

|   |           |
|---|-----------|
| <b>Obsah</b>  |           |
| I Teorie měření   | <b>8</b>  |
| 1 Základní problémy teorie měření                                 | <b>8</b>  |
| 1.1 Úvod . . . . .  | 8         |
| 1.2 Základní pojmy — od klasifikace k měření . . . . .            | 9         |
| 1.2.1 Pojem MĚŘENÍ . . . . .                                      | 13        |
| 1.3 Vývoj teorie měření . . . . .                                 | 14        |
| 2 Reprezentační teorie měření                                     | <b>18</b> |
| 2.1 Historický vývoj měření . . . . .                             | 18        |
| 2.2 Abstraktní struktury . . . . .                                | 18        |
| 2.3 Relační systém . . . . .                                      | 20        |
| 2.4 Škály a jejich typy . . . . .                                 | 26        |
| 2.4.1 Základní problémy reprezentační teorie a škály: . . . . .   | 28        |
| 2.4.2 Souhrn — interpretace . . . . .                             | 30        |
| 2.5 Typy škál a jejich klasifikace . . . . .                      | 32        |
| 3 Fyzikální veličina  | <b>37</b> |
| 3.1 Pojem FYZIKÁLNÍ VELIČINA . . . . .                            | 37        |
| 3.1.1 Maxwellova definice veličiny a jeho pojetí měření . . . . . | 39        |
| 3.2 Helmholtzova teorie měření . . . . .                          | 40        |
| 3.3 Jednotky a jejich soustavy . . . . .                          | 41        |
| 3.3.1 Historická poznámka . . . . .                               | 41        |
| 3.4 Zavádění veličin . . . . .                                    | 43        |
| 3.4.1 Problém měření v empirických vědách . . . . .               | 44        |
| 4 Reálné fyzikální veličiny                                       | <b>45</b> |
| 4.1 Realizace veličin . . . . .                                   | 45        |
| 4.1.1 Realizace ztělesněných měr. . . . .                         | 46        |
| 4.2 Měření . . . . .  | 50        |
| 4.2.1 Postuláty modelu měření . . . . .                           | 51        |
| 4.3 Základní problematika měření . . . . .                        | 55        |
| 4.3.1 Měření a jeho definice . . . . .                            | 55        |
| 4.3.2 Měření mikrofyzikálních objektů . . . . .                   | 58        |
| 4.3.3 Měření veličin statistického charakteru . . . . .           | 58        |
| 4.3.4 Realizace měření . . . . .                                  | 59        |
| 5 Reálný experiment   | <b>63</b> |
| 5.1 Systematika a plánování experimentu . . . . .                 | 63        |
| 5.1.1 Základní pojmy a problémy . . . . .                         | 63        |
| 5.1.2 Rozdělení experimentů . . . . .                             | 65        |

|           |   |            |
|-----------|---|------------|
| 5.2       | Experimentální schéma . . . . .   | 66         |
| 5.2.1     | Příklady konkrétních schémat . . . . .  | 66         |
| 5.2.2     | Organizace experimentální činnosti . . . . .                                  | 74         |
| <b>6</b>  | <b>Pojmy O B J E K T a S Y S T É M v teorii měření</b>                        | <b>85</b>  |
| 6.1       | Definice základních pojmu . . . . .   | 85         |
| 6.2       | Rozdělení systémů podle specifikace . . . . .                                 | 86         |
| 6.3       | Systémový přístup . . . . .   | 87         |
| 6.4       | Řešení problému na základě abstrakce . . . . .                                | 88         |
| 6.5       | Dekompozice a kompozice systému . . . . .                                     | 89         |
| <b>7</b>  | <b>Modely a modelování</b>  | <b>90</b>  |
| 7.1       | Úvod do problematiky modelů . . . . .   | 90         |
| 7.2       | Základní pojmy . . . . .  | 91         |
| 7.2.1     | Zákon, model, hypotéza . . . . .  | 91         |
| 7.2.2     | Kybernetika a modelování . . . . .  | 96         |
| 7.3       | Vývoj modelování . . . . .  | 96         |
| 7.4       | Klasifikace modelů . . . . .  | 97         |
| 7.5       | Etapy vytváření modelů . . . . .  | 100        |
| 7.6       | Matematické a fyzikální modely . . . . .                                      | 102        |
| 7.7       | Tvorba matematicko-fyzikálního modelu . . . . .                               | 103        |
| 7.8       | Odhylky modelů od reality . . . . .   | 104        |
| <b>II</b> | <b>Zpracování měření</b>  | <b>106</b> |
| <b>8</b>  | <b>Smysl a principy statistického zpracování fyzikálně-technických měření</b> | <b>106</b> |
| <b>9</b>  | <b>Charakteristiky statistického souboru</b>                                  | <b>110</b> |
| 9.1       | Účel statistiky . . . . .   | 110        |
| 9.2       | Rozdělení náhodné veličiny a její distribuční funkce . . . . .                | 111        |
| 9.2.1     | Důvod pro zavedení charakteristik . . . . .                                   | 112        |
| 9.3       | A) Charakteristiky momentového typu . . . . .                                 | 113        |
| 9.3.1     | Charakteristiky (momenty) podle řádu $k$ . . . . .                            | 114        |
| 9.4       | Fyzikální rozměr charakteristik . . . . .                                     | 116        |
| 9.5       | B) Charakteristiky nemomentového typu . . . . .                               | 117        |
| 9.5.1     | Střední hodnoty (míry polohy) – průměry a neprůměry . . . . .                 | 117        |
| 9.5.2     | Neprůměry . . . . .   | 118        |
| 9.5.3     | Střední hodnoty extremních hodnot . . . . .                                   | 118        |
| 9.5.4     | Průměry . . . . .   | 122        |
| 9.5.5     | Souvislosti mezi průměry a momenty . . . . .                                  | 123        |
| 9.5.6     | Kvantily, medián a modus . . . . .  | 125        |

|   |            |
|---|------------|
| 9.5.7 Grafické porovnání vztahů mezi charakteristikami . . . . .        | 127        |
| <b>10 Funkční charakteristiky náhodné veličiny</b>                      | <b>128</b> |
| 10.1 Normální (Gaussovo) rozdělení . . . . .                            | 128        |
| 10.1.1 Normální rozdělení jako model . . . . .                          | 130        |
| 10.2 Studentovo rozdělení . . . . .                                     | 131        |
| 10.2.1 Použití tabulek t-rozdělení . . . . .                            | 133        |
| 10.3 Problémy normality výsledků měření . . . . .                       | 133        |
| <b>11 Některá rozdělení pravděpodobností náhodných veličin</b>          | <b>137</b> |
| 11.1 Poznámky k aplikaci rozdělení pravděpodobností náhodných veličin   | 143        |
| <b>12 Vliv extrémních hodnot</b>  | <b>146</b> |
| 12.1 Cenzura vstupních hodnot . . . . .                                 | 146        |
| 12.2 Kvantily pro odstranění extrémů u symetrických rozdělení . . . . . | 146        |
| <b>13 Systematizace funkcí rozdělení</b>                                | <b>148</b> |
| 13.1 Pearsonova soustava . . . . .                                      | 148        |
| 13.2 Johnsonova soustava . . . . .                                      | 154        |
| 13.3 Burrova soustava . . . . .   | 155        |
| <b>III Regresní analýza a charakteristiky</b>                           | <b>156</b> |
| <b>14 Lineární regresní analýza</b>                                     | <b>156</b> |
| 14.1 Regresní analýza . . . . .   | 156        |
| 14.1.1 Úvodní úvahy . . . . .   | 156        |
| 14.1.2 Vymezení problematiky . . . . .                                  | 157        |
| 14.1.3 Etapy regresní analýzy . . . . .                                 | 158        |
| 14.1.4 Výběr kritérium regrese — problém nejlepší shody . . . . .       | 159        |
| 14.1.5 Výběr typu approximační funkce . . . . .                         | 161        |
| 14.2 Metoda nejmenších čtverců . . . . .                                | 162        |
| 14.2.1 Formulace problému . . . . .                                     | 162        |
| 14.2.2 Určování regresních parametrů (koeficientů) . . . . .            | 163        |
| 14.2.3 Reziduální součet čtverců — odhad rozptylu $\hat{s}$ . . . . .   | 165        |
| 14.3 Použití approximační funkce — polynom . . . . .                    | 166        |
| 14.4 Konfidenční pás . . . . .  | 167        |
| 14.5 Regrese funkce s více nezávislými proměnnými . . . . .             | 168        |
| 14.6 Linearizace funkcí . . . . .                                       | 170        |
| 14.6.1 Váha transformované funkce . . . . .                             | 170        |
| 14.6.2 Některé linearizovatelné funkce . . . . .                        | 170        |
| 14.7 Použití ortogonálních funkcí . . . . .                             | 174        |
| 14.7.1 Využití ortogonálních funkcí při metodě nejmenších čtverců       | 174        |

|   |            |            |
|---|------------|------------|
| 14.7.2 Konstrukce ortogonální soustavy funkcí k danému souboru měření . . . . .                   | 177        |            |
| 14.7.3 Některé používané ortogonální soustavy . . . . .   | 180        |            |
| 14.8 Linearizace aproximační funkce Taylorovým rozvojem . . . . .                                 | 184        |            |
| 14.9 Funkce, které jsou lineární ve všech parametrech s výjimkou malého počtu parametrů . . . . . | 187        |            |
| 14.10 Vyrovnaní souboru naměřených hodnot přímkou . . . . .                                       | 188        |            |
| <b>15 Odlehlé hodnoty, charakteristiky polohy a rozptýlení</b>                                    | <b>190</b> |            |
| 15.1 Odlehlé hodnoty . . . . .  | 190        |            |
| 15.1.1 Eliminace vlivu odlehlých hodnot . . . . .   | 191        |            |
| 15.2 Přibližné odhady základních charakteristik . . . . .   | 191        |            |
| 15.2.1 Přibližný odhad střední hodnoty . . . . .  | 192        |            |
| 15.2.2 Přibližný odhad směrodatné odchylky . . . . .  | 193        |            |
| 15.3 Odhady empirické funkce rozdělení, distribuční funkce a momentů . . . . .                    | 193        |            |
| 15.3.1 Metoda s použitím tříd . . . . .   | 193        |            |
| 15.3.2 Metoda založená na Pearsonově soustavě . . . . .   | 197        |            |
| <b>16 Problémy normality – shrnutí</b>  | <b>199</b> |            |
| <b>IV Přístroje a měření — aplikace</b>   |            | <b>201</b> |
| <b>17 Měřicí přístroje, jejich nejistoty a chyby</b>  | <b>201</b> |            |
| 17.1 Základní úvahy . . . . .   | 201        |            |
| 17.2 Závislost měřicích nejistot a chyb . . . . .   | 202        |            |
| 17.3 Statické a dynamické nejistoty a chyby . . . . .   | 202        |            |
| <b>18 Analogové měřicí přístroje</b>  | <b>203</b> |            |
| <b>19 Digitální měřicí přístroje:</b>   | <b>205</b> |            |
| <b>20 Způsoby vyjádření nejistoty</b>   | <b>209</b> |            |
| 20.1 Třída přesnosti . . . . .  | 210        |            |
| <b>21 Vnější vlivy na přesnost měření</b>   | <b>212</b> |            |
| 21.1 Vztažné podmínky . . . . .   | 212        |            |
| 21.2 Vliv připojení měřicího přístroje na přesnost měření . . . . .                               | 213        |            |
| 21.3 Nejčastější zdroje nejistot a chyb . . . . .   | 214        |            |
| 21.4 Některé nejčastější chyby při odečítání z měřidel . . . . .                                  | 215        |            |
| 21.5 Analogová či digitální měřidla resp. analogové či digitální ciferníky?215                    |            |            |

|                   |            |
|-------------------|------------|
| <b>Závěr</b>      | <b>217</b> |
| <b>Literatura</b> | <b>218</b> |
| <b>Rejstřík</b>   | <b>229</b> |

## Seznam obrázků

|   |     |
|---|-----|
| 1 Škály — homomorfní přiřazení teploty.                                       | 29  |
| 2 Schéma experimentu — ČÁST 1   | 69  |
| 3 Schéma experimentu — ČÁST 2   | 70  |
| 4 Schéma experimentu — ČÁST 3   | 71  |
| 5 Schéma experimentu — ČÁST 4   | 72  |
| 6 Schéma experimentu (komplexu experimentů)                                   | 73  |
| 7 Schéma vlivu modelů   | 105 |
| 8 Vzorkování funkce $u = f(t)$  | 108 |
| 9 Rozložení středních hodnot na číselné ose                                   | 120 |
| 10 a) koeficient šíknosti <b>A</b> b) koeficient excesu (špičatosti) <b>B</b> | 127 |
| 11 Frekvenční funkce $\varphi(x)$ normálního rozdělení                        | 129 |
| 12 Frekvenční funkce $\varphi(x)$ useknutého rozdělení                        | 131 |
| 13 Geometrický význam kvantilu  | 134 |
| 14 Geometrický význam mezikvantilového rozpětí                                | 134 |
| 15 Typy křivek Pearsonovy soustavy  | 152 |
| 16 Grafické znázornění $B = f(A^2)$   | 153 |
| 17 Aproximace funkce  | 159 |
| 18 Schéma lichoběžníkového pravidla   | 183 |
| 19 Histogram četnosti   | 195 |
| 20 Zubová výle  | 204 |
| 21 Vzorkování a kvantování signálů  | 208 |

## Seznam tabulek

|  |     |
|--|-----|
| 1 Schéma experimentu                               | 68  |
| 2 Schéma pro určení stupně approximačního polynomu | 167 |
| 3 Tabulka pro hodnocení odlehlých hodnot           | 191 |
| 4 Hodnoty indexů $j, k$ pro odhad střední hodnoty  | 192 |
| 5 Tabulka pro výpočet odhadu směrodatné odchyly    | 193 |
| 6 Doporučený počet tříd $q$                        | 194 |