

# **Obsah**

SEZNAM POUŽITYCH SYMBOLŮ A ZNAČEK .....	7
0. PŘEDMLUVA .....	12
1. ZÁKLADNÍ MATEMATICKÉ POJMY .....	15
2. VÝROKOVÁ LOGIKA .....	22
2.1. Prolog .....	22
2.2. Jazyk matematiky a formální systém .....	24
2.3. Jazyk výrokové logiky .....	27
2.4. Ohodnocení formulí výrokového počtu .....	29
2.5. Boolovy funkce .....	33
2.6. Tautologický důsledek .....	36
2.7. Formální systém výrokové logiky .....	39
2.8. Dokazatelnost a ohodnocení .....	46
2.9. Bezespornost a úplnost výrokové logiky .....	47
3. PREDIKÁTOVÁ LOGIKA .....	52
3.1. Jazyk predikátové logiky .....	52
3.2. Proměnná, její výskyt a substituce .....	55
3.3. Sémantika predikátové logiky .....	57
3.4. Spišování a pravdivost v predikátové logice .....	60
3.5. Formální systém predikátové logiky .....	63
3.6. Normální tvar formulí .....	67
3.7. Model teorie, logika s rovností .....	72
3.8. Rozšíření teorie .....	75
3.9. Věty o úplnosti a kompaktnosti .....	78
3.10. Herbrandova věta .....	82
3.11. Mechanizace dokazování a rozhodnutelnost .....	85
3.12. Nerozhodnutelnost predikátového počtu .....	88
4. RELAČNÍ STRUKTURY .....	92
4.1. Binární relace .....	92
4.2. Ekvivalence .....	104
4.3. Uspořádání .....	110
4.4. Vyjadřování konečných relací .....	118
5. ALGEBRAICKÉ STRUKTURY .....	124
5.1. Vlastnosti zobrazení a operací .....	124
5.2. Morfismy a podalgebry algeber .....	133
6. SVAZY A BOOLOVY ALGEBRY .....	143
6.1. Svazy .....	143
6.2. Úplné, distributivní a komplementární svazy .....	150
6.3. Boolovy algebry .....	156

7.	GRUPY .....	167
7.1.	Grupy a pologrupy .....	167
7.2.	Vlastnosti grup .....	171
7.3.	Podgrupy .....	178
7.4.	Kongruenze a morfismy na grupách .....	185
8.	OKRUHY A TĚLESA .....	194
8.1.	Okrupy .....	194
8.2.	Ideální okruhů .....	201
8.3.	Polynomy nad okruhy a tělesy .....	207
8.4.	Volné a vicedruhové algebry .....	214
9.	NEORIENTOVANÉ GRAFY .....	221
9.1.	Grafy a grafové operace .....	221
9.2.	Souvislost grafu .....	231
9.3.	Maticový popis grafu .....	237
10.	ORIENTOVANÉ GRAFY .....	247
10.1.	Silná souvislost .....	247
10.2.	Acyklické grafy a binární relace .....	254
10.3.	Matice orientovaných grafů .....	260
11.	ROZKLADY A VZDÁLENOST NA GRAFECH .....	267
11.1.	Eulerovy grafy .....	267
11.2.	Nezávislé a dominující podmnožiny .....	275
11.3.	Vzdálenost na grafu .....	286
12.	STROMY .....	299
12.1.	Kostry a kružnice .....	299
12.2.	Maticové vyjádření kostr a kružnic .....	305
12.3.	Hledání kostr grafu .....	313
12.4.	Binární stromy .....	323
12.5.	Hranové řezy .....	332
12.6.	Planární grafy .....	337
12.7.	Hamiltonovské grafy .....	343
13.	APLIKACE TEORIE GRAFŮ .....	349
13.1.	Toky v sítích .....	349
13.2.	Grafy signálových toků .....	358
14.	JAZYKY A AUTOMATY .....	370
14.1.	Jazyky a racionální relace .....	370
14.2.	Regulární jazyky a konečné automaty .....	383
14.3.	Gramatiky .....	397
14.4.	Bezkontextové gramatiky a zásobníkové automaty .....	401
	ŘEŠENÍ VYBRANÝCH CVIČENÍ .....	410
	LITERATURA .....	425
	REJSTŘÍK .....	429