

78	4.2.9 Stochastické historie polynomů	14
78	4.2.10 Norma historií využívající nejčetnější výskyt	14
79	Jity, ARM a procesy s rozdílnou délkou historie	14
80	4.2.11 Střední hodnota historie využívající nejčetnější výskyt	14
80	Jitry, ARM a procesy s rozdílnou délkou historie	14
81	Síly, Sverdrupova teorie	14
82	Příklad na využití historických dat	14
83	Odpověď na výzvu	14
83	4.3.2 Odhad a D-optimalizace	17
84	abecedním hodnotám využívající historické výskytové frekvence	17
85	D-optimalizace	17
86	Využití historických dat	17
87	Odpověď na výzvu	17

Obsah

Seznam použitých symbolů	1
1 Úvod do teorie náhodných procesů	5
1.1 Definice náhodného procesu	6
1.2 Příklady náhodných procesů	8
1.3 Stochastické procesy druhého rádu	8
1.3.1 Striktní a slabá stacionarita	8
1.3.2 Příklady	12
1.4 Kanonické rozklady náhodných procesů	16
1.4.1 Elementární procesy a kanonické rozklady	16
1.4.2 Příklady kanonických rozkladů	17
1.5 Vlastnosti autokovariační funkce	20
1.6 Spojitost, derivace a integrál procesu	23
1.6.1 Spojitost náhodného procesu	24
1.6.2 Derivace náhodného procesu	26
1.6.3 Integrál náhodného procesu	26
1.7 Spektrální rozklad autokovariančních funkcí stacionárních procesů	27
1.7.1 Herglotzova a Bochnerova věta	27
1.7.2 Příklady	38
1.8 Hilbertovy prostory spjaté s procesy druhého rádu	40
1.8.1 Základní metrické a topologické pojmy	40
1.8.2 Hilbertův prostor náhodných veličin druhého rádu	43
1.8.3 Predikce v případě normálně rozdělených náhodných veličin.	47
1.9 Odhady středních hodnot a autokovariancí	48
1.9.1 Odhady střední hodnoty	49
1.9.2 Odhady autokovarianční a autokorelační funkce	54

2 Analýza časových řad	57
2.1 Základní přístupy k analýze časových řad	57
2.1.1 Klasická dekompozice	57
2.1.2 Box-Jenkinsonova metodologie	58
2.1.3 Spektrální analýza časových řad	58
2.1.4 Lineární dynamické modely	58
2.2 Klasická dekompozice časových řad	59
2.2.1 Obecné lineární regresní modely a metoda nejmenších čtverců	59
2.2.2 Rozšířený lineární regresní model a vážená metoda nejmenších čtverců	63
2.2.3 Modelování trendu	64
2.2.4 Sezónnost	93
2.2.5 Analýza reziduální (náhodné) složky	102
3 Spektrální analýza jednorozměrných časových řad	109
3.1 Úvod	109
3.2 Periodogram	111
3.3 Metoda skrytých period.	121
3.3.1 Regresní model s periodickým trendem	121
3.3.2 Test R. A. Fishera	123
3.3.3 Siegelův test	125
3.3.4 Odhady neznámých parametrů modelu a periodogram .	128
3.3.5 Iterativní metoda (Damsleth a Spjøtvoll, 1982) . . .	129
3.4 Odhady spektrální hustoty	131
3.4.1 Neparametrické odhady spektrální hustoty (Window Spectral Estimation)	131
4 Box-Jenkinsonova metodologie	137
4.1 Úvod	137
4.2 Základní pojmy	138
4.2.1 Operátor zpětného posunutí	138
4.2.2 Lineární proces	138
4.2.3 Lineární filtry	142
4.2.4 Autokovarianční a autokorelační generující funkce stationárních procesů	144
4.2.5 Definice ARMA procesu	146
4.2.6 Kauzalita	147
4.2.7 Invertibilita	156
4.2.8 Vícenásobná reprezentace $MA(q)$ procesů	162

4.2.9	Společné kořeny polynomů $\Phi(z)$ a $\Theta(z)$	163
4.2.10	Nutná a postačující podmínka kauzality a invertibilitu ARMA procesu.	163
4.2.11	Střední hodnota, rozptyl, autokovarianční a autokorelační funkce procesů $ARMA(p, q)$	164
4.2.12	Spektrální hustota $ARMA(p, q)$ procesů	166
4.3	Nejlepší lineární predikce ve stacionárních ARMA procesech	169
4.3.1	Durbin-Levinsův algoritmus	173
4.3.2	Důsledek Durbin-Levinsonova algoritmu	177
4.3.3	Parciální autokorelační funkce (PACF)	178
4.3.4	Inovační algoritmus	179
4.3.5	Jednokroková nejlepší lineární predikce v $AR(p)$	184
4.3.6	Vícekroková nejlepší lineární predikce v $AR(p)$	185
4.3.7	PACF pro $AR(p)$, $MA(q)$ a $ARMA(p, q)$	186
4.3.8	Jednokroková nejlepší lineární predikce v $MA(q)$	187
4.3.9	Nejlepší lineární predikce v $ARMA(p, q)$	188
4.4	Výstavba modelů v B-J metodologii	191
4.4.1	Odhady v ARMA procesech	191
4.4.2	Yuleovy-Walkerovy rovnice a odhad parametrů v $AR(p)$	195
4.4.3	Předběžné odhady v $AR(p)$ a Durbin-Levinsův algoritmus	196
4.4.4	Předběžné odhady v $MA(q)$ a inovační algoritmus	197
4.4.5	Předběžné odhady v $ARMA(p, q)$ procesu	198
4.4.6	Maximálně věrohodné odhady	200
4.5	Výstavba modelů a predikce v ARIMA procesech	205
4.5.1	Procesy nestacionární ve střední hodnotě	205
4.5.2	Procesy nestacionární v rozptylu	207
4.5.3	Volba řádu modelu	215
4.5.4	Verifikace modelu – analýza reziduů	217
4.6	Modelování sezónnosti pomocí SARIMA modelů	218
5	Dynamické lineární modely	223
5.1	Motivační příklad	223
5.2	Stavově-prostorové modely	225
5.3	Stacionární stavově–prostorové modely	228
5.4	Nejlepší lineární predikce pomocí projekce náhodných vektorů druhého řádu	230
5.5	Kalmanův iterační proces	239