

Obsah:

Předmluva	7
Kapitola 1. Základní vzorce	9
1.1 Základní algebra reálných čísel	9
1.2 Kombinatorika	12
1.3 Logika.....	13
Výrokový počet	13
Kvantifikátory	15
Metody důkazů	16
1.4 Teorie množin	17
Relace mezi množinami	17
Operace s množinami	18
1.5 Množiny čísel	20
1.6 Prvočísla a prvočíselné rozklady	21
1.7 Zobrazení.....	24
Základní pojmy reálných funkcí reálné proměnné	25
1.8 Algebraické struktury	28
Přehled vybraných algebraických struktur	28
Příklady algebraických struktur	29
Homomorfismy a izomorfismy	30
Některé další vlastnosti algebraických struktur	31
1.9 Algebraické rovnice	33
1.10 Konstanty a převody	37
Základní matematické konstanty	37
Kapitola 2. Analytická geometrie	41
2.1 Vektorové prostory	41
Skalární součin.....	42
2.2 Součiny	43
2.3 Transformace souřadnic	44
Matici.....	44
2.4 Tenzory	49
Tenzory 1. řádu	49
Tenzory 2. řádu	49
2.5 Rovinné útvary	50
Trocíhelníky	50
Čtyřúhelníky	51
Mnohoúhelníky	52
Kruh, kružnice	52
2.6 Některá prostorová tělesa	53
2.7 Kvadratické formy	55
2.8 Analytická geometrie v rovině	56
2.9 Analytická geometrie v prostoru	60
Plochy druhého stupně.....	62
2.10 Plochy. Tečné roviny	63

2.11 Soustavy křivek.....	64
Ortogonalní trajektorie.....	64
Kapitola 3. Posloupnosti a řady	65
3.1 Posloupnosti.....	65
3.2 Řady	67
Kritéria konvergence řady	67
3.3 Některé konvergentní číselné řady	68
3.4 Mocninné řady	69
Taylorova řada	69
Příklady mocninných řad	70
3.5 Fourierovy řady.....	72
Kapitola 4. Funkce	73
4.1 Polynomy a racionální funkce	73
4.2 Logaritmus, exponenciální a mocninná funkce	75
4.3 Goniometrické funkce	76
Základní vzorce	76
Součtové věty	76
4.4 Cyklometrické funkce	79
4.5 Hyperbolické funkce	80
4.6 Speciální funkce	83
Kapitola 5. Diferenciální počet	89
5.1 Derivace.....	89
5.2 Křivky v rovině.....	91
5.3 Příklady některých křivek	92
5.4 Diferenciál.....	95
Věty o střední hodnotě	95
Monotonie a extrémy funkcí	96
5.5 Diferenciální geometrie.....	97
Křivky	97
Diferenciální formy	102
Kapitola 6. Integrální počet	104
6.1 Základní neurčité integrály	104
6.2 Integrační pravidla	105
6.3 Důležité substituce	105
6.4 Integrály z racionálních funkcí	107
6.5 Integrály z iracionálních funkcí.....	112
6.6 Integrály z goniometrických funkcí	119
Integrály obsahující sinus	119
Integrály obsahující kosinus	121
Integrály obsahující sinus i kosinus	123
Integrály obsahující tangens a cotangens	126
6.7 Integrály z ostatních transcendentních funkcí.....	127
Integrály z exponenciálních funkcí	127
Integrály z logaritmických funkcí	128

Integrály z cyklometrických funkcí	129
Integrály z hyperbolometrických funkcí	130
6.8 Důležité určité integrály	131
6.9 Vícenásobné integrály	135
6.10 Použití integrálů	136
Geometrické aplikace	136
Fyzikální aplikace	138
Důležité integrální vztahy	140
Kapitola 7. Integrální transformace	141
Kapitola 8. Interpolace a approximace	147
8.1 Ortogonální polynomy	147
8.2 Bernoulliovy a Eulerovy polynomy	158
8.3 Interpolace	160
Polynomiální interpolace	160
Interpolace spline-funkcemi	164
8.4 Aproximace metodou nejmenších čtverců	165
8.5 Rychlá Fourierova transformace	171
8.6 Numerický výpočet derivace	173
8.7 Numerický výpočet integrálu	175
Gaussovy kvadraturní vzorce	175
Radauův a Lobattův kvadraturní vzorec	179
Čebyševův kvadraturní vzorec	181
Gaussovy vzorce pro vícerozměrné integrály	182
Vzorce pro stejnoměrné dělení	182
Další metody	185
Kapitola 9. Numerické metody lineární algebry	188
9.1 Základní pojmy a vztahy	188
9.2 Řešení soustav lineárních rovnic	192
Přímé metody	192
Maticové iterační metody	197
Gradientní metody	198
9.3 Inverze matic	201
9.4 Výpočet vlastních čísel a vlastních vektorů matic	202
Konstrukce charakteristického polynomu	202
Výpočet dominantního vlastního čísla	203
Redukční metody	203
Inverzní iterace	204
Jacobiова transformace symetrické matice	204
Převedení matice na třídiagonální tvar	206
Převedení matice na Hessenbergův tvar	208
Faktorizační metody	210
Kapitola 10. Řešení nelineárních rovnic	213
10.1 Metody řešení rovnice $f(x) = 0$	213
10.2 Řešení soustav nelineárních rovnic	215

10.3	Kořeny polynomů	216
	Vždy konvergentní metody	217
	Zpřesňující metody	219
Kapitola 11.	Diferenciální rovnice	221
11.1	Obyčejné diferenciální rovnice	221
	Základní pojmy	221
	Existence a jednoznačnost řešení	221
	Diferenciální rovnice 1. řádu	222
	Diferenciální rovnice 2. řádu	223
11.2	Lineární diferenciální rovnice	225
	Rovnice s konstantními koeficienty	225
11.3	Integrální rovnice	231
11.4	Lineární diferenční rovnice	232
11.5	Numerické řešení obyčejných diferenciálních rovnic	234
	Rungovy-Kuttovy metody	234
	Bulirschova-Stoerova metoda	236
11.6	Lineární mnohokrokové metody	236
	Obecné vyjádření	236
	Lineární k -krokové metody	238
	Metody prediktor-korektor	240
11.7	Metoda konečných diferencí	241
	Základní idea metody	241
	Formulace hraničních podmínek	242
11.8	Variační metody	248
11.9	Víceúrovňová metoda (multigrid)	251
Kapitola 12.	Základy funkcionální analýzy	253
12.1	Základní pojmy	253
12.2	Zobecněné funkce	258
	Sobolevovy prostory	263
Kapitola 13.	Komplexní proměnná	265
13.1	Komplexní čísla	265
13.2	Funkce komplexní proměnné	266
	Elementární funkce	267
	Speciální konformní zobrazení	271
13.3	Gama a beta funkce	274
Kapitola 14.	Teorie pravděpodobnosti	275
14.1	Náhodná veličina	276
14.2	Charakteristiky náhodných veličin	277
14.3	Náhodný vektor	280
14.4	Důležitá diskrétní rozdělení	282
14.5	Důležitá spojitá rozdělení	283
14.6	Důležitá mnohorozměrná rozdělení	286
Kapitola 15.	Matematická statistika	287
	Výběrové charakteristiky:	287

15.1	Náhodný výběr z normálního rozdělení	289
15.2	Uspořádaný náhodný výběr	290
15.3	Elementární statistické zpracování	291
15.4	Teorie odhadu	291
	Bodové odhady pro některá důležitá rozdělení	291
	Intervalové odhady pro některá důležitá rozdělení	292
15.5	Testy hypotéz o parametrech normálního rozdělení	293
	Jednovýběrová analýza	293
	Dvouvýběrová analýza	294
	Párové testy	294
15.6	Důležité neparametrické testy	295
	Znaménkový test	295
	Jednovýběrový Wilcoxonův test	295
	Test χ^2 dobré shody	296
15.7	Regresní analýza	296
15.8	Některé důležité případy modelu lineární regrese	297
	Speciální případy:	298
	Ortogonalizace regresorů	299
Literatura		301
Rejstřík		302