

# OBSAH

Předmluva .....	5
Z autorovy předmluvy z r. 1936 .....	6

## Kapitola I

### Úvod

§ 1. Množiny a množinové operace. (1.1. Pojem množiny. Implikace. 1.2. Podmnožiny. 1.3. Symbol E. 1.4. Sjednocení a průnik množin. 1.5. Rozdíl množin. Cvičení 1.1.—1.19.) .....	13
--	----

§ 2. Zobrazení. (2.1. Kartézske součin. 2.2. Pojem zobrazení. 2.3. Pojem funkce. 2.4. Parciální zobrazení. 2.5. Symboly $f(M)$ a $f_{-1}(N)$ . 2.6. Prosté zobrazení. Cvičení 2.1.—2.25) .....	17
--	----

§ 3. Spočetné množiny. (3.1. Pojem posloupnosti. 3.2. Pojem spočetné množiny. 3.3. Části spočetné množiny. 3.4. Zobrazení spočetné množiny. 3.5. Kartézske součin spočetných množin. 3.6. Sjednocení spočetných množin. 3.7. Existence nespočetných množin. Cvičení 3.1—3.14.) .....	20
--	----

§ 4. Uspořádané množiny. (4.1. Pojem uspořádání. 4.2. Podobnost uspořádání. 4.3. Dobré uspořádání. 4.4. Uspořádání realisovatelná celými čísly. 4.5. Husté uspořádání. 4.6. Uspořádání realisovatelná racionalními čísly. 4.7. Podobnost hustých uspořádání spočetné množiny. 4.8. Pojem řezu. 4.9. Abstraktní jádro Dedekindovy teorie reálných čísel. 4.10. Supremum a infimum. Cvičení 4.1—4.11.) .....	23
--	----

§ 5. Cyklicky uspořádané množiny. (5.1. Pojem cyklického uspořádání. 5.2. Vytvoření cyklicky uspořádané množiny z uspořádané množiny přidáním jednoho prvku. 5.3. Vytvoření cyklicky uspořádané množiny spojením dvou uspořádaných množin. 5.4. Inversní cyklická uspořádání. 5.5. Vytvoření cyklického uspořádání z intervalů. Cvičení 5.1—5.5.) .....	33
---	----

## Kapitola II

### Obecné metrické prostory

§ 6. Vzdálenost. (6.1. Prostory $E_m$ a $H$ . 6.2. Kartézske součin metrických prostorů. 6.3. Bodová množina vnořená do metrického prostoru. 6.4. Metrické vlastnosti. 6.5. Horní a dolní vzdálenost. Cvičení 6.1—6.13.) .....	41
--	----

§ 7. Konvergence. (7.1. Definice limity. 7.2. Ekvivalentní metriky. 7.3. Prostor <b>U</b> . Cvičení 7.1—7.4.) .....	45
§ 8. Uzávěr bodové množiny. Otevřené a uzavřené množiny. (8.1. Definice a několik vlastností uzávěru. 8.2. Další vlastnosti uzávěru. 8.3. Uzávřené množiny. 8.4. Nová definice uzávěru. 8.5. Otevřené množiny. 8.6. Okoli. 8.7. Relativní uzávěr. Relativně otevřené a relativně uzavřené množiny. 8.8. Horní a dolní limity posloupnosti bodových množin. Cvičení 8.1—8.21.) .....	48
§ 9. Spojité zobrazení. Homeomorfie. (9.1. Definice spojitosti. 9.2. Jak se chovají uzavřené a otevřené množiny při spojeném zobrazení. 9.3. Topologické vlastnosti. 9.4. Metrika v <b>R</b> . 9.5. Kritérium pro spojité funkce. 9.6. Stejnometerná spojitosť. Cvičení 9.1—9.21.) .....	54
§ 10. Oddělené bodové množiny; hranice bodových množin. (10.1. Normalita metrického prostoru. 10.2. Oddělené množiny. 10.3. Hranice. 10.4. Mengerova adiční věta. 10.5. Relativní hranice. Cvičení 10.1—10.19.) .....	61
§ 11. Husté a řídce rozložené prostory. (11.1. Husté rozložené množiny. 11.2. Řídce rozložené množiny. Cvičení 11.1—11.19.) .....	65
§ 12. Husté a řídké množiny. Množiny první kategorie. (12.1. Husté množiny. 12.2. Řídké množiny. 12.3. Množiny prve kategorie. 12.4. Relativisace. Cvičení 12.1—12.19.) .....	68
§ 13. Množiny $\mathbf{G}_\delta$ a $\mathbf{F}_\sigma$ . (13.1. Množiny $\mathbf{G}_\delta$ . 13.2. Uzavřená množina $\mathbf{G}_\delta$ . 13.3. Množiny $\mathbf{F}_\sigma$ . 13.4. Jak se chovají množiny $\mathbf{G}_\delta$ a $\mathbf{F}_\sigma$ při spojeném zobrazení. 13.5. Věta o oddělování množin typu $\mathbf{G}_\delta$ . 13.6. Relativisace. Cvičení 13.1—13.15.) .....	71
§ 14. Funkce první třídy. (14.1. Definice a jednoduché vlastnosti. 14.2. Stejnometerná limita funkcí první třídy. 14.3. Kritérium pro funkce první třídy. 14.4. Součin a podíl funkcí první třídy. 14.5. Baireova věta o funkcích první třídy. 14.6. Funkce se spočetnou množinou bodů nespojitosť. 14.7. Polospojité funkce. 14.8. Rozšíření oboru spojité funkce. Cvičení 14.1—14.15.) .....	75
<i>Kapitola III</i>	
Speciální metrické prostory	
§ 15. Úplné prostory. (15.1. Definice a příklady úplných prostorů. 15.2. Úplné podprostory metrických prostorů. 15.3. Konstrukce úplného obalu. 15.4. Vlastnosti úplného obalu. 15.5. Absolutně uzavřené prostory a absolutní $\mathbf{G}_\delta$ . 15.6. Rozšíření homeomorfie. Existence úplné metrisace absolutního $\mathbf{G}_\delta$ . 15.7. Věta o neprázdném průniku v úplných prostorech. 15.8. Baireova věta o úplných prostorech. Cvičení 15.1—15.16.) .....	89
§ 16. Separabilní prostory. (16.1. Definice, příklady a kritéria. 16.2. Systémy otevřených množin v separabilním prostoru. 16.3. Spočetnost množiny bodů se spočetným okolím. 16.4. Brouwerova redukční věta. 16.5. Vnoření separabilního prostoru do Urysohnova prostoru. 16.6. Funkce první třídy v separabilním (speciálně v úplném separabilním) prostoru. Spočetné úplné prostory. 16.7. Posloupnosti množin v separabilním prostoru. Cvičení 16.1—16.8.) .....	101
§ 17. Kompaktní prostory. (17.1. Definice, příklady a kritéria pro totálně omezené prostory. 17.2. Definice, příklady a kritéria pro kompaktní prostory. 17.3. Vzdálenosti množin v kompaktním prostoru. 17.4. Spojité zobrazení kompaktního prostoru. 17.5. Věta	

o neprázdném průniku v kompaktních prostorech. Systémy otevřených množin v kompaktním prostoru. 17.6. Hausdorffův nadprostor. 17.7. Prostor spojitého zobrazení kompaktního prostoru do metrického prostoru. 17.8. Kompaktní množiny v $E_1$ . Cantorovo diskontinuum. 17.9. Lokálně kompaktní prostory. 17.10. Sférický prostor. Cvičení 17.1–17.25.) .....	110
<b>Kapitola IV</b>	
<b>Souvislost</b>	
§ 18. Obecné věty o souvislosti. (18.1. Definice a základní věty. 18.2. Komponenty. 18.3. Souvislost prostoru mezi body. Quasikomponenty. 18.4. Množinový řetěz. 18.5. Oddělování bodů množinou. Ireducibilní řezy. Cvičení 18.1–18.23.) .....	132
§ 19. Souvislost kompaktních prostorů. (19.1. Kontinuum. 19.2. $E_n$ a $S_n$ jsou souvislé. 19.3. Věty o hranicích otevřených množin v kontinuu. 19.4. Ireducibilní kontinua. 19.5. Semikontinua. Konstituant. Cvičení 19.1.–19.34.) .....	139
§ 20. Jednoduchý oblouk. (20.1. Definice a základní vlastnosti. 20.2. Orientace jednoduchého oblouku. 20.3. Topologická charakterisace jednoduchého oblouku. 20.4. Další charakterisace. Cvičení 20.1–20.13.) .....	150
§ 21. Jednoduchá křivka. (21.1. Definice a vztah k jednoduchému oblouku. 21.2. Orientace jednoduché křivky. 21.3. Věta o bodech jednoduché křivky rozdělujících kontinuum 21.4. Topologická charakterisace jednoduché křivky. Cvičení 21.1–21.6.) .....	158
<b>Kapitola V</b>	
<b>Lokální souvislost</b>	
§ 22. Obecné věty o lokální souvislosti. (22.1. Definice a důsledky. 22.2. Souvislá dosažitelnost bodu. 22.3. Lokálně souvislé úplné souvislé prostory. Cvičení 22.1–22.28.) ...	165
§ 23. Lokálně souvislá kontinua. (23.1. Některá kritéria lokální souvislosti a jejich důsledky. 23.2. Lokálně souvislé kontinuum je spojitý obraz úsečky. Důsledky. Cvičení 23.1–23.10.) .....	176
<b>Kapitola VI</b>	
<b>Zobrazení prostoru na kružnici</b>	
§ 24. Nepodstatná zobrazení na kružnici. (24.1. Jednotková kružnice v Gaussově rovině. 24.2. Podstatná a nepodstatná zobrazení. Některé věty o nich. 24.3. Stupeň zobrazení. 24.4. Věta o monodromii. 24.5. Nepodstatnost zobrazení součinu. Vztah k homotopii. Cvičení 24.1–24.8.) .....	184
§ 25. Unikohherence. (25.1. Definice a základní věty. 25.2. Charakterisace unikohherence pomocí zobrazení do $S_1$ . Cvičení 25.1–25.5.) .....	204

## *Kapitola VII*

### **Topologie roviny**

§ 26. Rozšíření roviny danou množinou. (26.1. Stereografická projekce. 26.2. Zobrazení $\pi(M; a)$ . 26.3. Podmnožiny sféry; počet komponent doplňku. 26.4. Rozšíření sféry; věta o invarianci vnitřního bodu v $S_2$ . 26.5. Jordanova věta. 26.6. Další věty o rozšíření $E_2$ a $S_2$ . 26.7. Komponenty doplňku uzavřených množin v $S_2$ . 26.8. Další věty o zobrazení $\pi(M, a)$ . Positivní a negativní orientace jednoduché křivky. Cvičení 26.1–26.28.) . . . . .	211
§ 27. Topologická charakterisace sféry. (27.1. Sférický prostor. $S_2$ je sférický prostor. 27.2. Unikohherence sférického prostoru. Jednoduché oblouky a křivky ve sférickém prostoru. 27.3. Mapy. Každé dva sférické prostory jsou homeomorfni. 27.4. Topologická charakterisace otevřené souvislé podmnožiny $S_2$ počtem komponent doplňku. Cvičení 27.1–27.6.) . . . . .	235

### *Dodatek*

#### **O některých směrech současné topologie**

§ 1. Úvod . . . . .	258
§ 2. Topologické prostory . . . . .	259
§ 3. Některé další struktury spojitosti . . . . .	267
§ 4. Několik pojmů z algebraické topologie . . . . .	269
§ 5. Topologie variet. Difeotopologie . . . . .	274
§ 6. Topologicko-algebraické struktury . . . . .	275
Seznam literatury . . . . .	279