

## Obsah

### Předmluva

#### Seznam matematických značek

13

### Část 1. Adaptace, učení a popis prostředí

15

#### 1. Úvod

15

##### Literatura

16

#### 2. Adaptace a učení

17

##### 2.1. Dva fyziologické experimenty

17

##### 2.2. Předběžné úvahy o formalizaci adaptace a učení

20

##### 2.3. Příklad použití navržené formalizace

21

##### 2.4. Efektivnost adaptace a učení

23

##### 2.5. Definice adaptace a učení

25

##### 2.5.1. Definice adaptivního systému

25

##### 2.5.2. Definice učícího se systému

27

##### 2.5.3. Porovnání definic adaptivního a učícího se systému

28

##### Literatura

29

#### 3. Formální popis prostředí

30

##### 3.1. Druhy prostředí

30

##### 3.2. Formální popis systémů

31

##### 3.3. Formální popis předmětů

32

##### 3.3.1. Co to je rozpoznávání předmětů?

32

##### 3.3.2. Příznakový popis předmětů

33

##### 3.3.3. Syntaktický popis předmětů

36

##### Literatura

40

### Část 2. Adaptace a učení v teorii řízení

41

#### 4. Adaptivní identifikace a adaptivní řízení

41

##### 4.1. Princip činnosti adaptivních systémů identifikace a řízení

41

##### 4.1.1. Adaptace v systémech řízení

41

##### 4.1.2. Informace o požadovaném chování a struktura adaptivního regulátoru

43

##### 4.1.3. Kritéria ztrát používaná v adaptivních systémech řízení

45

##### 4.1.4. Význam apriorní informace

46

##### 4.1.5. Podstata adaptivní identifikace

48

##### 4.2. Metody minimalizace kritéria ztrát

50

4.2.1.	Gradientní metody	50
4.2.2.	Citlivostní funkce	51
4.2.3.	Metoda náhodného hledání	52
4.3.	Adaptivní identifikace	53
4.3.1.	Adaptivní identifikace s paralelním modelem	53
4.3.2.	Adaptivní identifikace se sériově paralelním modelem	54
4.4.	Adaptivní řízení	56
4.4.1.	Adaptivní řízení s modelem	56
4.4.2.	Duální řízení	58
4.4.3.	Adaptivní řízení s číselnou informací o požadovaném chování	61
4.4.4.	Řízení systémů, je-li cíl řízení zadán nerovnostmi	63
4.5.	Učící se regulátory	65
	Literatura	66
<b>5.</b>	<b>Učící se automaty</b>	<b>67</b>
5.1.	Úloha řízení a automaty	67
5.2.	Formulace problému, typy náhodných prostředí	68
5.3.	Kritéria chování učících se automatů v náhodném prostředí	71
5.4.	Automaty s pevnou strukturou v náhodném prostředí	73
5.5.	Automaty s proměnnou strukturou v náhodném prostředí	80
5.5.1.	Princip činnosti automatu s proměnnou strukturou	80
5.5.2.	Typy posilových algoritmů	81
5.6.	Automaty jako učící se regulátory	86
	Literatura	91
<b>Část 3. Učící se klasifikátory pro příznakově popsané předměty</b>		<b>93</b>
<b>6.</b>	<b>Princip činnosti klasifikátoru</b>	<b>93</b>
6.1.	Základní model klasifikátoru	93
6.2.	Lineární diskriminační funkce	97
6.3.	Klasifikace podle minimální vzdálenosti	99
6.4.	Po čátech lineární diskriminační funkce	101
6.5.	Obecné diskriminační funkce, $\Phi$ -převodník	104
6.6.	Parametrisace množiny rozhodovacích pravidel	106
	Literatura	106
<b>7.</b>	<b>Optimální nastavení klasifikátorů</b>	<b>107</b>
7.1.	Základní úvahy	107
7.2.	Kritérium minimální chyby	109
7.2.1.	Obecný tvar kritéria	109
7.2.2.	Tvar kritéria pro jednotkové ztrátové funkce	112
7.2.3.	Dva příklady použití kritéria minimální chyby	115
7.3.	Kritérium nejlepší approximace	116
7.3.1.	Kritérium pro $\Phi$ -převodník	116
7.3.2.	Kritérium nejlepší approximace s etalony	118
7.3.3.	Ekvivalence obou variant kritéria nejlepší approximace	120
7.3.4.	Porovnání kritérií	121
7.4.	Waldovo sekvenční kritérium	122
7.4.1.	Základní tvar kritéria	122

7.4.2.	Modifikované Waldovo kritérium	124
7.5.	Sekvenční klasifikace	126
7.5.1.	Podstata sekvenčních metod klasifikace	126
7.5.2.	Sekvenční klasifikátory pracující podle Waldova kritéria	128
7.5.3.	Sekvenční klasifikátory pracující podle kritéria nejlepší approximace s etalony	129
	Literatura	130
<b>8.</b>	<b>Výběr a uspořádání příznaků</b>	<b>131</b>
8.1.	Základní úvahy	131
8.2.	Diskrétní Karhunenův-Loeveův rozvoj	132
8.2.1.	Karhunenův-Loeveův rozvoj podle autokorelační matic	132
8.2.2.	Zmenšení počtu příznaků Karhunenovým-Loeveovým rozvojem	134
8.2.3.	Karhunenův-Loeveův rozvoj podle disperzní matic	137
8.2.4.	Zvláštní případy Karhunenova-Loeveova rozvoje podle autokorelační matic	138
8.2.5.	Vlastnosti Karhunenova-Loeveova rozvoje	140
8.3.	Normalizace obrazového prostoru	140
8.4.	Aplikace Karhunenova-Loeveova rozvoje pro výběr a uspořádání příznaků	143
8.4.1.	Výběrová autokorelační a disperzní matic	143
8.4.2.	Metoda Chiena a Fu	146
8.4.3.	Metoda Turboviče, Jurkova a Gitise	149
8.4.4.	Metoda Fukunaga-Koontze	150
8.5.	Výběr a uspořádání příznaků podle poměru rozptylů	154
8.5.1.	Základní tvar metody	154
8.5.2.	Metoda Foleyova-Sammonova	158
8.5.3.	Porovnání a vlastnosti popsaných metod	161
8.6.	Metody založené na odhadech pravděpodobnosti chybného rozhodnutí	162
8.6.1.	Princip metod	162
8.6.2.	Nejznámější vzorce pro odhady	163
8.6.3.	Metoda Smithova-Yauova	165
	Literatura	170
<b>9.</b>	<b>Učící se klasifikátory</b>	<b>172</b>
9.1.	Principy činnosti adaptivních a učících se klasifikátorů. Definice činnosti adaptivního klasifikátoru	172
9.1.1.	Účel adaptace a učení při konstrukci klasifikátoru	172
9.1.2.	Pojem učitele a způsoby učení	175
9.1.3.	Trénovací a testovací množina	176
9.1.4.	Definice činnosti učícího se klasifikátoru	177
9.1.5.	Význam apriorní informace	178
9.2.	Matematická formulace učení klasifikátoru	178
9.2.1.	Obecný tvar kritéria ztráty	178
9.2.2.	Principy činnosti algoritmů učení	181
9.3.	Matematická formulace induktivnosti a sekvenčnosti učení	182
9.3.1.	Induktivnost učení	182
9.3.2.	Empirická ztráta	183
9.3.3.	Sekvenčnost učení	184
9.4.	Modelování adaptace a učení u živých organismů	185

9.4.1.	Přínos kybernetiky ke studiu adaptace a učení	185
9.4.2.	Bushův-Mostellerov model	185
9.4.3.	Stručný popis nervové soustavy	187
9.4.4.	Adalina — adaptivní lineární neuron	188
9.4.5.	Perceptron	189
9.4.6.	Hodnocení perceptronu	191
	Literatura	193
10.	Metody učení založené na odhadování hustot pravděpodobnosti	194
10.1.	Předběžné úvahy o metodách odhadu	194
10.1.1.	Pojem odhadu	194
10.1.2.	Požadavky kladené na odhady hustot	195
10.1.3.	Dvě skupiny metod odhadu podle velikosti apriorní informace	197
10.2.	Vlastnosti odhadů a metody jejich získávání	198
10.2.1.	Trénovací množina jako náhodný výběr	198
10.2.2.	Vlastnosti odhadů	200
10.2.3.	Metody získávání odhadů	203
10.2.4.	Testování hypotéz	210
10.2.5.	Testy shody	213
10.3.	Metody odhadu pro normální rozložení	215
10.3.1.	Tři alternativy metod odhadu	215
10.3.2.	Odhad střední hodnoty při známé disperzní matici	216
10.3.3.	Odhad disperzní matice při známé střední hodnotě	219
10.3.4.	Odhad střední hodnoty i disperzní matice	222
10.3.5.	Vlastnosti metod odhadu pro normální rozložení	226
10.3.6.	Odhadování parametrů normálního rozložení v případě závislých obrazů trénovací množiny	227
10.4.	Metoda odhadu rozložení obrazů s nezávislými příznaky	227
10.5.	Metody odhadování hustot pravděpodobnosti s nulovou apriorní informací	229
10.5.1.	Podstata metod	229
10.5.2.	Metoda histogramu	229
10.5.3.	Metoda ortogonálních funkcí	232
10.5.4.	Rosenblattova metoda odhadu	235
10.5.5.	Parzenova metoda odhadu	238
10.5.6.	Loftsguardenova-Quesenberryho metoda odhadu	240
	Literatura	241
11.	Metody učení založené na přímé minimalizaci ztrát	243
11.1.	Předběžné úvahy o metodách přímé minimalizace	243
11.1.1.	Rekurentní řešení rovnic	243
11.1.2.	Gradientní metody	244
11.1.3.	Základní podoba algoritmu metod přímé minimalizace	245
11.2.	Stochastická approximace	246
11.2.1.	Tři typy konvergence náhodných veličin	246
11.2.2.	Metoda Robbinsova-Monroova	248
11.2.3.	Metoda Kieferova-Wolfowitzova	251
11.2.4.	Metoda Dvoretzkyho	253
11.2.5.	Příklady použití metody Dvoretzkyho	255
11.3.	Algoritmy nejrychlejšího přibližování	257

11.3.1.	Míra rychlosti přibližování	257
11.3.2.	Obecné řešení	258
11.3.3.	Lineární algoritmus nejrychlejšího přibližování	259
11.3.4.	Kacmarzův algoritmus	260
11.4.	Metody učení pro neseparabilní množiny obrazů	260
11.4.1.	Apriorní informace o separabilitě	260
11.4.2.	Cyplkinova metoda učení podle kritéria nejlepší approximace pro $\Phi$ -převodník	261
11.4.3.	Yauova-Schumpertova metoda učení podle kritéria nejlepší approximace s etalony	263
11.4.4.	Wasselova-Sklanskyho metoda učení podle kritéria minimální chyby	266
11.5.	Metody učení pro lineárně separabilní množiny obrazů	270
11.5.1.	Úvodní poznámky	270
11.5.2.	Rozbor integrantu ztráty	271
11.5.3.	Aproximace integrantu ztráty, metoda konstantních přírůstků	274
11.5.4.	Jiná approximace integrantu ztráty, relaxační metoda	277
11.5.5.	Učení adaptivního prahového logického obvodu	279
11.6.	Otázky konvergence algoritmů a odhadu velikosti trénovací množiny	283
11.6.1.	Konvergence pro neseparabilní množiny obrazů	283
11.6.2.	Konvergence pro lineárně separabilní množiny obrazů	286
	Literatura	292
12.	Použití učících se klasifikátorů	294
12.1.	Postup při návrhu klasifikátorů	294
12.2.	Rozpoznávání písmen a číslic	295
12.3.	Rozpoznávání řeči	297
12.3.1.	Některé poznatky o rozpoznávání řeči	297
12.3.2.	Klasifikátor pro 11 mluvených povělů	298
12.4.	Použití učících se klasifikátorů v řízení	300
12.4.1.	Učící se časově optimální regulátor	300
12.4.2.	Určování struktury nelineárních systémů	304
12.5.	Diagnostika technických zařízení	306
12.6.	Aplikace učících se klasifikátorů v geofyzice	307
12.7.	Meteorologické předpovědi	307
12.7.1.	Předpovídání ranních mrazíků	307
12.7.2.	Předpovídání počasí	308
12.8.	Použití učících se klasifikátorů v medicíně	310
12.8.1.	Diagnostika myxedemu	310
12.8.2.	Vyhodnocování elektrokardiogramů	310
	Literatura	311
Část 4. Učící se klasifikátory pro syntakticky popsané předměty		313
13.	Gramatiky a jejich inference	313
13.1.	Syntaktický přístup k rozpoznávání předmětů	313
13.2.	Definice gramatik	314
13.2.1.	Nedeterministické gramatiky	314

13.2.2.	Stochastické gramatiky	318
13.2.3.	Nezřetelné gramatiky	320
13.3.	Ekvivalence gramatik a automatů	321
13.3.1.	Nedeterministické gramatiky a nedeterministické automaty	321
13.3.2.	Stochastické gramatiky a pravděpodobnostní automaty	323
13.4.	Syntaktická analýza	324
13.4.1.	Podstata syntaktické analýzy	324
13.4.2.	Syntaktická analýza shora dolů pro bezkontextové gramatiky	325
13.4.3.	Syntaktická analýza zdola nahoru pro bezkontextové gramatiky	328
13.4.4.	Syntaktická analýza pro operátorové precedenční gramatiky	329
13.4.5.	Syntaktická analýza pro stochastické gramatiky	332
13.5.	Inference gramatik	333
13.5.1.	Podstata inference gramatik	333
13.5.2.	Inference gramatik pomocí enumerace	334
13.5.3.	Inference gramatik pomocí indukce	336
13.5.4.	Praktická poznámka k inferenci gramatik	340
	Literatura	341
	Dodatky	342
D.1.	Základy teorie pravděpodobnosti	342
D.1.1.	Definice pravděpodobnosti a základní vzorce	342
D.1.2.	Náhodná veličina	343
D.1.3.	Střední hodnota	346
D.1.4.	Typy rozložení	348
D.1.5.	Zákony velkých čísel a centrální limitní věty	353
D.1.6.	Markovské řetězce	354
D.2.	Nezřetelné množiny	356
D.3.	Ortogonalní systémy	357
D.4.	Některé pojmy z maticového počtu a lineární algebry	360
D.4.1.	Definice speciálních matic	360
D.4.2.	Transformace souřadnic a lineární zobrazení	361
D.4.3.	Charakteristické veličiny matice	363
D.4.4.	Kvadratické formy	364
	Literatura	368
	Rejstřík	369
II.1.	Definice množiny	2.1.1
II.1.1.	Neprázdná množina	2.1.1
II.1.2.	Generativní množiny	2.1.1
II.2.	Stochastické gramatiky	3.1.1
II.2.1.	Definice stochastické gramatiky	3.1.1
II.2.2.	Matematická podpora klasifikací	3.1.1
II.2.3.	Matematická podpora klasifikací	3.1.1
II.2.4.	Praktické použití stochastických gramatik	3.1.1
II.2.5.	Algoritmy pro generaci stochastických	3.1.1