

Obsah

Úvod	5
1 POSLOUPNOSTI REÁLNÝCH ČÍSEL	7
1.1 Pojem a vlastnosti posloupnosti	7
1.2 Limita posloupnosti	11
1.3 Aritmetická a geometrická posloupnost	18
1.4 Shrnutí 1. kapitoly	25
1.5 Test ke kapitole 1	25
2 NEKONEČNÉ ČÍSELNÉ ŘADY	27
2.1 Pojem nekonečné číselné řady, její konvergence, divergence	27
2.2 Početní operace s číselnými řadami a některé vlastnosti číselných řad	34
2.3 Kritéria konvergence číselných řad	41
2.4 Shrnutí 2. kapitoly	55
2.5 Test ke kapitole 2	55
3 POSLOUPNOSTI A ŘADY FUNKCÍ	57
3.1 Pojmy posloupnost a řada funkcí	57
3.2 Mocninné řady	61
3.3 Taylorova a Maclaurinova řada	72
3.4 Shrnutí 3. kapitoly	83
3.5 Test ke kapitole 3	83
Seznam literatury	85
Přehled použitých symbolů	87
Rejstřík	89

Užití nekonečných řad se vyskytovalo již ve starověku. Nejvíce například Archiméda (287–212 př.n.l.), který znal nekonečnou geometrii řad, již použil ke kvadratice parabolky. Teorie nekonečných řad vznikla až v první polovině 17. století, společně s vytvářením integralního počtu. Např. Nicolaus Mercator (1620–1687), Isaac Newton (1642–1727), Gottfried Wilhelm Leibniz (1646–1716), Brook Taylor (1685–1731) a Colin Maclaurin (1698–1746) odvozovali rovnici některých elementárních funkcí v nekonečné řadě. Také Leonard Euler (1707–1783) používal při svých výpočtech nekonečné řady k vyjádření funkci a jako jeden z prvních se zabýval urychlováním konvergence řad. Z českých matematiků dosáhl největších úspěchů v teorii nekonečných řad Matyáš Lerch (1860–1922) a Bernard Bolzíkno (1781–1848), který v roce 1817 jako první formuloval obecné kritérium konvergence řad. Největší zásluhu na vybudování základů teorie nekonečných řad má všeobecný francouzský matematik Augustin Louis Cauchy (1789–1857).