

# Obsah

|   |           |
|---|-----------|
| <b>Úvod</b>   | <b>4</b>  |
| <b>1 Algebraické struktury</b>                                  | <b>5</b>  |
| 1.1 Operace a zákony . . . . .                                  | 5         |
| 1.2 Některé důležité typy algeber . . . . .                     | 10        |
| 1.3 Základní pojmy teorie grup . . . . .                        | 14        |
| <b>2 Základní algebraické metody</b>                            | <b>18</b> |
| 2.1 Podalgebry . . . . .  | 18        |
| 2.2 Relace ekvivalence a rozklad na třídy ekvivalence . . . . . | 21        |
| 2.3 Izomorfizmy a homomorfizmy . . . . .                        | 24        |
| 2.4 Relace kongruence a faktorové algebry . . . . .             | 26        |
| 2.5 Relace kongruence na grupách a okruzích . . . . .           | 28        |
| 2.6 Přímé součiny algeber . . . . .                             | 32        |
| <b>3 Polynomy</b>   | <b>34</b> |
| 3.1 Konstrukce okruhů polynomů . . . . .                        | 34        |
| 3.2 Polynomy a funkce . . . . .                                 | 35        |
| <b>4 Obory integrity a dělitelnost</b>                          | <b>39</b> |
| 4.1 Jednoduchá pravidla dělitelnosti . . . . .                  | 39        |
| 4.2 Gaussovy okruhy . . . . .                                   | 41        |
| 4.3 Okruhy hlavních ideálů . . . . .                            | 42        |
| 4.4 Eukleidovy okruhy . . . . .                                 | 44        |
| <b>5 Teorie polí</b>  | <b>48</b> |
| 5.1 Podílová pole oboru integrity . . . . .                     | 48        |
| 5.2 Minimální pole . . . . .                                    | 50        |
| 5.3 Rozšíření pole . . . . .                                    | 53        |
| 5.4 Konečná (Galoisova) pole . . . . .                          | 54        |
| <b>Cvičení</b>  | <b>58</b> |
| <b>Literatura</b>   | <b>65</b> |