

OBSAH

Předmluva	3
Kapitola I. Elementární způsoby řešení extremálních úloh	
§ 1. Obecné pojmy	5
§ 2. Nejjednoduší úloha variačního počtu. Eulerova rovnice	9
§ 3. Elementární řešení některých variačních úloh	18
§ 4. Aplikace	27
§ 5. Metody přibližného řešení úloh variačního počtu	30
Kapitola II. Metoda variací	
§ 6. Další poznámky o extrémech funkcionálů	37
§ 7. Klasifikace extrémů	39
§ 8. Variace nejjednodušího funkcionálu	45
§ 9. Základní pomocné věty variačního počtu	54
§ 10. Variace v bodě	59
§ 11. Druhá variace	66
Kapitola III. Zobecnění nejjednoduší úlohy	
§ 12. Prostorová úloha	71
§ 13. Legendreova podmínka pro prostorovou úlohu	79
§ 14. Případ derivací vyššího řádu	81
§ 15. Případ funkce více proměnných	87
Kapitola IV. Připustné čáry s volnými koncovými body. Nespojité úlohy	
§ 16. Volné konce v nejjednoduší úloze	94
§ 17. Nespojité úlohy	103
§ 18. Úloha s volnými konci v prostorech o libovolném počtu rozměrů	105
§ 19. Podmínky pro konecové body v případě funkcionálů závislých na derivacích vyššího řádu	109
Kapitola V. Podmíněný extrém	
§ 20. Isoperimetrická úloha	114
§ 21. Podmíněný extrém	125
§ 22. Obecný Lagrangeův problém	130
Kapitola VI. Variační úlohy v parametrickém tvaru	
§ 23. Parametrické vyjádření rovnic křivek a podmínky homogenity	137
§ 24. Extrémy funkcí čáry	143
§ 25. Zobecnění a aplikace	149
Kapitola VII. Theorie pole	
§ 26. Geometrický způsob vyjadřování. Kanonický tvar Eulerových rovnic	157
§ 27. Pole extremál a transversály	160

§ 28. Konjugované body. Konstrukce pole	168
§ 29. Věta o obálce	176
§ 30. Integrování Eulerovy rovnice	182
Kapitola VIII. Postačující podmínky silného a slabého extrému	
§ 31. Některé pojmy theorie pole	194
§ 32. Nutná podmínka silného extrému	199
§ 33. Postačující podmínky silného extrému	201
§ 34. Postačující podmínky slabého extrému	203
§ 35. Přehled nutných a postačujících podmínek pro extrém	206
Kapitola IX. Lineární variační úlohy	
§ 36. Rovnice Sturm-Liouvilleovy	211
§ 37. Vlastní hodnoty a vlastní funkce	215
§ 38. Extremální theorie vlastních hodnot	220
§ 39. Závislost vlastní hodnoty na integračních mezích. Oscilační věta	225
§ 40. Vyšetřování druhé variace	226
§ 41. Steklovova věta o úplnosti systému orthonormovaných funkcí	231
§ 42. Souvislost s integrálními rovnicemi	233
Kapitola X. Úlohy na minimum maxim	
§ 43. Formulace úloh	238
§ 44. Nejlepší polynomiální approximace podle Čebyševa	239
§ 45. Minimaxová theorie vlastních hodnot	248