

# OBSAH

PŘEDMLUVA	iii
OBSAH	iv
ÚVOD	1
I. REÁLNÁ ČÍSLA	3
Vlastnosti množiny $\mathbb{Q}$	4
Iracionální čísla	5
Uspořádání v $\mathbb{R}$	8
Úplnost $\mathbb{R}$	9
Supremum a infimum množiny	10
Aritmetické operace v $\mathbb{R}$	14
Topologie číselné osy	16
Rozšířená reálná osa	23
Mohutnost množin, spočetné a nespočetné množiny	25
II. POSLOUPNOSTI REÁLNÝCH ČÍSEL	29
Základní vlastnosti	29
Definice limity	32
Existence limity	37
Limitní přechod za znamením nerovnosti	39
Vlastnosti konvergentních posloupností	41
Operace s nevlastními limitami, neurčité výrazy	44
Vybrané posloupnosti	48
Hromadné body posloupnosti	52
Bolzanova–Cauchyova podmínka	56
Charakterizace hromadných bodů a uzávěru množiny posloupnostmi	58
Číslo $e$	60
III. POJEM REÁLNÉ FUNKCE	65
Definice reálné funkce	65
Globální vlastnosti	70
Lokální vlastnosti	75
Elementární funkce	78
Obecná mocnina	78
Mocninná funkce	79
Exponenciální funkce	81
Logaritmická funkce	82

Goniometrické funkce	83
Cyklotické funkce	84
Hyperbolické funkce	88
Hyperbolometrické funkce	89
<b>IV. LIMITA FUNKCE</b>	<b>93</b>
Definice limity	93
Věty o limitách	102
Některé důležité limity	110
Symboly $o$ , $O$ . Asymptotická rovnost funkcí	114
Bolzanova–Cauchyova podmínka	117
<b>V. SPOJITOST FUNKCE</b>	<b>119</b>
Definice spojitosti funkce v bodě	119
Věty o spojitosti funkce v bodě	123
Body nespojitosti	124
Vlastnosti funkcí spojitých na intervalu	126
Stejnoměrná spojitost	131
<b>VI. DERIVACE FUNKCE</b>	<b>135</b>
Definice derivace funkce v bodě	135
Výpočet derivace	140
Derivace vyšších řádů	145
Diferenciál funkce v bodě	146
Základní věty diferenciálního počtu	149
L'Hospitalovo pravidlo	157
<b>VII. TAYLORŮV VZOREC</b>	<b>159</b>
Taylorova věta	159
Taylorova a Maclaurinova řada	167
<b>VIII. PRŮBĚH FUNKCE</b>	<b>171</b>
Funkce monotónní	171
Lokální extrémy	173
Funkce konvexní a konkávní	177
Inflexní body	184
Asymptoty	188
Postup při vyšetřování průběhu funkce	190
<b>DODATEK</b>	<b>193</b>
Historické poznámky	193
Použité značení	197
Řecká abeceda	198
<b>LITERATURA</b>	<b>199</b>