

# Obsah

1	Základní vlastnosti funkcí jedné reálné proměnné . . . . .	7
1.1	Elementární funkce . . . . .	7
1.2	Operace s funkcemi . . . . .	8
1.3	Vlastnosti funkcí . . . . .	11
1.4	Funkce prosté a funkce k nim inverzní . . . . .	16
2	Spojitosť a limita . . . . .	19
2.1	Spojitosť funkce . . . . .	19
2.2	Limity . . . . .	20
2.3	Limity posloupnosti . . . . .	25
3	Derivace funkce a parciální derivace . . . . .	27
3.1	Derivace funkce jedné proměnné . . . . .	27
3.2	Derivace vyšších řádů . . . . .	32
3.3	Význam derivace v geometrii, fyzice a chemii . . . . .	33
3.4	L'Hospitalovo pravidlo . . . . .	34
3.5	Parciální derivace funkce dvou proměnných . . . . .	37
3.6	Parciální derivace vyšších řádů . . . . .	39
4	Průběh funkce . . . . .	41
4.1	Monotonní funkce . . . . .	41
4.2	Extrémy funkcí . . . . .	42
4.3	Konvexní a konkávní funkce . . . . .	45
4.4	Asymptoty grafu funkce . . . . .	46
4.5	Průběh funkce . . . . .	47
4.6	Newtonova metoda . . . . .	50
5	Taylorova formule a diferenciál funkce jedné proměnné . . . . .	53
5.1	Taylorova formule . . . . .	53
5.2	Diferenciál . . . . .	56
6	Křivky v rovině . . . . .	59
6.1	Parametrizace rovinných křivek . . . . .	59
6.2	Kreslení křivek zadaných parametricky . . . . .	63
6.3	Tečný vektor ke křivce . . . . .	67
6.4	Kinematická interpretace parametrických rovnic . . . . .	69
6.5	Křivky v polárních souřadnicích . . . . .	73
7	Integrální počet funkcí jedné proměnné . . . . .	77
7.1	Neurčité integrály ( = primitivní funkce ) . . . . .	77
7.2	Určité integrály . . . . .	101
7.3	Nevlastní integrály . . . . .	104
7.4	Geometrické aplikace určitého integrálu . . . . .	108

	7.5	Numerická integrace . . . . .	113
8		Diferenciální rovnice 1. řádu . . . . .	115
	8.1	Řešení diferenciálních rovnic . . . . .	115
	8.2	Klasifikace diferenciálních rovnic . . . . .	116
	8.3	Metoda separace proměnných . . . . .	117
	8.4	Lineární diferenciální rovnice 1. řádu . . . . .	122
	8.5	Shrnutí diferenciálních rovnic . . . . .	124
	8.6	Aplikace diferenciálních rovnic . . . . .	125
	8.7	Eulerova metoda . . . . .	127
9		Vektory a matice . . . . .	130
	9.1	Lineární závislost a nezávislost vektorů z $\mathbb{R}^n$ . . . . .	130
	9.2	Matice a operace s nimi . . . . .	133
	9.3	Hodnost matice . . . . .	136
	9.4	Determinanty . . . . .	139
10		Soustavy lineárních algebraických rovnic . . . . .	143
	10.1	Gaussova eliminační metoda . . . . .	143
	10.2	Cramerovo pravidlo . . . . .	150
	10.3	Slovní úlohy . . . . .	153
11		Geometrie v $\mathbb{R}^n$ , zvláště v $\mathbb{R}^3$ . . . . .	155
	11.1	$\mathbb{R}^n$ , norma a úhel vektorů . . . . .	155
	11.2	Parametrické rovnice přímky a roviny . . . . .	159
	11.3	Obecná rovnice roviny v $\mathbb{R}^3$ . . . . .	164
	11.4	Rovnice nadroviny v $\mathbb{R}^n$ . . . . .	169

**VÝSLEDKY** **172**

1	Funkce jedné reálné proměnné . . . . .	172
2	Spojitosť a limita . . . . .	175
3	Derivace funkce a parciální derivace . . . . .	176
4	Průběh funkce . . . . .	180
5	Taylorova formule a diferenciál funkce jedné proměnné . . . . .	185
6	Křivky v rovině . . . . .	186
7	Integrální počet funkcí jedné proměnné . . . . .	189
8	Diferenciální rovnice 1. řádu . . . . .	194
9	Vektory a matice . . . . .	197
10	Soustavy lineárních algebraických rovnic . . . . .	200
11	Geometrie v $\mathbb{R}^n$ , zvláště v $\mathbb{R}^3$ . . . . .	202