

# OBSAH

|   |    |
|---|----|
| Přehled matematických značek . . . . .                      | 11 |
| 1. Číselné množiny . . . . .                                | 11 |
| 2. Vektorová algebra, matice . . . . .                      | 12 |
| 3. Analytická geometrie . . . . .                           | 12 |
| 4. Matematická analýza . . . . .                            | 13 |
| Předmluva . . . . .   | 15 |
| <b>Část první. Úvod do studia matematiky</b>                |    |
| 1.1. Matematika a její význam v přírodních vědách . . . . . | 17 |
| 1.2. Některé otázky logické povahy . . . . .                | 19 |
| 1.3. Cvičení . . . . .                                      | 27 |
| Výsledky k 1.3 . . . . .                                    | 28 |
| <b>Část druhá. Číselné množiny</b>                          |    |
| 2.1. Základní pojmy z teorie množin . . . . .               | 29 |
| 2.2. Množina reálných čísel . . . . .                       | 32 |
| 2.3. Základní vlastnosti reálných čísel . . . . .           | 35 |
| 2.4. Pravidla pro počítání s reálnými čísly . . . . .       | 37 |
| 2.5. Intervaly a okolí bodu . . . . .                       | 40 |
| 2.6. Počítání s nerovnostmi . . . . .                       | 41 |
| 2.7. Absolutní hodnota reálného čísla . . . . .             | 46 |
| 2.8. Supremum a infimum množiny . . . . .                   | 49 |
| 2.9. Význačné body číselných množin . . . . .               | 51 |
| 2.10. Pojem komplexního čísla . . . . .                     | 52 |
| 2.11. Absolutní hodnota komplexního čísla . . . . .         | 57 |
| 2.12. Goniometrický tvar komplexního čísla . . . . .        | 59 |
| 2.13. Odmocnina z komplexního čísla . . . . .               | 63 |
| 2.14. Historická poznámka . . . . .                         | 65 |
| 2.15. Cvičení . . . . .                                     | 66 |
| Výsledky k 2.15 . . . . .                                   | 67 |
| <b>Část třetí. Vybrané partie z vyšší algebry</b>           |    |
| 3.1. Úvodní poznámka . . . . .                              | 68 |
| 3.2. Pojem determinantů druhého a třetího řádu . . . . .    | 69 |

|       |  |     |
|-------|--|-----|
| 3.3.  | Pojem determinantu řádu $n > 3$ . . . . .          | 71  |
| 3.4.  | Vlastnosti determinantů . . . . .                  | 73  |
| 3.5.  | Kondenzační metoda výpočtu determinantů . . . . .  | 77  |
| 3.6.  | Pojem a vlastnosti matic . . . . .                 | 79  |
| 3.7.  | Soustavy lineárních rovnic . . . . .               | 86  |
| 3.8.  | Základní vlastnosti algebraických rovnic . . . . . | 91  |
| 3.9.  | Kvadratické rovnice . . . . .                      | 98  |
| 3.10. | Kubické rovnice . . . . .                          | 99  |
| 3.11. | Binomické a trinomické rovnice . . . . .           | 101 |
| 3.12. | Reciproké rovnice . . . . .                        | 102 |
| 3.13. | Cvičení . . . . .                                  | 105 |
|       | Výsledky k 3.13 . . . . .                          | 107 |

#### Část čtvrtá. Vektorová algebra

|      |                                    |     |
|------|------------------------------------|-----|
| 4.1. | Úvodní poznámka . . . . .          | 108 |
| 4.2. | Pojem vektoru . . . . .            | 108 |
| 4.3. | Operace s vektory . . . . .        | 109 |
| 4.4. | Skalární součin vektorů . . . . .  | 114 |
| 4.5. | Vektorový součin vektorů . . . . . | 116 |
| 4.6. | Směšený součin vektorů . . . . .   | 118 |
| 4.7. | Cvičení . . . . .                  | 120 |
|      | Výsledky k 4.7. . . . .            | 121 |

#### Část pátá. Analytická geometrie

|      |                           |     |
|------|---------------------------|-----|
| 5.1. | Úvodní poznámka . . . . . | 122 |
|------|---------------------------|-----|

##### A. Analytická geometrie v rovině

|       |  |     |
|-------|--|-----|
| 5.2.  | Vektory v rovině . . . . .                             | 122 |
| 5.3.  | Dělení úsečky v daném poměru . . . . .                 | 125 |
| 5.4.  | Obecná rovnice přímky . . . . .                        | 126 |
| 5.5.  | Parametrické rovnice přímky . . . . .                  | 131 |
| 5.6.  | Úhel dvou přímek . . . . .                             | 133 |
| 5.7.  | Přímky rovnoběžné a přímky kolmé . . . . .             | 136 |
| 5.8.  | Další úlohy o přímkách . . . . .                       | 137 |
| 5.9.  | Transformace souřadnic . . . . .                       | 141 |
| 5.10. | Pojem rovnice rovinné čáry . . . . .                   | 143 |
| 5.11. | Kružnice . . . . .                                     | 144 |
| 5.12. | Elipsa . . . . .                                       | 145 |
| 5.13. | Hyperbola . . . . .                                    | 149 |
| 5.14. | Parabola . . . . .                                     | 153 |
| 5.15. | Rovnice kuželoseček v polárních souřadnicích . . . . . | 158 |
| 5.16. | Poznámka o čarách druhého stupně . . . . .             | 160 |
| 5.17. | Cykloidy . . . . .                                     | 162 |
| 5.18. | Další rovinné křivky . . . . .                         | 165 |

|                           |     |
|---------------------------|-----|
| 5.19. Cvičení . . . . .   | 167 |
| Výsledky k 5.19 . . . . . | 170 |

### B. Analytická geometrie v prostoru

|  |     |
|--|-----|
| 5.20. Rovnice plochy a prostorové čáry . . . . . | 170 |
| 5.21. Rovnice roviny . . . . .                   | 172 |
| 5.22. Úhel dvou rovin . . . . .                  | 175 |
| 5.23. Přímka v prostoru . . . . .                | 176 |
| 5.24. Vzájemná poloha roviny a přímky . . . . .  | 178 |
| 5.25. Vzájemná poloha dvou přímek . . . . .      | 179 |
| 5.26. Rotační plochy . . . . .                   | 182 |
| 5.27. Elipsoidy . . . . .                        | 183 |
| 5.28. Hyperboloidy . . . . .                     | 184 |
| 5.29. Paraboloidy . . . . .                      | 187 |
| 5.30. Válcové a kuželové plochy . . . . .        | 189 |
| 5.31. Poznámka o kvadrikách . . . . .            | 192 |
| 5.32. Cvičení . . . . .                          | 193 |
| Výsledky k 5.32 . . . . .                        | 195 |

### Část šestá. Funkce jedné proměnné

|  |     |
|--|-----|
| 6.1. Úvodní poznámka . . . . .                         | 196 |
| 6.2. Pojem funkce jedné proměnné . . . . .             | 197 |
| 6.3. Grafické znázornění funkcí . . . . .              | 198 |
| 6.4. Poznámka o funkcích několika proměnných . . . . . | 200 |
| 6.5. Explicitní a implicitní tvar funkce . . . . .     | 201 |
| 6.6. Funkce ohraničené a neohraničené . . . . .        | 202 |
| 6.7. Monotónní funkce . . . . .                        | 203 |
| 6.8. Sudé a liché funkce . . . . .                     | 204 |
| 6.9. Rozdělení funkcí . . . . .                        | 205 |
| 6.10. Početní operace s funkcemi . . . . .             | 206 |
| 6.11. Polynomy . . . . .                               | 207 |
| 6.12. Poznámka o interpolačních polynomech . . . . .   | 209 |
| 6.13. Lomená racionální funkce . . . . .               | 213 |
| 6.14. Goniometrické funkce . . . . .                   | 216 |
| 6.15. Cvičení . . . . .                                | 222 |
| Výsledky k 6.15 . . . . .                              | 224 |

### Část sedmá. Limita a spojitost funkcí

|   |     |
|---|-----|
| 7.1. Úvodní poznámka . . . . .                    | 225 |
| 7.2. Posloupnost a její limita . . . . .          | 225 |
| 7.3. Limita funkce . . . . .                      | 232 |
| 7.4. Nevlastní limita funkce . . . . .            | 236 |
| 7.5. Limity funkce v nevlastních bodech . . . . . | 238 |
| 7.6. Spojitost funkce . . . . .                   | 239 |

|       |   |     |
|-------|---|-----|
| 7.7.  | Vlastnosti spojitych funkcí . . . . .               | 241 |
| 7.8.  | Cvičení . . . . .                                   | 242 |
|       | Výsledky k 7.8 . . . . .                            | 243 |
|       | <b>Část osmá. Derivace funkcí</b>                   |     |
| 8.1.  | Úvodní poznámka . . . . .                           | 244 |
| 8.2.  | Pojem derivace funkce . . . . .                     | 245 |
| 8.3.  | Vztah mezi derivací a spojitostí . . . . .          | 247 |
| 8.4.  | Pravidla pro derivování funkcí . . . . .            | 249 |
| 8.5.  | Diferenciál funkce . . . . .                        | 254 |
| 8.6.  | Vyšší derivace . . . . .                            | 256 |
| 8.7.  | Základní věty diferenciálního počtu . . . . .       | 258 |
| 8.8.  | Pojem a derivace složené funkce . . . . .           | 261 |
| 8.9.  | Pojem a derivace inverzní funkce . . . . .          | 265 |
| 8.10. | Derivace funkcí daných parametricky . . . . .       | 267 |
| 8.11. | Cyklometrické funkce a jejich derivace . . . . .    | 269 |
| 8.12. | Obecná mocnina . . . . .                            | 276 |
| 8.13. | Exponenciální funkce . . . . .                      | 278 |
| 8.14. | Logaritmické funkce . . . . .                       | 279 |
| 8.15. | Hyperbolické a hyperbolometrické funkce . . . . .   | 285 |
| 8.16. | Taylorova věta . . . . .                            | 288 |
| 8.17. | Cvičení . . . . .                                   | 290 |
|       | Výsledky k 8.17 . . . . .                           | 293 |
|       | <b>Část devátá. Užítí diferenciálního počtu</b>     |     |
| 9.1.  | Úvodní poznámka . . . . .                           | 295 |
| 9.2.  | Extrémní hodnoty funkcí . . . . .                   | 295 |
| 9.3.  | Konvexní a konkávní křivky . . . . .                | 300 |
| 9.4.  | Asymptoty čar . . . . .                             | 303 |
| 9.5.  | Průběh křivky . . . . .                             | 305 |
| 9.6.  | Křivost rovinných čar . . . . .                     | 307 |
| 9.7.  | Evoluta a evolventa rovinných čar . . . . .         | 311 |
| 9.8.  | L'Hospitalovo pravidlo . . . . .                    | 314 |
| 9.9.  | Numerické řešení rovnic . . . . .                   | 319 |
| 9.10. | Cvičení . . . . .                                   | 334 |
|       | Výsledky k 9.10 . . . . .                           | 338 |
|       | <b>Část desátá. Přehled nejdůležitějších vzorců</b> |     |
| 10.1. | Elementární algebra . . . . .                       | 341 |
| 10.2. | Trigonometrie . . . . .                             | 345 |
| 10.3. | Planimetrie . . . . .                               | 347 |
| 10.4. | Stereometrie . . . . .                              | 349 |
| 10.5. | Analytická geometrie v rovině . . . . .             | 350 |
| 10.6. | Analytická geometrie v prostoru . . . . .           | 352 |

|                                       |     |
|---------------------------------------|-----|
| 10.7. Vektorová algebra . . . . .     | 354 |
| 10.8. Funkce jedné proměnné . . . . . | 355 |
| 10.9. Diferenciální počet . . . . .   | 357 |

### **Přílohy**

|   |     |
|---|-----|
| 1. Řecká abeceda . . . . .                                      | 361 |
| 2. Převrácená čísla, mocniny, odmocniny, logaritmy . . . . .    | 362 |
| 3. Goniometrické funkce . . . . .                               | 364 |
| 4. Exponenciální, hyperbolické a goniometrické funkce . . . . . | 365 |
| 5. Důležité konstanty . . . . .                                 | 366 |

|   |            |
|---|------------|
| <b>Seznam pomocné a doplňující literatury . . . . .</b> | <b>367</b> |
|---|------------|

|  |     |
|--|-----|
| 1. Úvod do studia matematiky . . . . .                   | 367 |
| 2. Algebra . . . . .                                     | 367 |
| 3. Analytická geometrie a vektorová algebra . . . . .    | 368 |
| 4. Diferenciální a integrální počet . . . . .            | 369 |
| 5. Příručky, sbírky příkladů a přehledy vzorců . . . . . | 371 |

|                                  |            |
|----------------------------------|------------|
| <b>Jmenný rejstřík . . . . .</b> | <b>373</b> |
|----------------------------------|------------|

|                                 |            |
|---------------------------------|------------|
| <b>Věcný rejstřík . . . . .</b> | <b>375</b> |
|---------------------------------|------------|