

# Obsah

<b>Předmluva</b>	<b>10</b>
<b>1 Problematika biomechaniky lidských kloubů</b>	<b>15</b>
1.1 Stručný nástin historie vývoje aloartroplastiky . . . . .	15
1.2 Biomechanika lidského skeletu . . . . .	21
1.3 Anatomie lidského skeletu . . . . .	22
1.4 Funkce velkých lidských kloubů . . . . .	24
1.5 Tribologie lidských kloubů . . . . .	31
<b>2 Biomechanika lidských kloubů a vazivových tkání</b>	<b>33</b>
2.1 Úvod do biomechaniky . . . . .	33
2.2 Biomechanika velkých lidských kloubů . . . . .	37
2.2.1 Problémy biomechaniky kloubů . . . . .	37
2.3 Mechanické vlastnosti lidských tkání . . . . .	55
2.4 Základy mechaniky kontinua . . . . .	56
2.4.1 Tenzor napětí a deformace . . . . .	57
2.4.2 Zobecněný Hookeův zákon . . . . .	65
2.4.3 Okrajové úlohy teorie pružnosti . . . . .	68
2.4.4 Energetické úvahy . . . . .	70
2.4.5 Variační principy . . . . .	73
2.5 Základní problémy matematické simulace funkce lidských kloubů a jejich totálních náhrad (TEP)	76
2.5.1 Pohybové rovnice, okrajové, kontaktní a počáteční podmínky . . . . .	76
2.5.2 Viskoelasticita a plasticita . . . . .	89

<b>3 Totální náhrady lidských kloubů</b>	<b>97</b>
3.1 Úvod . . . . .	97
3.2 Konstrukce totálních náhrad lidských kloubů . .	98
3.3 Metalurgie kovových komponent totálních náhrad	104
3.3.1 Technologie výroby a materiály používané při výrobě totálních náhrad lidských kloubů . . . . .	104
3.3.2 Nerezavějící oceli . . . . .	107
3.3.3 Kobaltové slitiny . . . . .	110
3.3.4 Titanové slitiny . . . . .	114
3.3.5 Shrnutí . . . . .	118
3.4 Plastické hmoty . . . . .	119
3.5 Keramické materiály . . . . .	122
3.6 Kompozitní materiály . . . . .	126
3.7 Porézní povrchy . . . . .	128
3.7.1 Kovové porézní povrchy . . . . .	128
3.7.2 Keramické porézní povrchy . . . . .	129
3.8 Kostní cement . . . . .	130
3.9 Tribologie náhrad lidských kloubů . . . . .	132
3.10 Statické a dynamické namáhání totálních náhrad	137
3.11 Únavové lomy náhrad lidských kloubů, koroze kovových implantátů . . . . .	141
3.12 Požadavky kladené na totální náhrady lidských kloubů . . . . .	143
3.13 Náhrady kyčelního kloubu . . . . .	144
3.13.1 Indikace aloplastiky kyčelního kloubu . .	144
3.13.2 Konstrukce náhrad kyčelního kloubu . .	145
3.13.3 Totální náhrady kyčelního kloubu . . . .	147
3.14 Náhrady kolenního kloubu . . . . .	154
3.14.1 Indikace aloplastiky kolenního kloubu . .	154
3.14.2 Konstrukce náhrad kolenního kloubu . .	155
3.14.3 Totální náhrady kolenního kloubu . . . .	157
3.15 Náhrady ramenního, loketního, hlezenného kloubu, zápěstí a drobných kloubů ruky . . . . .	159
3.15.1 Umělá náhrada ramenního kloubu . . . .	159
3.15.2 Umělá náhrada loketního kloubu . . . .	160
3.15.3 Umělé náhrady hlezenného kloubu, zápěstí a drobných kloubů ruky . . . . .	161
3.16 Léčení zlomenin torakolumbální páteře . . . . .	162

---

3.17 Léčení zlomenin zevní a vnitřní fixací . . . . .	163
3.18 Postup při návrhu nahrad lidských kloubů . . . . .	165
3.18.1 Metodika řízení nového zdravotnického prostředku (ZP) . . . . .	165
3.18.2 Poznámky ke konstrukci nahrad lidských kloubů . . . . .	169
3.19 Zkušenosti z praxe . . . . .	175
3.19.1 Polyetylen a polyetylenový otěr . . . . .	175
3.19.2 Materiály používané k výrobě endoprotéz a osteosyntetických implantátů . . . . .	178
3.19.3 Technologie výroby . . . . .	185
<b>4 Matematicko-biomechanické modely dílčích částí lidského skeletu, kloubů a jejich nahrad</b>	<b>187</b>
4.1 Matematicko-biomechanický model kyčelního kloubu a jeho totálních nahrad . . . . .	191
4.1.1 Úvod . . . . .	191
4.1.2 Anatomie kyčelního kloubu . . . . .	191
4.1.3 Biomechanika totálních nahrad kyčelního kloubu . . . . .	198
4.2 Matematický model kyčelního kloubu a jeho umělých nahrad . . . . .	200
4.2.1 Matematický model kyčelního kloubu a jeho totální nahrad založené na okrajových úlohách termopružnosti . . . . .	200
4.2.2 Matematický model kyčelního kloubu a jeho totální nahrad založené na kompozitních materiálech – metoda homogenizace	204
4.2.3 Matematický model kyčelního kloubu a jeho totální nahrad založené na kontaktních úlohách v lineární a nelineární (termo-)pružnosti . . . . .	211
4.3 Biomechanická analýza některých artroplastických operací kyče s využitím matematického modelování . . . . .	216
4.3.1 Některé srovnávací analýzy Harrisovy acetabuloplastiky a metody „controlled fracture“ dle Dunna při implantaci TEP kyče . . . . .	216

4.3.2	Biomechanická analýza kyčelního kloubu po TEP implantované po zhojené subtrochanterické osteotomii . . . . .	219
4.3.3	Biomechanická studie intertrochanterické resp. subtrochanterické osteotomie femuru. Simulace varizační a valgizační osteotomie, porovnání namáhání normálního kloubu a kloubu po varizační osteotomii . . . . .	223
4.3.4	Biomechanická prostorová (3D) analýza kyčelního kloubu po operaci stříšky dle Boswortha s využitím výstupů ze zobrazení z nukleární magnetické rezonanace (NMR) . . . . .	227
4.3.5	Biomechanická analýza uvolněné endoprotézy kyčelního kloubu . . . . .	232
4.3.6	Biomechanická studie kostních cyst . . . . .	234
4.4	Matematicko-biomechanický model kolenního kloubu . . . . .	239
4.4.1	Úvod . . . . .	239
4.4.2	Anatomie kolenního kloubu . . . . .	239
4.4.3	Biomechanika kolenního kloubu a jeho nahrad . . . . .	245
4.4.4	Matematický model kolenního kloubu . .	249
4.4.5	Biomechanická analýza kolenního kloubu	254
4.5	Matematicko-biomechanický model torakolumbální páteře . . . . .	259
4.5.1	Úvod . . . . .	259
4.5.2	Biomechanika páteře . . . . .	260
4.5.3	Léčba torakolumbálních zlomenin . . . . .	263
4.5.4	Konstrukce modelu . . . . .	264
4.5.5	Model páteře . . . . .	265
4.5.6	Biomechanická analýza zlomenin páteře .	269
4.6	Matematicko-biomechanický model ramenního a loketního kloubu . . . . .	277
4.6.1	Anatomie horní končetiny . . . . .	277
4.6.2	Biomechanika totálních nahrad ramenního a loketního kloubu . . . . .	279

---

4.6.3	Matematický model ramenního a loketního kloubu . . . . .	280
4.7	Matematicko-biomechanický model zápěstí . . . . .	282
4.7.1	Anatomické poznámky . . . . .	283
4.7.2	Biomechanika . . . . .	287
4.7.3	Fyzikálně-matematická rekonstrukce biomechanického modelu zápěstí . . . . .	291
4.7.4	Konstrukce matematicko-biomechanického modelu . . . . .	293
4.7.5	Závěrečné poznámky . . . . .	298
4.8	Matematicko-biomechanické modely zevní a vnitřní fixace . . . . .	299
4.8.1	Princip AO klasifikace zlomenin . . . . .	299
4.8.2	Matematický model zevní a vnitřní fixace	303
4.8.3	Formulace matematického modelu zevní fixace . . . . .	304
4.8.4	Formulace matematického modelu vnitřní fixace . . . . .	308
4.8.5	Poznámka k operační technice a pooperační péči . . . . .	311
4.9	Matematický model generování a šíření tepla v okolí tuhnoucího kostního cementu PMMA. Problém nekrózy kosti . . . . .	312
4.9.1	Matematický model . . . . .	317
4.10	Modely s nejistými daty . . . . .	321
4.10.1	Formulace úlohy . . . . .	321
4.10.2	Metoda nejhoršího scénáře pro nejistá vstupní data . . . . .	325
5	<b>Matematická analýza a numerické řešení úloh biomechaniky</b>	<b>331</b>
5.1	Metody statické napěťové analýzy totálních náhrad lidských kloubů . . . . .	331
5.2	2D a 3D napěťové analýzy TEP – založené na okrajových úlohách termopružnosti . . . . .	332
5.3	Matematická analýza TEP založená na kompozitních materiálech s periodickou strukturou . . . . .	341

5.4	2D a 3D napěťové analýzy TEP založené na kontaktních úlohách lineární termo-pružnosti – koercivní případ . . . . .	345
5.4.1	Variační řešení – 2D koercivní případ . . . . .	348
5.4.2	Numerické řešení problému . . . . .	353
5.4.3	Algoritmus . . . . .	356
5.5	Napěťová analýza TEP založená na kontaktních úlohách lineární termopružnosti – semi-koercivní případ . . . . .	362
5.5.1	Variační řešení – 2D semi-koercivní případ . . . . .	362
5.5.2	Numerické řešení úlohy metodou konečných prvků . . . . .	370
5.6	2D a 3D napěťové analýzy totálních náhrad kloubů založené na kontaktních úlohách nelineární termo-pružnosti . . . . .	373
5.6.1	Formulace úlohy . . . . .	373
5.6.2	Slabé řešení nelineární úlohy . . . . .	376
5.7	Numerická approximace úlohy . . . . .	382
<b>Dodatky</b>		<b>384</b>
D.0	Přehled symbolů . . . . .	385
D.1	Tenzory v kartézských souřadných soustavách . . . . .	386
D.1.1	Ortogonalní transformace souřadnic . . . . .	386
D.1.2	Definice vektorů a tenzorů . . . . .	387
D.1.3	Hlavní osy a invarianty symetrického tenzoru druhého řádu . . . . .	388
D.2	Úvod do funkcionálních prostorů a konvexní analýzy . . . . .	389
D.2.1	Hilbertův a Sobolevovy prostory . . . . .	389
D.2.2	Úvod do konvexní analýzy . . . . .	392
D.2.3	Některé základní věty . . . . .	395
D.3	Úvod do numerických metod variačních rovnic a nerovnic . . . . .	396
D.3.1	Formulace úloh . . . . .	396
D.3.2	Metoda konečných prvků . . . . .	399
D.4	Numerický výpočet funkcionálu potenciální energie . . . . .	407
D.4.1	Sestavení maticy tuhosti . . . . .	410
D.4.2	Sestavení pravé strany . . . . .	417

D.5 Některé základní metody řešení soustavy algebraických rovnic . . . . .	423
D.5.1 Gaussova eliminace . . . . .	423
D.5.2 Iterační S.O.R. metoda . . . . .	425
D.5.3 Metoda sdružených gradientů . . . . .	427
D.6 Metody minimalizace kvadratického funkcionálu s omezením . . . . .	430
<b>Literatura</b>	<b>437</b>
<b>Rejstřík</b>	<b>463</b>