'Hospitalovo pravidlo	77
7 Taylorův vzorec	81
8 Geometrický význam nenulové první a druhé derivace	84
9 Lokální extrémy funkce a inflexní body	85
10 Asymptoty grafu funkce. Průběh funkce	91

---

11 Parametrické rovnice rovinných křivek . . . . .	96
Výsledky . . . . .	98
<b>III. Integrálny počet funkcie jednej premennej . . . . .</b>	<b>121</b>
Doc. RNDr. Dorota Krajnáková	
1 Primitívna funkcia a neurčitý integrál . . . . .	121
2 Metódy výpočtu neurčitých integrálov . . . . .	123
3 Integrovanie racionálnych zlomkových funkcií . . . . .	127
4 Integrovanie niektorých iracionálnych funkcií . . . . .	128
5 Integrovanie niektorých goniometrických funkcií . . . . .	130
Tab. III.1. Niektoré neurčité integrály . . . . .	134
6 Určitý integrál a jeho vlastnosti . . . . .	135
7 Geometrické aplikácie určitého integrálu . . . . .	140
8 Práca premenlivej sily a iné fyzikálne aplikácie . . . . .	148
9 Nevlastné integrály . . . . .	149
Výsledky . . . . .	153
<b>IV. Lineárna algebra . . . . .</b>	<b>170</b>
Doc. RNDr. Dorota Krajnáková	
1 Lineárny priestor . . . . .	170
2 Matice . . . . .	176
3 Matica lineárneho zobrazenia . . . . .	187
4 Determinanty . . . . .	190
5 Sústavy lineárnych rovnic . . . . .	194
6 Vektory . . . . .	200
7 Niektoré úlohy analytickej geometrie v $\mathbb{R}^3$ . . . . .	202
8 Cylindrické a sférické súradnice v $\mathbb{R}^3$ . . . . .	207
Výsledky . . . . .	208
<b>V. Diferenciální počet funkcií více proměnných . . . . .</b>	<b>220</b>
Doc. Jiří Mička, CSc.	
1 Úvodní poznámky . . . . .	220
2 Funkce a zobrazení v $\mathbb{R}^k$ . . . . .	222
3 Limita a spojitost funkcí a zobrazení v $\mathbb{R}^k$ . . . . .	229
4 Zobecnění pojmu derivace . . . . .	231
5 Diferencovatelné funkce, funkce třídy $C_1$ . . . . .	236
6 Derivace vyšších řádů . . . . .	240
7 Derivace a parciální derivace složené funkce. Transformace diferenciálních výrazů. Operátor nabla v $\mathbb{R}^3$ . . . . .	241
8 Taylorův vzorec, diferenciály vyšších řádů . . . . .	252
9 Funkce určená implicitně a její derivace . . . . .	257
10 Extrémy funkcií k proměnných . . . . .	268
11 Vázané extrémy, absolutní extrémy . . . . .	275
Výsledky . . . . .	281

<b>VI. Diferenciálne rovnice I . . . . .</b>	<b>296</b>
Doc. Jiří Mička, CSc.	
1 Základní pojmy . . . . .	296
2 Některé elementární způsoby řešení . . . . .	298
3 Lineární diferenciální rovnice . . . . .	316
4 Lineární diferenciální rovnice s konstantními koeficienty . . . . .	320
Výsledky. . . . .	331
<b>VII. Integrálny počet funkcií viac premenných . . . . .</b>	<b>345</b>
Doc. RNDr. Dorota Krajňáková	
1 Dvojny integrál. . . . .	345
2 Zámena premenných vo dvojnom integráli . . . . .	350
3 Nevlastné dvojné integrály . . . . .	352
4 Niektoré aplikácie dvojného integrálu . . . . .	354
5 Viacrozmerné integrály . . . . .	356
6 Krivkové integrály . . . . .	360
7 Plošné integrály . . . . .	367
8 Integrálne vety . . . . .	369
Výsledky. . . . .	373
<b>VIII. Nekonečné rady . . . . .</b>	<b>378</b>
Doc. RNDr. Dorota Krajňáková	
1 Pojem nekonečného číselného radu. Súčet radu . . . . .	378
2 Kritériá pre konvergenciu číselných radov . . . . .	383
Tab. VIII. 1. Číselné rady . . . . .	391
3 Pojem funkcionálneho radu. Mocninové rady . . . . .	392
4 Taylorov rad . . . . .	397
Tab. VIII. 2. Mocninové rady . . . . .	399
5 Výpočet integrálov pomocou nekonečných radov . . . . .	400
6 Fourierove rady . . . . .	402
Výsledky. . . . .	407
<b>IX. Základy numerické matematiky . . . . .</b>	<b>415</b>
Doc. Jiří Mička, CSc.	
1 Numerické řešení rovnic o jedné neznámé . . . . .	415
2 Numerické řešení soustav lineárních rovnic . . . . .	420
3 Interpolace . . . . .	425
4 Numerická derivace a integrace . . . . .	429
5 Úvod do numerického řešení obyčajných diferenciálních rovnic . . . . .	438
Výsledky. . . . .	445
<b>X. Pojem pravděpodobnosti . . . . .</b>	<b>449</b>
RNDr. Ludmila Machačová, CSc.	
1 Úvodní poznámky . . . . .	449

---

2 Pravděpodobnost náhodného jevu . . . . .	449
3 Výpočet pravděpodobnosti náhodných jevů . . . . .	450
4 Podminěná pravděpodobnost . . . . .	454
5 Náhodná veličina a její distribuční funkce . . . . .	456
6 Náhodné veličiny s diskrétním a spojitým rozdělením pravděpodobnosti . . . . .	457
7 Náhodný vektor a jeho distribuční funkce . . . . .	459
8 Funkce náhodných veličin . . . . .	459
9 Střední hodnota a rozptyl . . . . .	461
10 Momenty . . . . .	464
11 Kvantily . . . . .	465
12 Charakteristická funkce . . . . .	465
13 Alternativní, binomické a Poissonovo rozdělení pravděpodobnosti . . . . .	467
14 Normální rozdělení . . . . .	470
15 Funkce náhodných veličin s normálním rozdělením . . . . .	472
16 Některá další rozdělení pravděpodobnosti . . . . .	473
17 Zákon velkých čísel . . . . .	475
18 Centrální limitní věta . . . . .	476
Výsledky. . . . .	478
 XI. Matematická statistika . . . . .	490
RNDr. Ludmila Machačová, CSc.	
1 Základní pojmy z teorie náhodného výběru . . . . .	490
2 Teorie odhadu . . . . .	491
3 Testování statistických hypotéz . . . . .	498
4 Lineární regrese . . . . .	504
Výsledky. . . . .	510
 XII. Diferenciálne rovnice II <sup>1</sup> . . . . .	514
Doc. Jiří Mička, CSc.	
1 Soustavy lineárních diferenciálních rovnic . . . . .	514
2 Autonomní soustavy lineárních diferenciálních rovnic . . . . .	515
3 Parciálne diferenciálne rovnice matematickej fyziky . . . . .	520
Výsledky. . . . .	525
Literatúra . . . . .	527

<sup>1</sup> V súlade s obsahom [2] neuvádzame príklady k oddielu XII. 2