

# **Obsah**

PŘEDMLUVA . . . . .	9
PŘEHLED POUŽITÝCH OZNAČENÍ . . . . .	10
<b>1 ÚVOD . . . . .</b>	<b>15</b>
1.1 Předmět a základní metody mechaniky tekutin . . . . .	15
1.2 Historický vývoj mechaniky tekutin . . . . .	16
1.3 Molekulární stavba hmoty . . . . .	22
1.4 Rozdělení tekutin . . . . .	23
1.5 Sily působící na tekutinu . . . . .	24
1.6 Stavové veličiny . . . . .	24
1.6.1 Tlak . . . . .	24
1.6.2 Teplota . . . . .	25
1.7 Základní fyzikální jednotky a veličiny . . . . .	26
<b>2 FYZIKÁLNÍ VLASTNOSTI TEKUTIN . . . . .</b>	<b>29</b>
2.1 Hustota a měrný objem . . . . .	29
2.2 Stlačitelnost tekutiny a rychlosť zvuku . . . . .	30
2.3 Základní zákony dokonalých plynů . . . . .	32
2.3.1 Stavová rovnice dokonalých plynů . . . . .	32
2.3.2 Vnitřní energie plynu a objemová práce . . . . .	33
2.3.3 Adiabatické proudění . . . . .	34
2.4 Viskozita tekutin . . . . .	34
2.4.1 Vnitřní tření tekutin . . . . .	35
2.4.2 Vliv teploty a tlaku na viskozitu kapalin . . . . .	36
2.4.3 Vliv teploty a tlaku na viskozitu tekutin . . . . .	40
2.5 Povrchové napětí kapalin . . . . .	42
2.6 Teplotní roztažnost kapalin . . . . .	45
<b>3 HYDROSTATIKA . . . . .</b>	<b>48</b>
3.1 Zákon o šíření tlaku v kapalinách . . . . .	48
3.2 Eulerova rovnice hydrostatiky a tlaková funkce . . . . .	50
3.3 Pascalův zákon a hydraulický lis . . . . .	53
3.4 Tlakové hladiny (hladinové plochy, hladiny) . . . . .	54
3.4.1 Nestlačitelná kapalina za působení tíže zemské . . . . .	56
3.4.2 Stlačitelná kapalina za působení tíže zemské . . . . .	58
3.4.3 Stlačitelná tekutina za působení tíže zemské . . . . .	59
3.5 Tlakové sily kapaliny na plochy . . . . .	60
3.5.1 Tlakové sily na rovinné plochy . . . . .	61

3.5.2	Tlakové sily na křivé plochy . . . . .	66
3.5.3	Vztlak a plavání těles . . . . .	70
3.6	Relativní klid kapaliny . . . . .	71
3.6.1	Přímočarý rovnoměrně zrychlený pohyb nádoby s kapalinou . . . . .	71
3.6.2	Rovnoměrně otáčivý pohyb nádoby s kapalinou kolem svíslé osy . . . . .	74
3.6.3	Rovnoměrně otáčivý pohyb nádoby s kapalinou kolem vodorovné osy . . . . .	76
4	<b>PROUDĚNÍ TEKUTIN – ZÁKLADNÍ ROVNICE A JEJICH APLIKACE . . . . .</b>	78
4.1	Rozdělení proudění a základní pojmy . . . . .	78
4.2	Rovnice kontinuity . . . . .	84
4.2.1	Rovnice kontinuity pro jednorozměrné proudění . . . . .	84
4.2.2	Rovnice kontinuity pro prostorové proudění . . . . .	87
4.3	Eulerova rovnice hydrodynamiky . . . . .	90
4.4	Bernoulliho rovnice pro dokonalou kapalinu . . . . .	92
4.4.1	Torricelliho výraz pro výtokovou rychlosť . . . . .	96
4.5	Měření rychlostí a průtoků kapalin . . . . .	98
4.5.1	Měření místní rychlosti a rychlostní profil . . . . .	98
4.5.2	Určení střední rychlosti a průtoku z rychlostního profilu . . . . .	100
4.5.3	Měření střední rychlosti a průtoku . . . . .	102
4.5.4	Další metody měření rychlosti . . . . .	104
4.6	Bernoulliho rovnice pro dokonalé plyny . . . . .	105
4.6.1	Změna hustoty proudícího plynu . . . . .	106
4.6.2	Rychlosť plynu v závislosti na průtočném průřezu . . . . .	107
4.6.3	Parametry plynu při proudění v závislosti na Machově čísle . . . . .	108
4.7	Hybnostní věta v mechanice tekutin . . . . .	110
4.7.1	Silový účinek proudu na desky a tělesa v klidu a pohybu . . . . .	112
4.7.2	Silový účinek proudu na potrubí . . . . .	115
4.7.3	Silové úinky proudu v lopatkových mřížích . . . . .	116
5	<b>POTENCIÁLNÍ PROUDĚNÍ V ROVINĚ . . . . .</b>	119
5.1	Potenciál rychlosti a proudová funkce . . . . .	119
5.2	Laplaceova rovnice . . . . .	122
5.3	Cirkulace a Stokesova věta . . . . .	124
5.4	Vírové vlákno a Biotův–Savartův zákon . . . . .	127
5.5	Vlastnosti vírového vlákna . . . . .	130
5.6	Základní druhy potenciálního proudění . . . . .	132
5.6.1	Rovnoměrný přímočarý proud . . . . .	132
5.6.2	Zdroj a propad . . . . .	133
5.6.3	Potenciální vir . . . . .	135
5.7	Komplexní potenciál . . . . .	137
5.7.1	Vlastnosti komplexního potenciálu . . . . .	138
5.7.2	Komplexní potenciál základních druhů potenciálního proudění v rovině . . . . .	139
5.7.3	Obtíkání koutů, rohů a desek . . . . .	141
5.8	Skládání potenciálního proudění . . . . .	145
5.8.1	Propad a potenciální vir . . . . .	146
5.8.2	Zdroj a propad . . . . .	148
5.8.3	Dipól . . . . .	151
5.8.4	Přímočarý rovnoměrný proud a zdroj . . . . .	154

5.8.5	Přímočarý rovnoměrný proud se zdrojem a propadem . . . . .	155
5.8.6	Obtíkání válce . . . . .	158
5.8.7	Obtíkání válce s cirkulací proudu . . . . .	161
5.8.8	Žukovského věta o vztlaku . . . . .	166
5.9	Konformní zobrazení a metoda singularit . . . . .	169
5.9.1	Konformní zobrazení . . . . .	169
5.9.2	Metoda singularit . . . . .	176
5.10	Elektrická analogie potenciálního proudění . . . . .	179
5.10.1	Rovinné elektrické pole . . . . .	179
5.10.2	Přímá a nepřímá elektrická analogie . . . . .	180
6	<b>PROUDĚNÍ SKUTEČNÝCH TEKUTIN . . . . .</b>	184
6.1	Druhy proudění skutečné tekutiny . . . . .	184
6.2	Navierova – Stokesova rovnice . . . . .	188
6.3	Laminární proudění . . . . .	194
6.3.1	Laminární proudění v kruhovém potrubí . . . . .	194
6.3.1.1	Rozběhová dráha laminárního proudu v potrubí . . . . .	197
6.3.2	Laminární proudění mezi rovnoběžnými stěnami . . . . .	198
6.3.3	Laminární proudění ve válcové mezeře . . . . .	201
6.3.4	Laminární stékání po svislé stěně . . . . .	202
6.3.5	Laminární proudění v klinové mezeře . . . . .	204
6.4	Turbulentní proudění tekutiny . . . . .	208
6.4.1	Turbulence a turbulentní smykové napětí . . . . .	209
6.4.2	Rychlostní profil turbulentního proudu . . . . .	212
6.4.2.1	Logaritmický rychlostní profil . . . . .	212
6.4.2.2	Mocninový rychlostní profil . . . . .	219
6.4.3	Rozběhová dráha turbulentního proudu v potrubí . . . . .	222
6.4.4	Střední rychlosti nerovnoměrného rychlostního profilu . . . . .	223
6.5	Bernoulliho rovnice pro skutečnou kapalinu . . . . .	226
6.6	Hydraulické odpory . . . . .	228
6.6.1	Třetí odpory v potrubích a kanálech . . . . .	229
6.6.1.1	Součinatel tření pro hladké potrubí . . . . .	230
6.6.1.2	Vliv drsnosti obtékáного povrchu . . . . .	232
6.6.1.3	Závislost tlakové ztráty v potrubí na střední rychlosti . . . . .	238
6.6.1.4	Nekruhové průtočné průfezy . . . . .	239
6.6.2	Místní odpory . . . . .	243
6.6.2.1	Změna průtočných průřezů . . . . .	245
6.6.2.2	Změna směru proudění . . . . .	254
6.6.2.3	Odpory v armaturách . . . . .	257
6.7	Hydraulický výpočet potrubí . . . . .	258
6.7.1	Jednoduché potrubí . . . . .	258
6.7.2	Paralelní a okružní potrubí . . . . .	262
6.7.2.1	Paralelní potrubí . . . . .	262
6.7.2.2	Okružní síť s odběrem . . . . .	263
6.7.3	Základy grafického řešení . . . . .	264
6.8	Výtok kapaliny z nádob . . . . .	267
6.8.1	Výtok malým otvorem . . . . .	267
6.8.2	Výtok velkým otvorem . . . . .	272
6.8.3	Výtok ponořeným otvorem . . . . .	274

6.8.4	Výtok při současném proudění . . . . .	276
6.8.5	Vyprázdnování nádob . . . . .	278
6.9	Přepady . . . . .	279
6.9.1	Dokonalý přepad s volným proudem . . . . .	281
6.9.2	Nedokonalý přepad . . . . .	281
6.10	Neustálené proudění v potrubí . . . . .	282
6.10.1	Bernoulliho rovnice pro neustálené proudění nestlačitelné kapaliny . . . . .	282
6.10.1.1	Rozběh proudu v potrubí při výtoku z nádoby . . . . .	284
6.10.1.2	Vynucený kmitavý pohyb . . . . .	287
6.10.1.3	Volný kmitavý pohyb v trubici . . . . .	288
6.10.2	Hydraulický ráz . . . . .	293
6.10.2.1	Totální hydraulický ráz . . . . .	293
6.10.2.2	Částečný hydraulický ráz . . . . .	297
6.11	Proudění v rotujícím kanále . . . . .	298
6.11.1	Bernoulliho rovnice pro rotující kanál . . . . .	299
6.11.2	Eulerova rovnice čerpadlová a turbinová . . . . .	303
6.11.3	Měrná energie a výkon čerpadla . . . . .	306
6.12	Proudění v korytech . . . . .	306
6.12.1	Rovnoměrný průtok . . . . .	307
6.12.2	Nerovnoměrný průtok . . . . .	310
6.13	Obtíkání a odpor těles . . . . .	312
6.13.1	Prandtlova rovnice pro mezní vrstvu . . . . .	315
6.13.2	Třeci odpor na desce . . . . .	318
6.13.3	Tlakový odpor . . . . .	322
6.13.4	Úplav . . . . .	324
6.13.5	Obtíkání leteckých profilů . . . . .	327
7	FYZIKÁLNÍ PODOBNOST V MECHANICE TEKUTIN . . . . .	335
7.1	Podobnostní čísla . . . . .	335
7.2	Určení podobnostních čísel pro experiment . . . . .	340
7.2.1	Bezrozměrová analýza ( $\pi$ -teorém) . . . . .	342
8	LITERATURA . . . . .	347
	ČSN . . . . .	350
	REJSTŘÍK . . . . .	351