

|   | Strana |
|---|--------|
| PŘEDMLUVA   | 9      |
| 1. ÚVOD   | 11     |
| 1.1. Co je modální analýza?   | 11     |
| 1.2. Jak se používá?  | 11     |
| 1.3. K čemu je užitečná?  | 13     |
| 1.4. Historické poznámky  | 14     |
| 2. TEORETICKÉ ZÁKLADY   | 17     |
| 2.1. Základní pojmy, označování a závislosti pro soustavu<br>o jednom stupni volnosti | 17     |
| 2.1.1. Tlumení viskózního typu  | 17     |
| 2.1.1.1. Volné kmitání  | 17     |
| 2.1.1.2. Vynucené kmitání   | 19     |
| 2.1.2. Hysterezní tlumení   | 23     |
| 2.1.3. Názvosloví přenosů   | 25     |
| 2.2. Soustava s více stupni volnosti a pojem modální analýzy                          | 26     |
| 2.2.1. Vlastní frekvence a vlastní tvary kmitu netlumené<br>soustavy                  | 27     |
| 2.2.2. Ortogonalita vlastních vektorů   | 29     |
| 2.2.3. Normování vlastních vektorů  | 30     |
| 2.2.4. Modální transformace pohybových rovnic   | 31     |
| 2.2.5. Proporcionální tlumení   | 34     |
| 2.2.6. Hysterezní tlumení   | 35     |
| 2.3. Obecný případ viskozního tlumení   | 39     |
| 2.3.1. Vlastní frekvence a vlastní vektory  | 39     |
| 2.3.2. Ortogonalita vlastních vektorů   | 42     |
| 2.3.3. Ortonormování vlastních vektorů  | 43     |
| 2.3.4. Pravostranné a levostranné vlastní vektory                                     | 46     |
| 2.3.5. Modální transformace   | 47     |
| 2.3.6. Frekvenční přenos  | 48     |
| 3. EXPERIMENTÁLNÍ URČOVÁNÍ FREKVENČNÍCH PŘENOSŮ                                       | 56     |
| 3.1. Základní poznatky z teorie náhodných procesů                                     | 57     |
| 3.1.1. Užití Fourierovy transformace  | 57     |
| 3.1.2. Chyby při zpracování signálů   | 59     |
| 3.2. Budící účinky  | 63     |
| 3.2.1. Přehled  | 63     |
| 3.2.2. Přenesení silového účinku na soustavu  | 66     |
| 3.2.3. Cejchování   | 67     |

|  |     |
|--|-----|
| 3.3. Ovlivnění signálů vstupními obvody  | 67  |
| 3.3.1. Náhradní elektrické obvody  | 67  |
| 3.3.2. Citlivost snímačů   | 69  |
| 3.3.3. Zpracování signálu silového pulsu                                       | 71  |
| 3.3.4. Rektifikace fázového zkreslení  | 72  |
| 3.4. Příprava soustavy k měření  | 73  |
| 3.4.1. Volba bodů identifikace   | 73  |
| 3.4.2. Poloautomatické generování prostorových souřadnic daného objektu        | 75  |
| 3.4.3. Zachycení soustavy v prostoru   | 77  |
| 3.4.4. Volba referenčního bodu   | 78  |
| 3.5. Měřicí zařízení   | 79  |
| 3.5.1. Instalace měřicí aparatury  | 79  |
| 3.5.2. Příprava analyzátoru k měření   | 80  |
| 3.5.3. Ověřovací měření  | 81  |
| 3.5.4. Příprava k ukládání výsledků měření                                     | 82  |
| 3.6. Odměření spekter frekvenčních přenosů                                     | 83  |
| 4. URČOVÁNÍ MODÁLNÍCH PARAMETRŮ Z NAMĚŘENÝCH HODNOT                            | 84  |
| 4.1. Soustava s jedním stupněm volnosti  | 85  |
| 4.1.1. Znázorňování frekvenčního přenosu v Nyquistově diagramu                 | 85  |
| 4.1.2. Geometrický přístup k úloze vyhlazení                                   | 87  |
| 4.1.3. Regrese použitelné pro nalezení modální konstanty                       | 87  |
| 4.1.3.1. Regrese podle kružnice procházející počátkem                          | 88  |
| 4.1.3.2. Regrese podle kružnice neprocházející počátkem                        | 88  |
| 4.1.4. Regrese použitelné pro nalezení modální frekvence a tlumení             | 89  |
| 4.1.4.1. Přímý odhad vlastního čísla   | 90  |
| 4.1.4.2. Regrese podle tangenty  | 90  |
| 4.1.4.3. Regrese podle kubického polynomu                                      | 92  |
| 4.1.4.4. Užití interpolační formule  | 93  |
| 4.2. Soustava s více stupni volnosti   | 95  |
| 4.2.1. Složitá soustava jako sjednocení více soustav s jedním stupněm volnosti | 95  |
| 4.2.2. Zjednodušený simultánní výpočet reziduí                                 | 96  |
| 4.2.3. Simultánní výpočet vlastních čísel a reziduí                            | 98  |
| 4.2.4. Globální vyhlazení  | 100 |
| 4.3. Kontrolní syntéza frekvenčního přenosu                                    | 101 |
| 4.4. Určení modálního tvaru z výsledků regresního výpočtu                      | 101 |
| 4.5. Kritérium modální věrnosti  | 103 |

|   |     |
|---|-----|
| 5. VYUŽITÍ MODÁLNÍCH MODELŮ   | 104 |
| 5.1. Grafická interpretace tvarů kmitu                                    | 104 |
| 5.1.1. Znázornění prostorových objektů                                    | 104 |
| 5.1.2. Sestrojení normály k ploše   | 105 |
| 5.1.3. Vynášení výchylek ve směru normály                                 | 106 |
| 5.1.4. Znázornění bodu konajícího obecný harmonický pohyb                 | 107 |
| 5.2. Strukturální dynamická modifikace                                    | 108 |
| 5.2.1. Teoretické základy   | 108 |
| 5.2.1.1. Použití předpoklady a formulace úlohy                            | 108 |
| 5.2.1.2. Algoritmus výpočtu   | 110 |
| 5.2.2. Postup při praktickém použití                                      | 112 |
| 5.3. Modelování odezev  | 113 |
| 5.4. Identifikace budících silových účinků                                | 113 |
| 5.5. Strukturální stroboskopie  | 114 |
| 6. PŘÍKLAD PROGRAMOVÉHO PROJEKTU PRO MODÁLNÍ ANALÝZU                      | 116 |
| 6.1. Stručná charakteristika dílčích programů                             | 118 |
| 6.2. Užívané datové soubory   | 120 |
| 7. PŘÍKLADY   | 123 |
| 7.1. Vyšetření modálních vlastností nosníku                               | 123 |
| 7.1.1. Odměření frekvenčních přenosů                                      | 124 |
| 7.1.2. Zjištění modálních vlastností                                      | 126 |
| 7.1.3. Srovnání a zhodnocení výsledků                                     | 129 |
| 7.2. Strukturální modifikace nosníku připojením hmoty                     | 132 |
| 7.3. Strukturální modifikace desky připojením žebra                       | 134 |
| 7.4. Modální vlastnosti prostorového rámu                                 | 137 |
| 7.5. Modální vlastnosti lopatky proudového stroje                         | 141 |
| 7.6. Modální vlastnosti krycího kotouče radiálního kompresoru             | 142 |
| 7.7. Vyšetření provozních kmitů ruční vrtačky                             | 144 |
| <u>DODATKY</u>  | 146 |
| D 1. Použití modálního rozkladu pro analýzu příčného kmitání nosníku      | 146 |
| D 1.1. Výpočet vlastních frekvencí a tvarů kmitu                          | 146 |
| D 1.2. Sestavení výrazu pro dynamickou poddajnost mezi dvěma body nosníku | 148 |

|  |     |
|--|-----|
| D 2. Parametry rázového buzení a jejich vzájemné souvislosti | 150 |
| D 2.1. Průběh síly při rázu                                  | 150 |
| D 2.2. Spektrum silového pulsu                               | 152 |
| SEZNAM LITERATURY  | 154 |