

# Obsah

Předmluva .....	7
Abstract .....	9
<b>1 Úvod .....</b>	11
1.1 Reologie .....	11
1.2 Biomechanika .....	12
1.3 Struktura výkladu .....	13
<b>2 Napětí, deformace, rychlosť deformacie .....</b>	15
2.1 Matematické požadavky .....	15
2.1.1 Složková symbolika .....	15
2.2 Spojité prostředí – kontinuum .....	17
2.2.1 Pojem kontinua .....	17
2.2.2 Popis pohybu kontinua – kinematika kontinua .....	18
2.2.3 Rozklad pohybu kontinua na pohyb postupný, rotační a deformační .....	20
2.3 Napětí .....	22
2.3.1 Pojem tenzoru .....	26
2.3.2 Tenzor napětí .....	27
2.3.3 Význam složek tenzoru napětí .....	32
2.3.4 Hlavní osy tenzoru napětí .....	33
2.3.5 Invarianty tenzoru .....	36
2.4 Deformace .....	36
2.4.1 Tenzor deformace .....	37
2.4.2 Význam složek tenzoru malých deformací .....	41
2.5 Rychlosť deformacie .....	44
2.5.1 Tenzor rychlosťi deformacie .....	44
2.5.2 Couettovo proudění .....	45
2.5.3 Rychlosť deformacie – její postavení v reologii .....	47
2.6 Příklady ke kapitole 2 .....	48
2.6.1 Řešené příklady P2 .....	48
P2.1 Stanovení parametrů napětí na vybrané ploše procházející daným bodem tělesa .....	48
P2.2 Směry hlavních napětí při rovinném napětí .....	49
P2.3 Směry hlavních napětí pro smyk .....	52
P2.4 Objemová deformace .....	54
P2.5 Rozklad symetrického tenzoru na izotropní část a deviátor .....	55
P2.6 Tlak – izotropní tenzor napětí se zápornou absolutní hodnotou .....	56
P2.7 Rozklad obecného tenzoru druhého řádu na symetrickou a antisymetrickou část .....	58
2.6.2 Úlohy U2 .....	59

<b>3 Základní reologické látky .....</b>	61
<b>3.1 Elastické látky .....</b>	61
<b>3.1.1 Lineárně elastické látky .....</b>	62
<b>3.1.2 Zobecněný Hookův zákon pro izotropní prostředí – nezávislost objemové a tvarové deformace .....</b>	62
<b>3.1.3 Hookovská látka – reologický model .....</b>	63
<b>3.1.4 Nelineárně elastické látky .....</b>	69
<b>3.1.5 Elastické chování biolátek .....</b>	71
<b>3.1.6 Příklady k článku 3.1 .....</b>	72
<b>3.1.6.1 Řešené příklady P31.....</b>	72
P31.1 Vzorek z klasické elastické látky namáhaný tahem .....	72
P31.2 Přičné zkrácení – Poissonův poměr .....	75
P31.3 Čistý a prostý smyk, okrajové podmínky při smykovém namáhání .....	76
P31.4 Torze tyče kruhového průřezu .....	81
P31.5 Torzní tuhost tyče .....	84
P31.6 Odvození vztahu $E = 3G$ , který platí pro nestlačitelné látky .....	85
P31.7 Jak se realizují jednoduché typy deformací – Saint Venantův princip .....	85
P31.8 Teplotní závislost napětí v deformovaném vzorku pryže .....	86
P31.9 Zmenšení průřezu vzorku při velkých tahových deformačích, smluvní napětí..	88
<b>3.1.6.2 Úlohy U31.....</b>	90
<b>3.2 Viskózní látky .....</b>	91
<b>3.2.1 Newtonovské látky .....</b>	91
<b>3.2.2 Newtonovská látka – reologický model .....</b>	93
<b>3.2.3 Nenewtonovské látky .....</b>	95
<b>3.2.4 Viskózní látky s vlastnostmi závislými na době zpracování a dalších parametrech .....</b>	96
<b>3.2.5 Biokapaliny .....</b>	96
<b>3.2.6 Příklady k článku 3.2 .....</b>	97
<b>3.2.6.1 Řešené příklady P32.....</b>	97
P32.1 Kapilární viskozimetrie newtonovských kapalin, Poiseuillův zákon.....	97
P32.2 Průtok nenewtonovských kapalin trubicí.....	99
P32.3 Rotační viskozimetrie .....	101
P32.4 Laminární a turbulentní proudění – Reynoldsovo číslo.....	104
<b>3.2.6.2 Úlohy U32 .....</b>	105
<b>3.3 Plastické látky .....</b>	106
<b>3.3.1 Saint Venantova látka – základní model plastické látky .....</b>	106
<b>3.3.2 Složené plastické látky .....</b>	107
<b>3.3.3 Plastické látky – tvárné látky .....</b>	109
<b>3.3.4 Příklady k článku 3.3 .....</b>	109
<b>3.3.4.1 Řešené příklady P33.....</b>	109
P33.1 Stanovení mezního napětí StV-látky .....	109
P33.2 Ustálený tok binghamovské látky trubicí .....	109
<b>3.3.4.2 Úlohy U33 .....</b>	111

<b>4 Viskoelastické látky .....</b>	113
4.1 Základní viskoelastické látky a jejich reologické rovnice .....	113
4.2 Creep a relaxace napětí .....	117
4.3 Složitější lineárně viskoelastické látky .....	122
4.4 Nemodelový přístup k teorii viskoelasticity .....	124
4.4.1 Botzmannův superpoziční princip .....	128
4.4.2 Dynamické namáhání .....	132
4.5 Nelinearní viskoelasticita a viskoelasticita v obecných napěťových polích .....	135
4.6 Viskoelasticita polymerů a biolátek .....	136
4.6.1 Proč polymery a většina biolátek jsou výrazně viskoelastické .....	137
4.6.2 Vyházení viskoelastických funkcí v logaritmické stupnici časů .....	138
4.6.3 Superpozice čas–teplota .....	141
4.6.4 Viskoelastické funkce vynesené v závislosti na teplotě .....	147
4.6.5 Hlavní a vedlejší přechodové oblasti .....	151
4.7 Příklady ke kapitole 4 .....	153
4.7.1 Řešené příklady P4 .....	153
P4.1 Reologická rovnice modelu z obr. 4.6 b) a některá její řešení .....	153
P4.2 Reologická rovnice modelu z obr. 4.6 c) a některá její řešení .....	157
P4.3 Dynamicky zatěžovaný vzorek .....	160
P4.4 Energetické úvahy .....	165
P4.5 Vztah spektra relaxačních časů a spektra relaxačních frekvencí .....	168
P4.6 Výpočet spektra retardačních dob z naměřených hodnot tahové poddajnosti .....	171
4.7.2 Úlohy U4 .....	174
<b>5 Obecné reologické látky .....</b>	175
5.1 Látky s elastickými, viskózními i plastickými vlastnostmi .....	175
5.2 Shrnutí reologické klasifikace látek a vymezení její obecnosti .....	175
5.3 Úlohy ke kapitole 5 .....	179
<b>6 Matematické dodatky .....</b>	181
6.1 Diferenciální okolí bodu .....	181
6.1.1 Diferenciál funkce jedné proměnné .....	181
6.1.2 Diferenciál funkce více proměnných .....	185
6.2 Přechod od sum k integrálům .....	188
6.3 Transformační vlastnosti tenzorů .....	191

jsou značeny početnou číslou, tedy množství řádků v rozmezí kapitol, dleto je uvedeno (12.2.1), čísly určené k samostatnému řešení jsou značeny písmenem U, kteráhož význam je, kterémž jsou přiřazeny a poňatovým číslem. Označení je psáno kurzivou, tedy druhá řada k druhému článku kapitoly tří je nazámena U. 12.2.2. Resení úloh jsou v kapitole 7 dříve dle kapitol a článků, ke kterým byly příklady a úlohy připojeny, uváděna označením úloh

<sup>1</sup> Adresa, na kterou je možno příspěvky poslat, je: Ing. Petr Havránek, KMF, MFFUK, v Holešovičkách, 180 00 Praha 8, e-mail: havrana@karlin.mff.cuni.cz.

